

# Matematik

4. FASİKÜL

11 SINIF

## Çember ve Daire

- 537 soru
- Kavram Yanılgıları
- Müfredat Dışı Konu uyarıları
- Bilgi Teknolojileri uyarlamaları
- PISA Tarzı Sorular
- ÖSYM Çıkmış Sınav Soruları
- Video Çözümler

# Teşekkürler...



Değerli öğretmenlerimiz

**Didem Yolgiden, Bahadır Özer, Ahmet KILIÇ,  
Enver MARAL, Süleyman KOYUNCU, Seyit ÇETİN,  
Bekir İLHAN ve Hüseyin GÜNEŞ'e** katkılarından  
dolayı teşekkür ederiz.

Bu kitap MİLLÎ EĞİTİM BAKANLIĞI TALİM VE TERBİYE KURULU BAŞKANLIĞI'nın 19.01.2018 tarih ve 32 sayılı kararı ile belirlenen  
**ORTAÖĞRETİM MATEMATİK DERS PROGRAMINA**  
GÖRE HAZIRLANMIŞTIR.

Bu kitabın her hakkı Çap Yayınlarına aittir. 5846 ve 2936 sayılı Fikir ve Sanat Eserleri Yasası'na göre Çap Yayınlarının yazılı izni olmaksızın, kitabın tamamı veya bir kısmı herhangi bir yöntemle basılamaz, yayınlanamaz, bilgisayarda depolanamaz, çoğaltılamaz ve dağıtım yapılamaz.

#### GENEL YAYIN YÖNETMENİ

Oğuz GÜMÜŞ

#### EDİTÖR

Gülten YILDIRIM - Hazal ÖZNAR  
Uğurcan AYDIN

#### DİZGİ

Çap Yayınları Dizgi Birimi

#### SAYFA TASARIM - KAPAK

F. Özgür OFLAZ

#### 2. BASKI

Temmuz 2019

#### İLETİŞİM



**ÇAP YAYINLARI®**

Ostim Mah. 1207 Sokak  
No: 3/C-D Ostim / Ankara

**Tel:** 0312 386 00 26 • 0850 302 20 90  
0 553 903 65 51

**Fax:** 0312 394 10 04

[www.capyayinlari.com.tr](http://www.capyayinlari.com.tr)

[bilgi@capyayinlari.com.tr](mailto:bilgi@capyayinlari.com.tr)

[twitter.com/capyayinlari](https://twitter.com/capyayinlari)

[facebook.com/capyayinlari](https://facebook.com/capyayinlari)

[instagram.com/capyayinlari](https://instagram.com/capyayinlari)



*Gelecek için hazırlanan  
vatan evlâtlarına, hiçbir  
güçlük karşısında yılmayarak  
tam bir sabır ve metanetle  
çalışmalarını ve öğrenim gören  
çocuklarımızın ana ve babalarına  
da yavrularının öğreniminin  
tamamlanması için hiçbir  
fedakârlıktan çekinmemelerini  
tavsiye ederim.*

*M. Atatürk*

# Ön Söz



Değerli Öğrenciler,

Çap Yayınları olarak konuları en iyi şekilde kavrayabilmeniz için yeni bir anlayışla elinizdeki fasikülleri oluşturduk. Fasiküllerimiz aşağıdaki içeriklere sahiptir:

**Kazanım Sayfası:** Bir konunun hangi sırayla ve toplam kaç kazanımda anlatılacağını gösterir.

**Bilgi Sayfası:** Her alt konu ile ilgili gerekli bilgilerin ve kısa örneklerin yer aldığı sayfalardan oluşmuştur.

**Konu Kavrama Sayfaları:** Her alt konuyu ilgilendiren bütün soru türleri ‘kazanım’ başlığı altında kolaydan zora doğru ve sizi her soruda bir basamak yukarıya taşıyacak şekilde titizlikle oluşturulmuştur. Bu sorular duruma göre açık uçlu ya da çoktan seçmeli olarak planlanmıştır.

**Pekiştirme Testleri:** Anlatılan konuların sizler tarafından iyice pekiştirilmesini sağlamak için biraz da farklı sorulara yer verilerek oluşturulmuştur. Ayrıca tümünün VİDEO ÇÖZÜMLERİ yapıldı.

**PISA:** Ünite bitiminde okulda öğrendiğiniz bilgi ve becerilerinizi günlük yaşamda kullanmayı, okuduğunuzu anlama ve yorumlama becerinizi ölçmek için oluşturulmuştur.

**Tam Tur:** Karma testlere geçmeden önce ünite de öğrendiğiniz tüm bilgileri toplu hâlde bulabilmeniz ve konu tekrarlarında sizlere yardımcı olması amacıyla hazırlanan bölümdür.

**Acemi, Amatör, Uzman ve Şampiyon Testleri:** Ünite bitiminde dört ayrı zorluk seviyesine göre oluşturulmuş TAMAMI VİDEO ÇÖZÜMLÜ olan karma sorulardan oluşmaktadır. Bu bölümde sizi acemi seviyesinden alıp şampiyon seviyesine taşımak hedeflenmiştir.

**ÖSYM Soruları:** Üniversite giriş sınavlarında sorulmuş sorular, en son yapılan sınavdan geriye doğru ve yine TAMAMI VİDEO ÇÖZÜMLÜ bir şekilde sunulmuştur.

Video çözümlerine yayınevimize ait akıllı telefon uygulamaları (cApp veya capegitim) veya [www.capyayinlari.com.tr](http://www.capyayinlari.com.tr), [www.capegitim.com](http://www.capegitim.com) internet sitelerinden ulaşılabilir.

Sağlıklı ve başarılı bir öğretim yılı geçireceğinize inanarak hepinize başarılar diliyoruz.

**Oğuz GÜMÜŞ**

ogumus@capyayinlari.com.tr

**Devrim ÖZATA**

dozata@capyayinlari.com.tr

**Birdal ÇOLAK**

bcolak@capyayinlari.com.tr



# İÇİNDEKİLER



## ÇEMBER VE DAİRE (28 DERS SAATİ)

Ünite Kazanımları .....	6
<b>Çember</b> .....	7
Konu Kavrama (Kazanım 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14) .....	10
Pekiştirme Testi 1, 2, 3 .....	17
<b>Çemberde Açı</b> .....	23
Konu Kavrama (Kazanım 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34) .....	27
Pekiştirme Testi 4, 5, 6 .....	37
<b>Çemberde Teğet</b> .....	43
Konu Kavrama (Kazanım 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54) .....	44
Pekiştirme Testi 7, 8, 9 .....	54
<b>Çemberin Çevresi ve Dairede Alan</b> .....	60
Konu Kavrama (Kazanım 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77) .....	62
Pekiştirme Testi 10, 11, 12 .....	74
<b>PISA</b> .....	80
<b>Tam Tur</b> .....	82
<b>Acemi Testleri 1, 2</b> .....	84
<b>Amatör Testleri 1, 2, 3, 4, 5</b> .....	88
<b>Uzman Testleri 1, 2, 3, 4</b> .....	98
<b>Şampiyon Testleri 1, 2</b> .....	106
<b>ÖSYM Soruları</b> .....	110



# KAZANIMLAR

Kazanım 1, 2, 3, ..., 14	: Çemberde yarıçap ve kiriş özelliklerini kavrar.
Kazanım 15, 16, 17, 18, 19, 20	: Merkez açı ve çevre açığı kavrar.
Kazanım 21, 22	: Teğet–kiriş açı özelliğini kavrar.
Kazanım 23, 24, 25	: İç açı ve dış açı özelliklerini kavrar.
Kazanım 26	: Kirişler dörtgenini kavrar.
Kazanım 27, 28, 29, 30, 31	: Çemberde açı özellikleri ile ilgili uygulamalar yapar.
Kazanım 32, 33	: Üçgen, dörtgen ve çokgenlerle ilgili açı problemlerini çember kullanarak çözer.
Kazanım 34	: Sinüs teoreminin çevrel çemberin yarıçapı ile ilişkisi üzerinde durulur.
Kazanım 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41	: Çemberde teğet özelliklerini kavrar.
Kazanım 42, 43, 44	: Üçgenlerin benzerliğini kullanarak çemberde uzunluk sorularını çözer.
Kazanım 45	: Farklı kirişleri birleştirerek üçgen elde eder.
Kazanım 46, 47	: Teğetler dörtgenini kavrar.
Kazanım 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54	: İki çemberin birbirine göre durumları ile ilgili çeşitli problemleri çözer.
Kazanım 55, 56, 57, 58	: Çemberin çevresini kavrar.
Kazanım 59, 60, 61, ..., 77	: Dairenin alanını kavrar.

## Anahtar Kelimeler

Çember	Teğet–Kiriş Açısı
Daire	İç Açısı
Teğet	Dış Açısı
Kiriş	Kirişler Dörtgeni
Kesen	Teğetler Dörtgeni
Yay	Sinüs Teoremi
Merkez Açısı	Çemberin Çevresi
Çevre Açısı	Dairenin Alanı



## Bilgi ve İletişim Teknolojisi Kullanımı

Bilgisayar, tablet, cep telefonu vb. cihazlarınızdan

[www.desmos.com](http://www.desmos.com)

[www.wolframalpha.com](http://www.wolframalpha.com)

<https://phet.colorado.edu/tr>

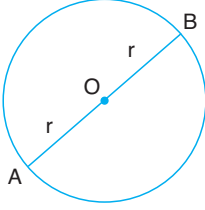
[www.geogebra.org](http://www.geogebra.org)

sitelerinden herhangi birine girerek, denklem çözümü, eşitsizlik çözümü, grafik çizimi vb. işlemleri yaparak işlediğiniz konularla ilgili daha detaylı bilgilere ve görsellere ulaşabilirsiniz.



### Çember

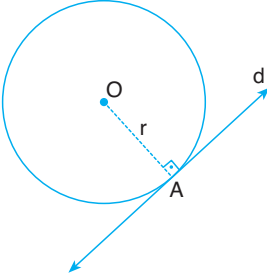
Düzlemde sabit bir noktadan eşit uzaklıktaki noktalar kümesine **çember** denir.



- O noktası çemberin merkezi,
- [AB] çemberin bir çapı,
- [AO] çemberin bir yarıçapıdır ve r ile gösterilir.

### Teğet

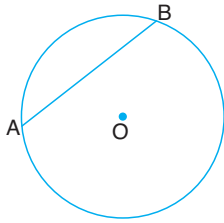
Çember ile bir tane ortak noktası olan doğruya **teğet** denir.



- d doğrusu çembere A noktasında teğettir.

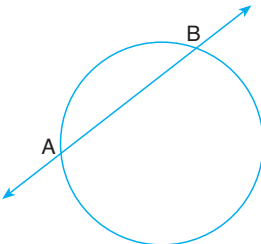
### Kiriş

Çemberin üzerindeki farklı iki noktayı birleştiren doğru parçasına **kiriş** denir.



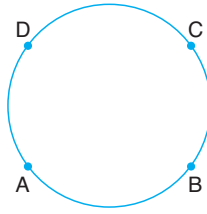
- [AB] kiriştir.
- Çemberde en uzun kiriş çaptır ve çemberi iki eş parçaya ayırır.

### Kesen



Çember ile iki ortak noktası bulunan doğruya **kesen** denir.

## Yay

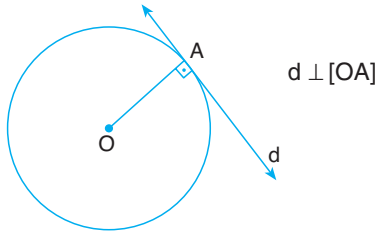


Çemberin üzerindeki farklı iki nokta arasında kalan parçaya **yay** denir.

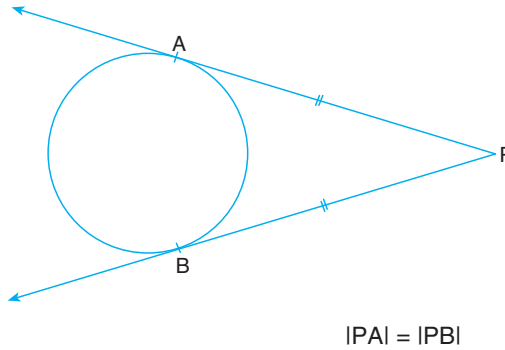
$\widehat{ABC}$  ve  $\widehat{ADC}$  çemberin yaylarından iki tanesidir.

## Çemberde Teğet ve Kiriş Özellikleri

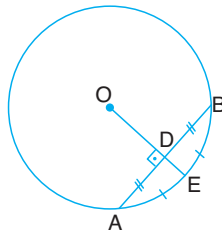
- 1) Teğet, değme noktasında yarıçapa diktir.



- 2) Çembere bir noktadan çizilen teğet parçalarının uzunlukları eşittir.



- 3) Çemberin merkezinden kirişe indirilen dikme kirişi ve kirişin çember üzerinde ayırdığı yayı ortalar.



$[OE] \perp [AB]$  ise

$|AD| = |DB|$  ve

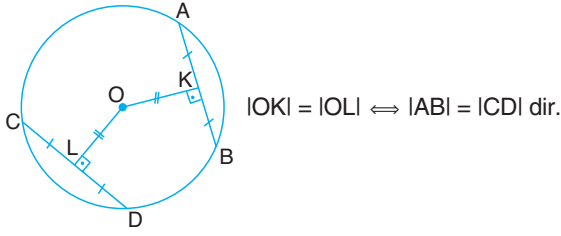
$m(\widehat{AE}) = m(\widehat{EB})$  dir.



**AKLINDA OLSUN**

Kirişin orta dikmesi  
merkezden geçer.

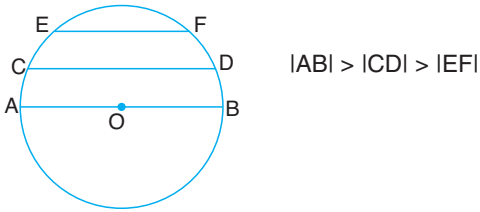
- 4) Merkeze eşit uzaklıktaki kirişlerin uzunlukları birbirine eşittir.



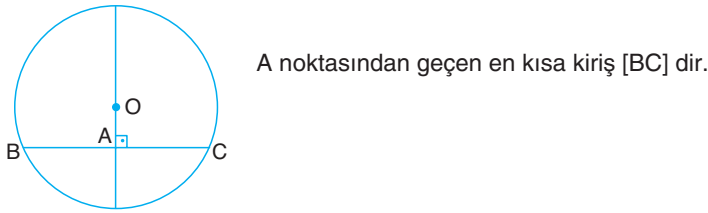
Eşit uzunluktaki kirişlerin arkalarındaki yayların ölçüleri de birbirine eşittir.

$$|AB| = |CD| \Leftrightarrow m(\widehat{AB}) = m(\widehat{CD})$$

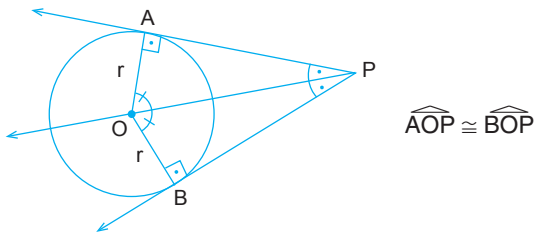
- 5) Çemberin en uzun kirişi çaptır. Kirişlerin uzunlukları merkezden uzaklaştıkça küçülür.



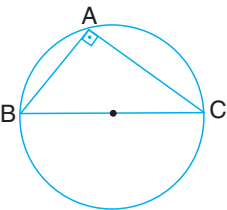
- 6) Çember içindeki herhangi bir noktadan geçen kirişler içinde en uzun olanı çap, en kısa olanı o noktadan geçen ve çapa dik olanıdır.



- 7) Bir çembere bir noktadan çizilen teğetler arasında kalan açının açkırtayı merkezden geçer.



- 8) Bir çemberde dik köşesi çember üzerinde olan bir üçgen çizildiğinde, hipotenüs çap olur.

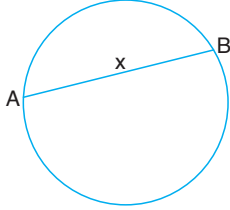




## KAVRAMA

### KAZANIM 1

1.



Yarıçapı 5 cm olan çemberde [AB] kirisinin uzunluğunun alabileceği en büyük değer kaçtır?

2. Yarıçapı  $\sqrt{2}$  br olan bir çemberde, bir kirisin uzunluğunun alabileceği en büyük tam sayı değeri kaçtır?

3. Çember şeklindeki bir oyun alanının üzerinde oyun oynayan Ayça, Beren ve Ceren arasında aşağıdaki diyaloglar geçiyor.

Ayça: Beren ile Ceren arasındaki uzaklık  $2x + 4$  birimdir.

Beren: Ayça ile Ceren arasındaki uzaklık  $5x - 12$  birimdir.

Ceren: Ayça'dan daha fazla uzaklaşmam mümkün değildir.

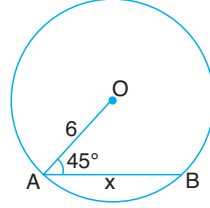
Buna göre,  $x$  in alabileceği en küçük tam sayı değeri kaçtır?

CAP

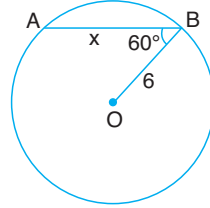
### KAZANIM 2

Aşağıda verilen O merkezli çemberlerde  $x$  değerlerini bulunuz.

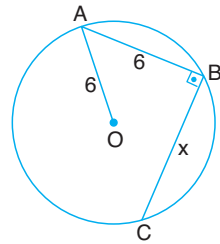
1.



2.



3.

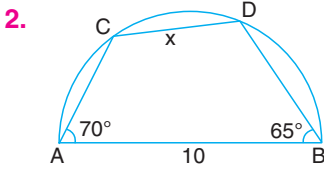
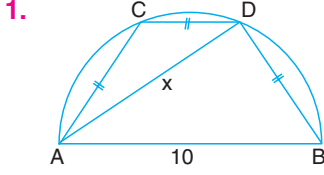


1. 10 2. 2 3. 6

1.  $6\sqrt{2}$  2. 6 3.  $6\sqrt{3}$

### KAZANIM 3

Aşağıda verilen  $[AB]$  çaplı yarım çemberlerde  $x$  değerlerini bulunuz.



3. O merkezli  $[AB]$  çaplı bir yarım çember çiziliyor. Bir kenarı çap üzerinde ve köşelerinden biri çemberin merkezinde olan OCDE karesinin D köşesi çember üzerindedir. ( $C \in [OB]$ )

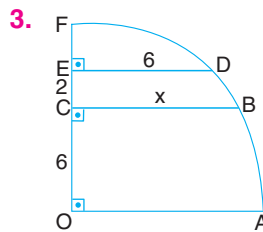
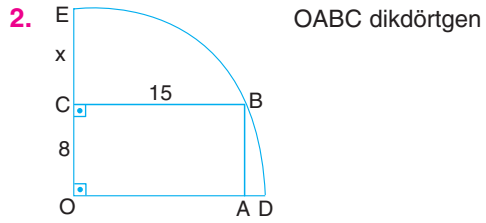
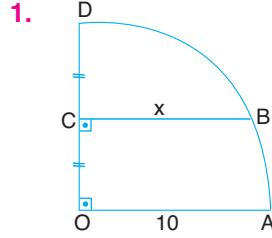
A noktasının E köşesine uzaklığı  $3\sqrt{3}$  cm olduğuna göre, karenin bir kenarı kaç cm dir?

CAP

1.  $5\sqrt{3}$  2.  $5\sqrt{2}$  3. 3

### KAZANIM 4

Aşağıda verilen O merkezli çeyrek çemberlerde  $x$  değerlerini bulunuz.



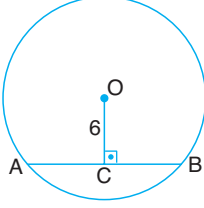
1.  $5\sqrt{3}$  2. 9 3. 8



### KAZANIM 5

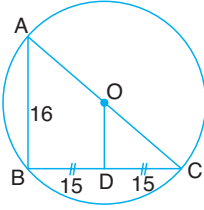
Aşağıda verilen O merkezli çemberlerin yarıçap uzunluklarını bulunuz.

1.



$$|AB| = 16 \text{ cm}$$

2.



3. O merkezli r yarıçaplı bir çember üzerinde uzunluğu 16 birim olan  $[AB]$  kirişi alınıyor.

Kirişin orta noktası D olmak üzere  $[DO]$  ışını çemberi C noktasında kesmektedir.

$|CD| = 16$  birim olduğuna göre çemberin yarıçapı kaç br dir?

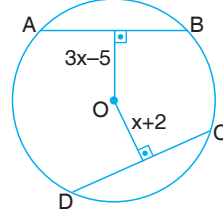
CAP

1. 10 2. 17 3. 10

### KAZANIM 6

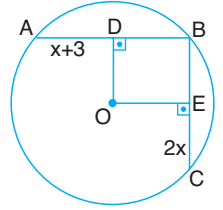
Aşağıda verilen O merkezli çemberlerde x değerlerini bulunuz.

1.



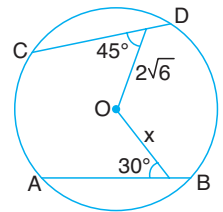
$$|AB| = |DC|$$

2.



$$|AB| = |DC|$$

3.

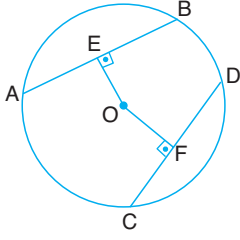


$$|AB| = |DC|$$

1.  $\frac{7}{2}$  2. 3 3.  $4\sqrt{3}$

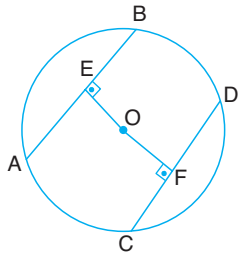
### KAZANIM 7

1.



O merkezli çemberde,  
 $|OE| = (2x - 6)$  br  
 $|OF| = (x + 1)$  br  
 $|AB| > |CD|$   
**x in en büyük tam sayı değeri kaçtır?**

2.



O merkezli çemberde  
 $|OE| = (2x - 6)$  br,  
 $|OF| = (x + 1)$  br  
 $|AB| < |CD|$  olduğuna  
 göre, x in en küçük tam sayı değeri kaçtır?

3. 6 br yarıçaplı bir çemberde, bir [AB] kirişinin uzunluğu  $(2x + 6)$  br ise x in alabileceği en büyük tam sayı değeri kaçtır?

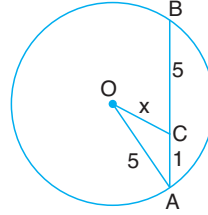
CAP

1. 6 2. 8 3. 3

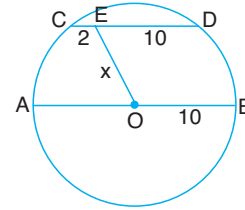
### KAZANIM 8

Aşağıda verilen O merkezli çemberlerde x değerlerini bulunuz.

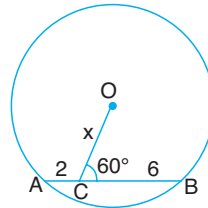
1.



2.



3.

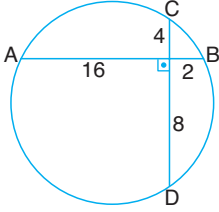


1.  $2\sqrt{5}$  2.  $4\sqrt{5}$  3. 4

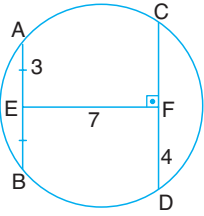
### KAZANIM 9

Aşağıda verilen çemberlerin yarıçap uzunluklarını bulunuz.

1.

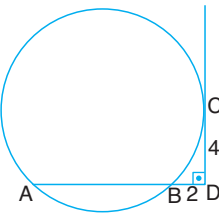


2.



$|CF| = |FD|$

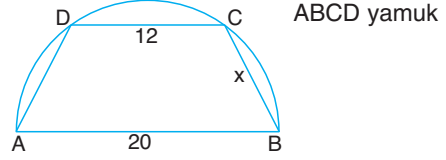
3.



### KAZANIM 10

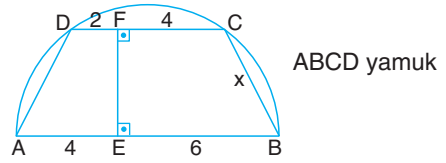
Aşağıda verilen [AB] çaplı yarım çemberlerde x değerlerini bulunuz.

1.



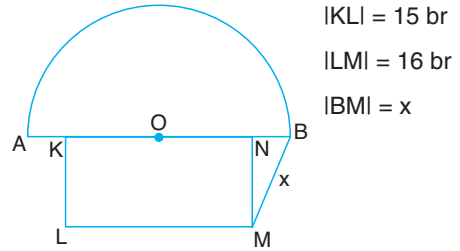
ABCD yamuk

2.



ABCD yamuk

3. Şekilde KLMN dikdörtgeni AB boyunca katlandığında L ve M noktaları çember üzerine gelmektedir



$|KL| = 15$  br

$|LM| = 16$  br

$|BM| = x$

CAP

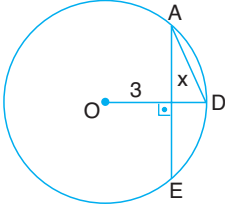
1.  $4\sqrt{5}$  2.  $2\sqrt{5}$  3.  $3\sqrt{34}$

## KAZANIM 11

1. O merkezli bir çemberde, A noktası çemberin iç bölgesinde bir noktadır.

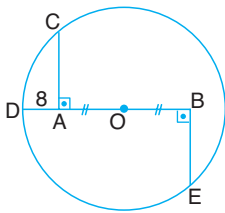
Çemberin yarıçapı 5 br ve  $|OA| = 3$  br olduğuna göre, A noktasından geçen en kısa kirişin uzunluğu kaç br dir?

2.



O merkezli çemberin yarıçapı 5 cm olduğuna göre,  $|AD| = x$  kaç cm dir?

3.



O merkezli çemberin yarıçapı 13 cm olduğuna göre,

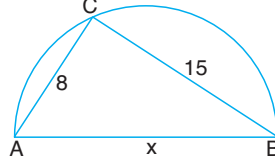
$|AC| + |BE|$  toplamı kaçtır?

1. 8 2.  $2\sqrt{5}$  3. 24

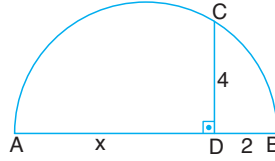
## KAZANIM 12

Aşağıda verilen  $[AB]$  çaplı yarım çemberlerde  $x$  değerlerini bulunuz.

1.



2.



3.

$[AB]$  çaplı çember ve B noktasında çembere teğet olan d doğrusu çiziliyor. Çember üzerinde bir C noktası için AC doğrusu d doğrusunu D noktasında kesiyor.

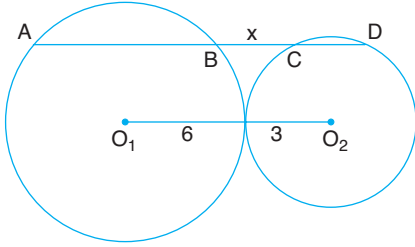
$|AC| = 8$  cm ve  $|AB| = 10$  cm olduğuna göre  $|CD|$  uzunluğu kaçtır?

1. 17 2. 8 3.  $\frac{9}{2}$

CAP

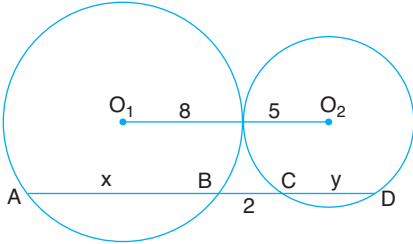
### KAZANIM 13

1.



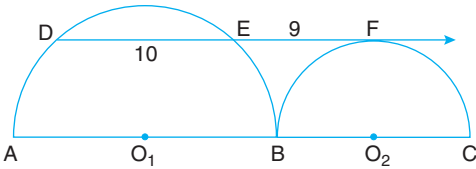
$[AD] \parallel [O_1O_2]$  ve  $|AD| = 16$  cm olduğuna göre,  $x$  kaç cm dir?

2.



$[O_1O_2] \parallel [AD]$  olduğuna göre,  $x + y =$  toplamı kaç birimdir?

3.



$[DF]$ ,  $O_2$  merkezli çembere F noktasında teğet ve  $[DF] \parallel [AC]$  olduğuna göre,  $|AC|$  kaç birimdir?

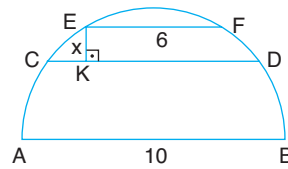
CAP

### KAZANIM 14

1.  $[AB]$  çaplı yarı çemberde  $[CD]$  kiriş olmak üzere  $[AB] \parallel [CD]$  dir.

$|AB| = 26$  cm ve  $|CD| = 10$  cm olduğuna göre,  $[AB]$  ile  $[CD]$  arasındaki uzaklık kaç cm dir?

2.



$[AB]$  çap

$[AB] \parallel [CD] \parallel [EF]$

$|CD| = 8$  br

Buna göre,  $|EK| = x$  kaç birimdir?

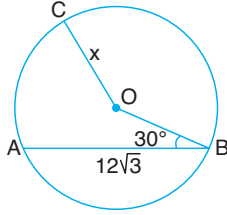
3. Beren Öğretmen bir öğrencisinden 30 cm çaplı bir çemberde birbirine paralel iki kiriş oluşturup uzunluklarını ölçmesini istiyor. Öğrenci ölçüm sonucu uzunlukları 18 cm ve 24 cm olarak belirliyor.

Buna göre, bu iki kiriş arasındaki uzaklık en az kaç cm dir?

1. 12 2. 1 3. 3



1.



O çemberin merkezi  
 $m(\widehat{OBA}) = 30^\circ$   
 $|AB| = 12\sqrt{3}$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|OC| = x$  kaç cm dir?

- A)  $3\sqrt{3}$  B) 6 C)  $6\sqrt{3}$  D) 12 E)  $12\sqrt{3}$

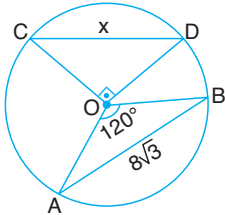
2.

O merkezli çemberin yarıçapı  $(4x - 3)$  br dir.

Çemberdeki bir kirişin uzunluğu en çok 10 br olduğuna göre,  $x$  kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

3.



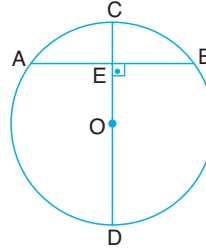
O çemberin merkezi  
 $[OC] \perp [OD]$   
 $m(\widehat{AOB}) = 120^\circ$   
 $|AB| = 8\sqrt{3}$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|CD| = x$  kaç cm dir?

- A)  $4\sqrt{2}$  B)  $4\sqrt{3}$  C) 8 D)  $8\sqrt{2}$  E)  $8\sqrt{3}$

CA P

4.

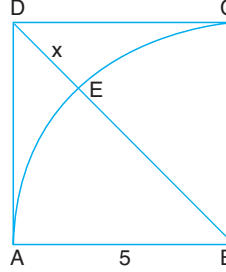


O çemberin merkezi  
 $[AB] \perp [CD]$   
 $|EB| = 8$  cm  
 $|ED| = 16$  cm

Yukarıdaki verilere göre, çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 6 B) 8 C) 9 D) 10 E) 12

5.

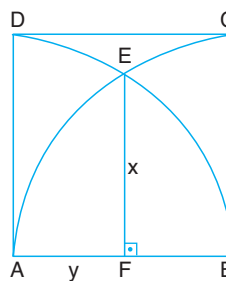


ABCD kare  
 B noktası çeyrek çemberin merkezi  
 $|AB| = 5$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|ED| = x$  kaç cm dir?

- A)  $\frac{5\sqrt{2}}{2}$  B)  $5 - \frac{5\sqrt{2}}{2}$  C)  $5\sqrt{2} - 5$   
 D)  $10\sqrt{2} - 10$  E)  $10\sqrt{2} - \frac{5\sqrt{2}}{2}$

6.

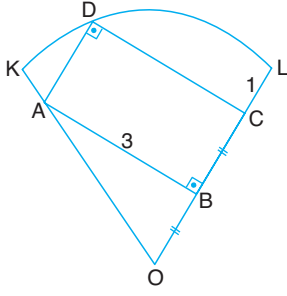


ABCD kare  
 $|IE| = x$  br  
 $|AF| = y$  br  
 $[EF] \perp [AB]$

Şekilde A ve B çeyrek çemberlerin merkezleri olduğuna göre,  $\frac{x}{y}$  oranı kaçtır?

- A) 2 B)  $\sqrt{3}$  C)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$  D)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  E)  $\frac{1}{2}$

7.

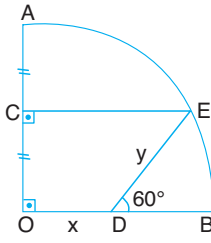


O çember diliminin  
merkezi  
ABCD dikdörtgen  
 $|OB| = |BC|$   
 $|LC| = 1 \text{ cm}$   
 $|AB| = 3 \text{ cm}$

Yukarıdaki verilere göre, O merkezli çember diliminin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

8.

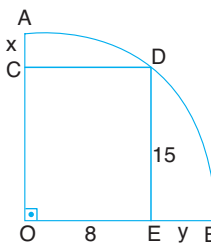


O çeyrek çemberin merkezi  
 $[EC] \perp [OA]$   
 $|AC| = |CO|$   
 $m(\widehat{EDB}) = 60^\circ$   
 $|OD| = x$   
 $|DE| = y$

Yukarıdaki verilere göre  $\frac{x}{y}$  oranı kaçtır?

- A)  $\frac{\sqrt{3}}{3}$  B)  $\sqrt{3}$  C)  $\frac{1}{2}$  D) 1 E) 2

9.

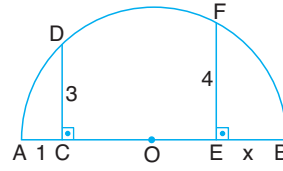


O çeyrek çemberin merkezi  
OEDC dikdörtgen  
 $|OE| = 8 \text{ cm}$   
 $|ED| = 15 \text{ cm}$   
 $|AC| = x \text{ cm}$   
 $|EB| = y \text{ cm}$

Yukarıdaki verilere göre,  $y - x$  farkı kaçtır?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

10.

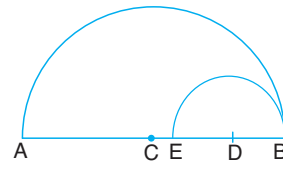


O, AB çaplı yarı  
çemberin merkezi  
 $[DC] \perp [AB]$   
 $[EF] \perp [AB]$   
 $|AC| = 1 \text{ cm}$   
 $|DC| = 3 \text{ cm}$   
 $|EF| = 4 \text{ cm}$

Yukarıdaki verilere göre  $|EB| = x$  kaç cm dir?

- A)  $\frac{3}{2}$  B) 2 C)  $\frac{5}{2}$  D) 3 E)  $\frac{7}{2}$

11.

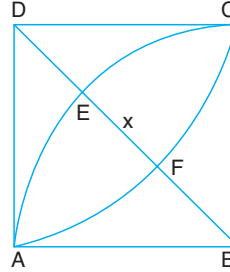


C ve D yarı çember-  
lerin merkezleri  
 $|AE| = x \text{ br}$   
 $|CD| = y \text{ br}$

Yukarıdaki verilere göre x in y türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $3x = 2y$  B)  $2x = 3y$  C)  $x = 2y$   
D)  $x = 3y$  E)  $3x = 5y$

12.



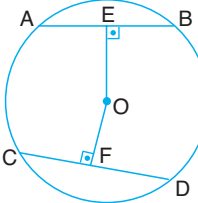
ABCD kare  
B ve D çeyrek çemberle-  
rin merkezi  
 $|DE| = 2\sqrt{2} - 2 \text{ cm}$

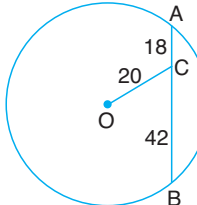
Yukarıdaki verilere göre  $|EF| = x$  kaç cm dir?

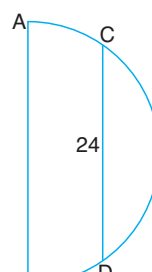
- A)  $2\sqrt{2} - \sqrt{3}$  B)  $2\sqrt{3} - \sqrt{2}$  C)  $2\sqrt{2} - 2$   
D)  $4 - \sqrt{2}$  E)  $4 - 2\sqrt{2}$

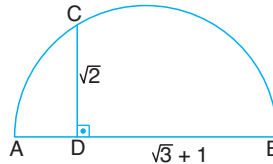


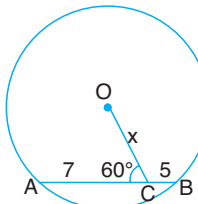


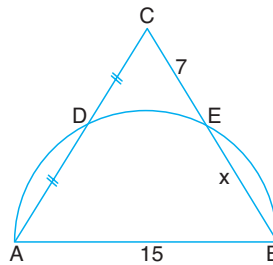
1.  O çemberin merkezi  
 $|AB| = |CD| = 16$  cm  
 $|OE| = 2x$  cm  
 $|OF| = (3x - 3)$  cm  
 $[OE] \perp [AB]$   
 $[OF] \perp [CD]$   
 Yukarıdaki verilere göre çemberin yarıçapı kaç cm dir?  
 A) 6 B) 8 C) 10 D) 12 E) 16

2.  O çemberin merkezi  
 $|AC| = 18$  cm  
 $|OC| = 20$  cm  
 $|CB| = 42$  cm  
 Yukarıdaki verilere göre çemberin yarıçapı kaç cm dir?  
 A) 34 B) 35 C) 36 D) 37 E) 38

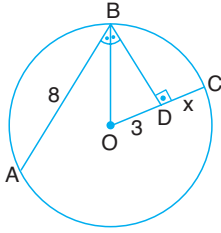
3.   $[AB]$  yarım çemberin çapı  
 $[AB] \parallel [CD]$   
 $|CD| = 24$  cm  
 $[AB]$  ve  $[CD]$  arasındaki uzaklık 5 cm ise çemberin çapı kaç cm dir?  
 A) 26 B) 28 C) 29 D) 30 E) 32

4.   $[AB]$  yarım çemberin çapı  
 $[CD] \perp [AB]$   
 $|CD| = \sqrt{2}$  cm  
 $|DB| = \sqrt{3} + 1$  cm  
 Yukarıdaki verilere göre yarım çemberin yarıçapı kaç cm dir?  
 A)  $\sqrt{3}$  B)  $\sqrt{3} - 1$  C) 1  
 D)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  E)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

5.  O çemberin merkezi  
 $m(\widehat{OCA}) = 60^\circ$   
 $|BC| = 5$  cm  
 $|AC| = 7$  cm  
 Yukarıdaki verilere göre  $|OC| = x$  kaç cm dir?  
 A) 1 B)  $\sqrt{2}$  C)  $\sqrt{3}$  D) 2 E)  $2\sqrt{3}$

6.   $[AB]$  yarım çemberin çapı  
 $|AD| = |DC|$   
 $|CE| = 7$  cm  
 $|AB| = 15$  cm  
 Yukarıdaki verilere göre  $|EB| = x$  kaç cm dir?  
 A) 6 B) 7 C) 8 D) 9 E) 10

7.

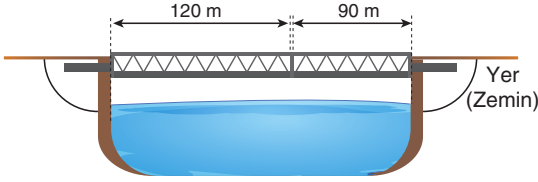


O çemberin merkezi  
 $m(\widehat{ABO}) = m(\widehat{OBD})$   
 $[BD] \perp [OC]$   
 $|OD| = 3$   
 $|AB| = 8$

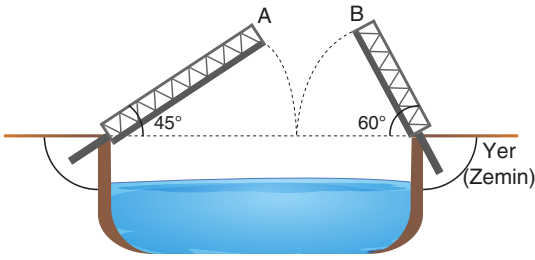
Yukarıdaki verilere göre  $|DC| = x$  kaç cm dir?

- A) 1 B)  $\frac{3}{2}$  C) 2 D)  $\frac{5}{2}$  E) 3

8. Şekil 1 de bir nehir üzerine kurulmuş olan ve iki parçadan oluşan açılır kapanır bir köprü modeli verilmiştir. Köprü'nün açılan parçalarından biri 120, diğeri 90 metredir.



Şekil 1



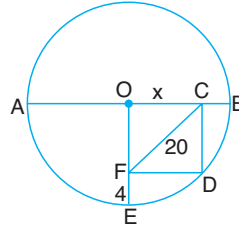
Şekil 2

Şekil 2'de A ve B noktalarının yere olan uzaklıkları farkı kaç metredir?

(Şekil 1 de ikisinin arasındaki aralık dikkate alınmayacaktır.)

- A)  $60\sqrt{3} - 45\sqrt{2}$  B)  $45\sqrt{2} - 60$   
 C)  $60\sqrt{2} - 45\sqrt{3}$  D)  $45\sqrt{3} - 60$   
 E)  $120\sqrt{3} - 60\sqrt{2}$

9.



O çemberin merkezi  
 FDCO dikdörtgen  
 $|FE| = 4$  cm  
 $|FC| = 20$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|OC| = x$  kaç cm dir?

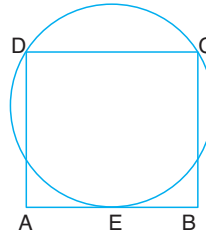
- A) 8 B) 9 C) 10 D) 12 E) 16

10. O merkezli bir çember üzerinde alınan A, D ve B noktaları alınıyor.

A, D, B ve O noktalarının oluşturduğu ADBO dörtgeni bir eşkenar dörtgen olduğuna göre AOD açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 30 B) 45 C) 60 D) 70 E) 75

11.



ABCD kare  
 E teğet değme noktası  
 $|AE| = 4$  cm

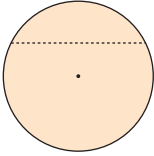
Yukarıdaki verilere göre çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 4,5 B) 4,8 C) 5 D) 5,6 E) 6

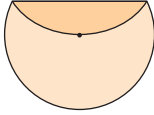
CAP



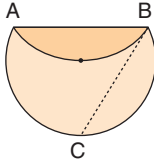
1. Şekil 1 de verilen 2 birim yarıçaplı bir daire, üst kısmından merkezi ile çakışacak Şekil 2 deki gibi katlanıyor.



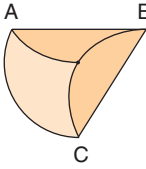
Şekil - 1



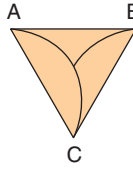
Şekil - 2



Şekil - 3



Şekil - 4



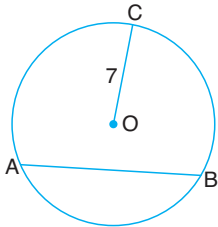
Şekil - 5

Şekil 3'teki katlanmış şekil BC kırışı boyunca yine merkezle çakışacak şekilde katlanıp Şekil 4 elde ediliyor. Aynı katlama işlemi tekrarlanarak Şekil 5 elde ediliyor.

Buna göre, şekil 5 teki ABC üçgeninin çevresi kaç birimdir?

- A)  $2\sqrt{3}$  B)  $\sqrt{3}$  C)  $3\sqrt{3}$  D)  $6\sqrt{3}$  E)  $\frac{7\sqrt{3}}{2}$

2.

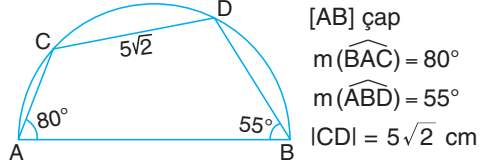


O merkezli çemberde  
 $|OC| = r = 7$  cm dir.

Yukarıdaki verilere göre  
[AB] kırışının uzunluğunun alabileceği en büyük değer kaçtır?

- A) 7 B) 14 C) 20 D) 21 E) 28

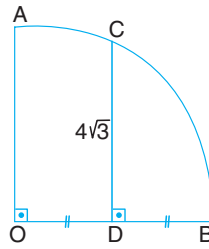
3.



Yukarıdaki verilere göre yarım çemberin yarıçapı kaç cm'dir?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 9 E) 10

4.

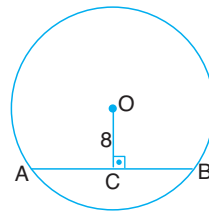


O çeyrek çemberin merkezi  
[OB]  $\perp$  [CD]  
 $|OD| = |DB|$   
 $|CD| = 4\sqrt{3}$  cm

Yukarıdaki verilere göre çeyrek çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

5.

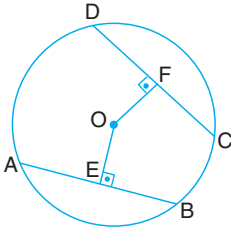


O çemberin merkezi  
[OC]  $\perp$  [AB]  
 $|OC| = 8$  cm  
 $|AB| = 30$  cm

Yukarıdaki verilere göre çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 15 B) 16 C) 17 D) 18 E) 19

6.

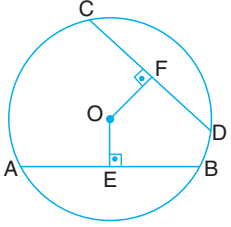


O çemberin merkezi  
 $|AB| = |CD|$   
 $|OE| = (2y + 3)$  br  
 $|OF| = 4y$  br  
 $[OF] \perp [CD]$   
 $[OE] \perp [AB]$

Yukarıdaki verilere göre çemberin merkezinin  $[CD]$  kirişine uzaklığı kaç br dir?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

7.

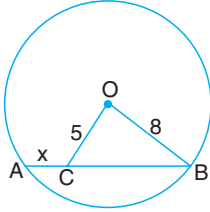


O çemberin merkezi  
 $|AB| > |CD|$   
 $|OE| = (4x + 3)$  br  
 $|OF| = (5x - 1)$  br  
 $[OF] \perp [CD]$   
 $[OE] \perp [AB]$

Yukarıdaki verilere göre  $x$  in alabileceği en küçük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

8.

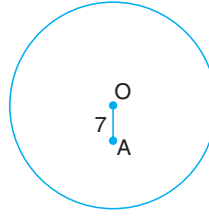


O çemberin merkezi  
 $|OC| = 5$  cm  
 $|OB| = 8$  cm  
 $|AB| = 8\sqrt{3}$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|AC| = x$  kaç cm dir?

- A)  $4\sqrt{3} - 3$  B)  $4\sqrt{3} - 4$  C)  $4\sqrt{3} - 2$   
D)  $4\sqrt{3} - 1$  E)  $4\sqrt{3}$

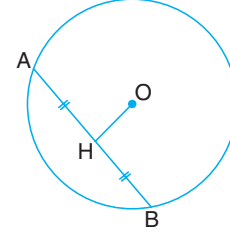
9.



$|OA| = 7$  cm olmak üzere, O merkezli çemberin yarıçapı 25 cm ise A noktasından geçen en kısa kirişin uzunluğu kaç cm dir?

- A) 24 B) 30 C) 48 D) 60 E) 72

10.

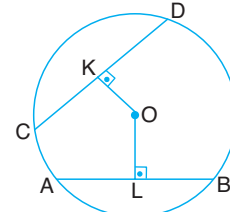


O çemberin merkezi  
 $|AH| = |HB|$   
 $|OH| = 10$  br  
 $|AB| = 48$  br

Yukarıdaki verilere göre, çemberin yarıçap uzunluğu kaç br dir?

- A) 26 B) 30 C) 36 D) 40 E) 50

11.

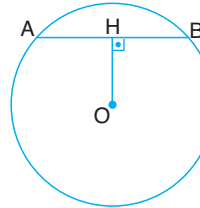


O çemberin merkezi  
 $|OK| < |OL|$   
 $|DC| = (2x + 3)$  br  
 $|AB| = (x + 5)$  br

Yukarıdaki verilere göre,  $x$  in en küçük tam sayı değeri kaçtır?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

12.



O çemberin merkezi  
 $|AB| = 12$  br  
 $|OH| = 8$  br

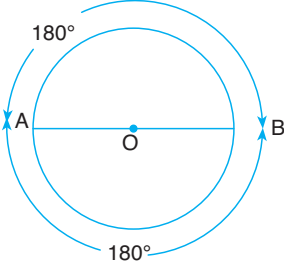
Yukarıdaki verilere göre, çemberin çapı kaç br dir?

- A) 9 B) 10 C) 12 D) 16 E) 20

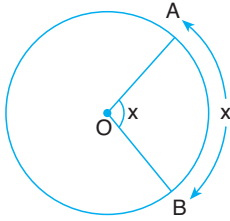
CAP



- Çemberin tüm yay ölçüsü  $360^\circ$  dir.
- Çap çemberi her biri  $180^\circ$  olan iki eşit yaya böler.

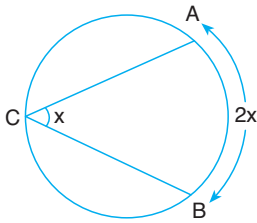


**Merkez Açısı:** Başlangıç noktaları çemberin merkezi olan iki ışının oluşturduğu açıya merkez açısı denir.



Merkez açının ölçüsü çember üzerinde ayırdığı yayın ölçüsüne eşittir.  
 $m(\widehat{AOB}) = m(\widehat{AB})$

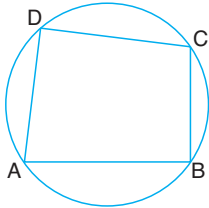
**Çevre Açısı:** Köşesi çember üzerinde olan ve kenarları çemberi kesen açıya çevre açısı denir.



Çevre açının ölçüsü, çember üzerinde ayırdığı yayın ölçüsünün yarısına eşittir.

$$m(\widehat{ACB}) = \frac{m(\widehat{AB})}{2}$$

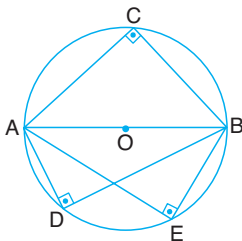
**Kirişler Dörtgeni:** Köşeleri çember üzerinde olan dörtgene kirişler dörtgeni denir.



Kirişler dörtgeninde karşılıklı açılar bütündür.

$$m(\widehat{A}) + m(\widehat{C}) = m(\widehat{B}) + m(\widehat{D}) = 180^\circ$$

- Çapı gören çevre açısı  $90^\circ$  dir.

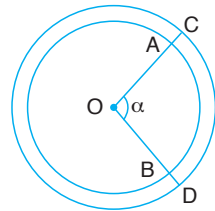


**AKLINDA OLSUN**

Merkez açının köşesi çemberin merkezindedir.



**AKLINDA OLSUN**



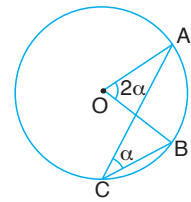
O ortak merkez olmak üzere,

$$m(\widehat{AB}) = m(\widehat{CD}) = \alpha$$

dır.

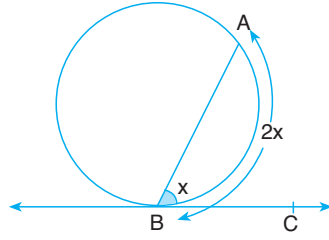


**AKLINDA OLSUN**



Bir çemberde çevre açının ölçüsünü, aynı yayı gören merkez açının ölçüsünün yarısına eşittir.

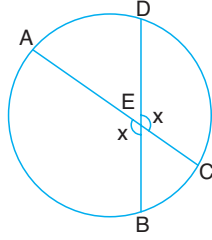
**Teğet Kiriş Açısı:** Köşesi çember üzerinde bulunan, kollarından biri teğet diğeri ise giriş olan açiya teğet giriş açısı denir.



Teğet giriş açının ölçüsü, gördüğü yayın ölçüsünün yarısına eşittir.

$$m(\widehat{ABC}) = \frac{m(\widehat{AB})}{2}$$

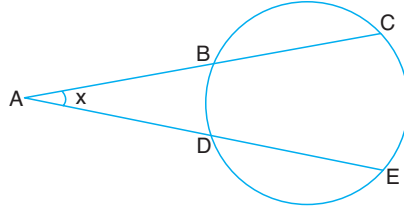
**İç Açısı:** İki girişin çemberin içinde oluşturduğu açılardan her birine iç açı denir.



İç açının ölçüsü, gördüğü yayların ölçüleri toplamının yarısına eşittir.

$$m(\widehat{AEB}) = \frac{m(\widehat{AB}) + m(\widehat{CD})}{2}$$

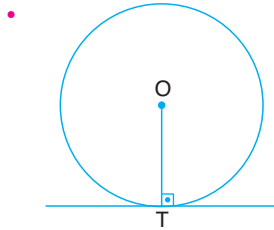
**Dış Açısı:** Köşesi çemberin dış bölgesinde, kolları teğet veya kesen olan açiya çemberin dış açısı denir.



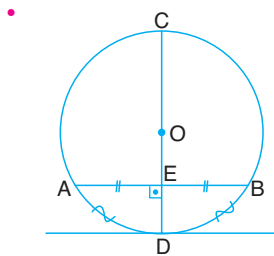
Dış açının ölçüsü, gördüğü yayların ölçüleri farkının mutlak değerinin yarısına eşittir.

$$m(\widehat{CAE}) = \frac{|m(\widehat{CE}) - m(\widehat{BD})|}{2}$$

### Çemberde Açı ile İlgili Özellikler



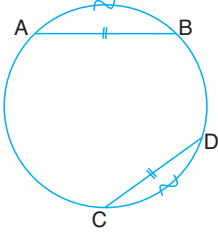
Teğet, değme noktasında yarıçapa diktir.



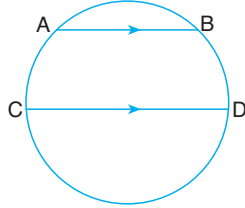
Merkezden girişe indirilen dikme giriş ve girişin çember üzerinde ayırdığı yayı iki eşit parçaya böler.

$$[CD] \perp [AB] \Rightarrow m(\widehat{AD}) = m(\widehat{DB}) \text{ ve } |AE| = |EB|$$

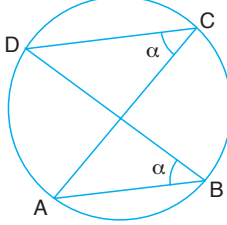
- Eş kirislerin arkalarında kalan yayların ölçüleri birbirine eşittir.  
 $|AB| = |CD| \Leftrightarrow m(\widehat{AB}) = m(\widehat{CD})$



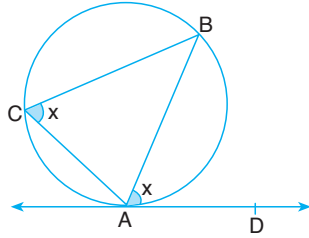
- Paralel kirislerin arasında kalan yayların ölçüleri eşittir.  
 $[AB] \parallel [CD] \Leftrightarrow m(\widehat{AC}) = m(\widehat{BD})$



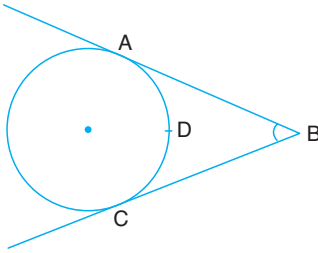
- Aynı yayı gören çevre açılarının ölçüleri eşittir.  
 $m(\widehat{DBA}) = m(\widehat{DCA})$



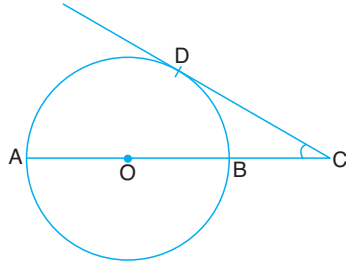
- Aynı yayı gören teğet kiris açısı ile çevre açısının ölçüleri birbirine eşittir.  
 $m(\widehat{BCA}) = m(\widehat{BAD})$



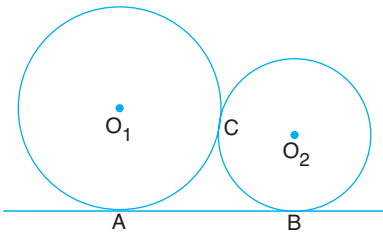
- A ve C teğet değme noktaları ise  
 $m(\widehat{ABC}) + m(\widehat{ADC}) = 180^\circ$



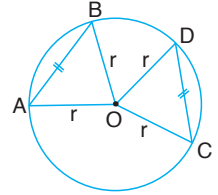
- D teğet değme noktası ise  
 $m(\widehat{ACD}) + m(\widehat{BD}) = 90^\circ$



- A, B, C teğet değme noktaları  
 $m(\widehat{AC}) + m(\widehat{CB}) = 180^\circ$



**AKLINDA OLSUN**



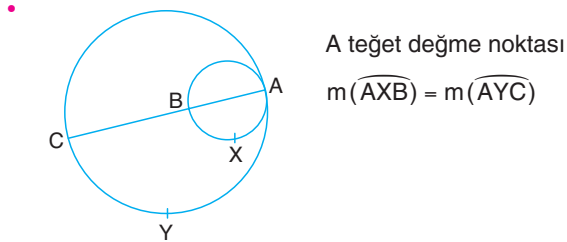
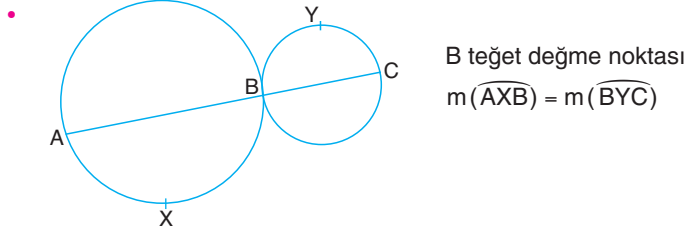
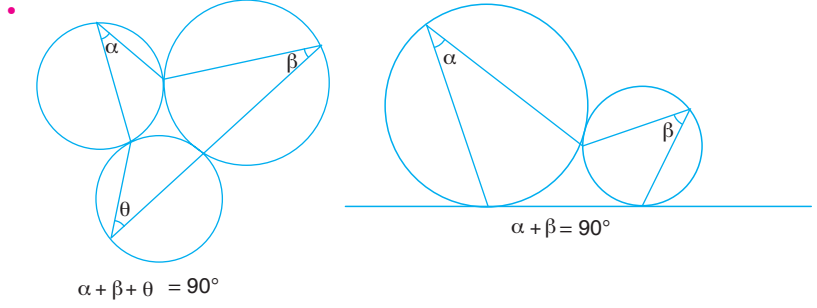
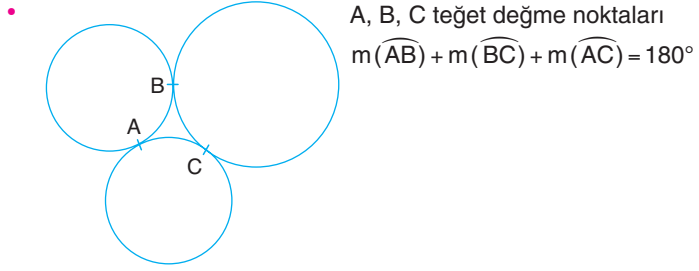
$$|AB| = |CD| \Rightarrow (\widehat{OAB}) \cong (\widehat{OCD})$$





#### AKLINDA OLSUN

Herhangi dışbükey bir çokgenin tüm köşelerinden geçen çembere, o çokgenin çevrel çemberi denir.



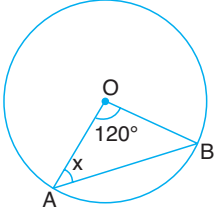
**Not:** Bir ABC üçgeninin çevrel çemberinin yarıçapı R olmak üzere, sinüs teoremi

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R \text{ şeklinde yazılır.}$$

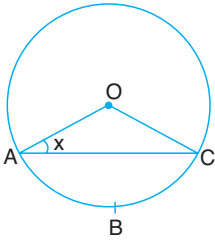
## KAZANIM 15

Aşağıdaki O merkezli çemberlerde x ile gösterilen açılarının ölçülerini bulunuz.

1.

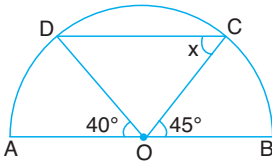


2.



$$m(\widehat{ABC}) = 150^\circ$$

3.



[AB] çap

1. 30 2. 15 3. 42,5

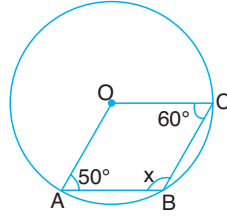
## KAVRAMA



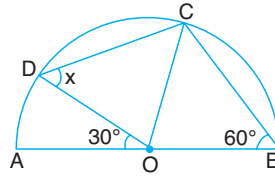
## KAZANIM 16

Aşağıdaki O merkezli çemberlerde x açılarının ölçülerini bulunuz.

1.

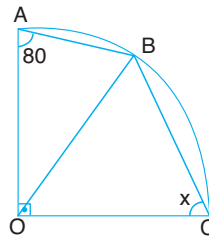


2.



[AB] çap

3.



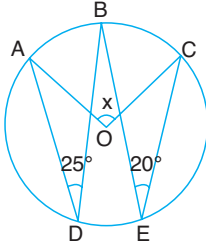
1. 110 2. 45 3. 55

CAP

# KAZANIM 17

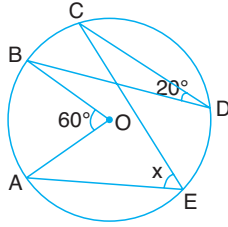
Aşağıdaki çemberlerde  $x$  değerlerini bulunuz.

1.



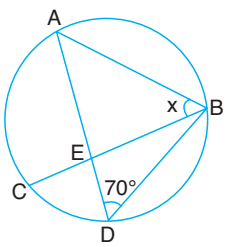
O çemberin merkezi

2.



O çemberin merkezi

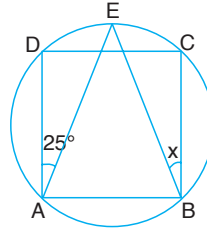
3.



$|AB| = |BC|$

# KAZANIM 18

1.



ABCD kare

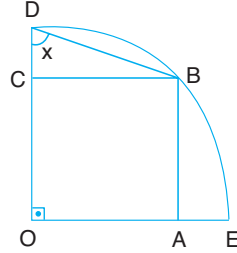
Şekildeki verilere göre,  $m(\widehat{EBC}) = x$  kaç derecedir?

2.

O merkezli bir çember üzerinde eşit aralıklarla 6 adet nokta işaretleniyor. Bu noktalar ardışık bir şekilde doğru parçaları ile birleştiriliyor.

Oluşan ABCDEF altıgeninde AED açısının ölçüsü kaç derecedir?

3.



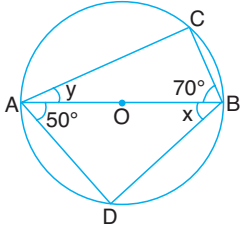
O çeyrek çemberin merkezi ve OABC kare

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ODB}) = x$  kaç derecedir?

CAP

### KAZANIM 19

1.



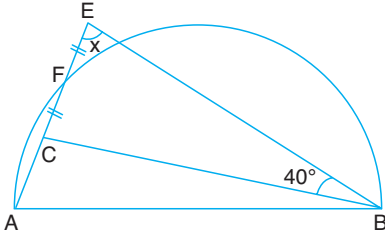
[AB] çap  
O merkez

Yukarıdaki verilere göre,  $x + y$  toplamı kaç derecedir?

2. O merkezli [BC] çaplı bir çemberde A noktası çemberin üzerindedir.

$|AB| = |OC|$  ise  $m(\widehat{ACB})$  kaç derecedir?

3.



[AB] çap  
 $|CF| = |FE|$

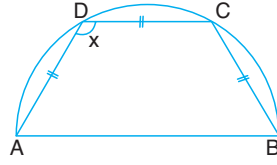
Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{AEB}) = x$  kaç derecedir?

1. 60 2. 30 3. 70

### KAZANIM 20

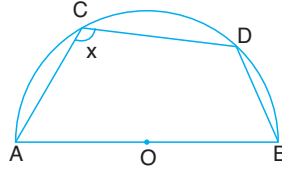
Aşağıdaki sorularda  $x$  açılarının ölçülerini bulunuz.

1.



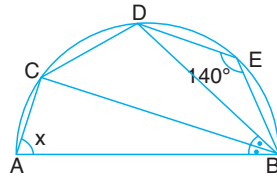
[AB] çap

2.



O merkez  
 $|AC| = |OB| = 1$   
 $|CD| = |DB|$

3.



[AB] çap

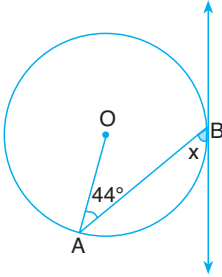
1. 120 2. 120 3. 65

CAP

# KAZANIM 21

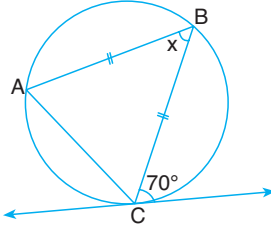
Aşağıda verilen O merkezli çemberlerde x açılarının ölçülerini bulunuz.

1.



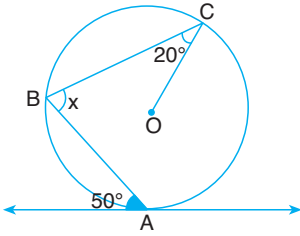
B teğet değme noktası

2.



C teğet değme noktası

3.

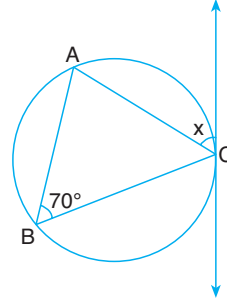


A teğet değme noktası

# KAZANIM 22

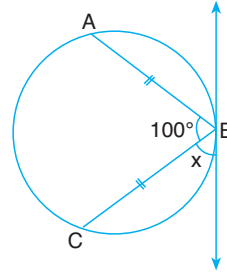
Aşağıdaki çemberlerde x açılarının ölçülerini bulunuz.

1.



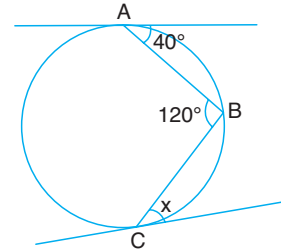
C teğet değme noktası

2.



B teğet değme noktası

3.



A ve C teğet değme noktaları

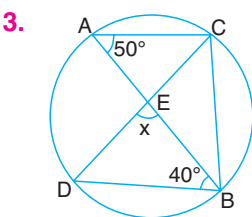
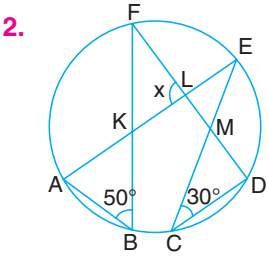
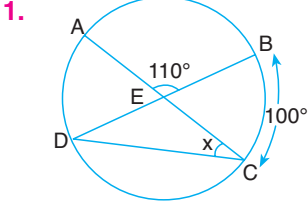
CAP

1. 46 2. 40 3. 60

1. 70 2. 40 3. 20

### KAZANIM 23

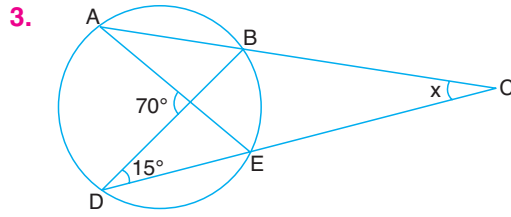
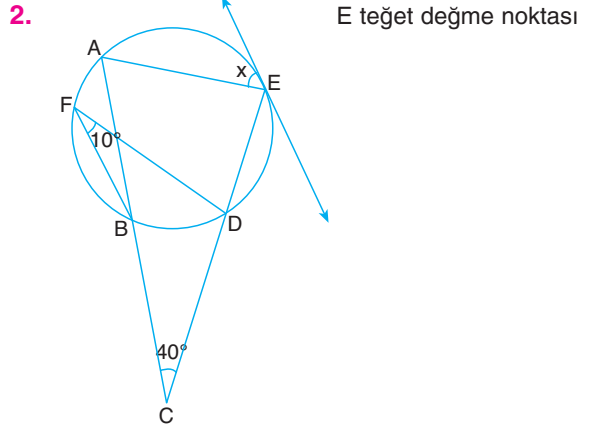
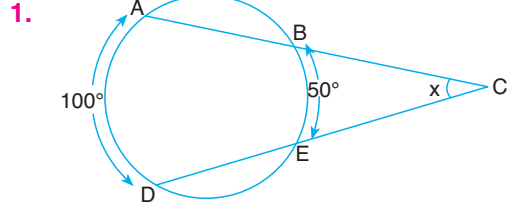
Aşağıdaki çemberlerde  $x$  açılarının ölçülerini bulunuz.



1. 20 2. 80 3. 90

### KAZANIM 24

Aşağıdaki çemberlerde  $x$  açılarının ölçülerini bulunuz.

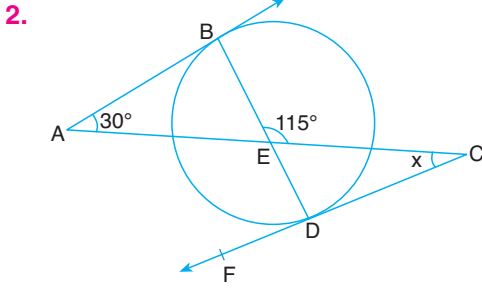
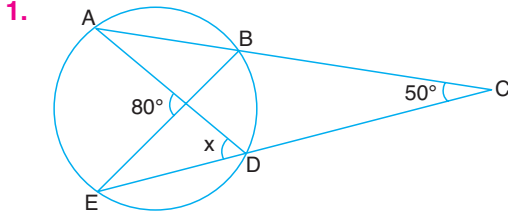


1. 25 2. 50 3. 40

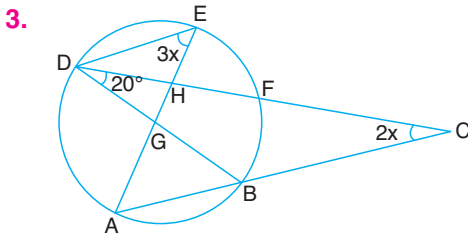
CAP

**KAZANIM 25**

Aşağıdaki sorularda x değerlerini bulunuz.

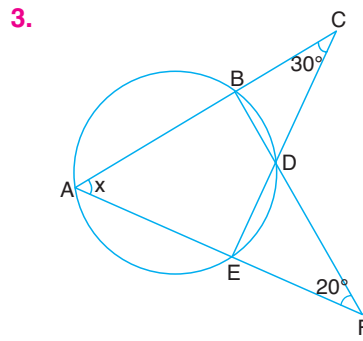
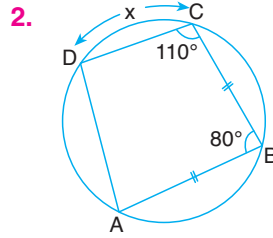
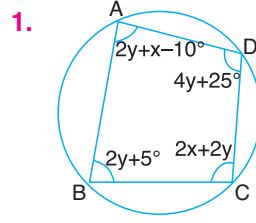


B ve D teğet değme noktaları



**KAZANIM 26**

Aşağıdaki sorularda x değerlerini bulunuz.



CAP

1. 65 2. 20 3. 20

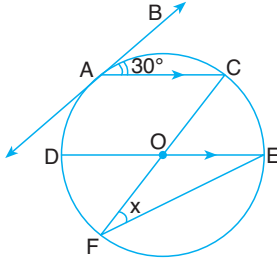
1. 30 2. 40 3. 65



## KAZANIM 27

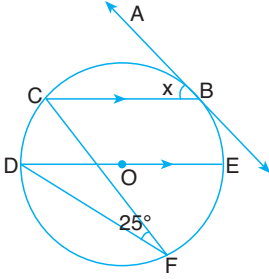
Aşağıdaki sorularda  $x$  açılarının ölçülerini bulunuz.

1.



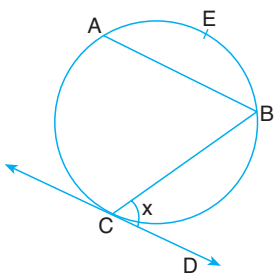
O çemberin merkezi  
 $[AC] \parallel [DE]$   
 A teğet değme noktası

2.



O çemberin merkezi  
 $[CB] \parallel [DE]$   
 B teğet değme noktası

3.



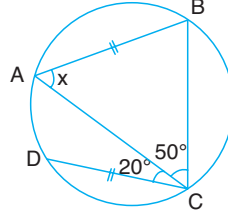
C teğet değme noktası  
 $[AB] \parallel [CD]$   
 $m(\widehat{AEB}) = 100^\circ$

1. 30 2. 40 3. 65

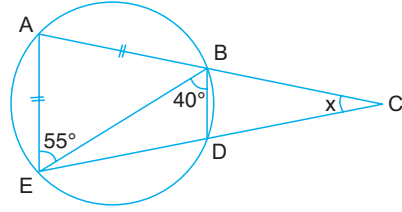
## KAZANIM 28

Aşağıdaki sorularda  $x$  açılarının ölçülerini bulunuz.

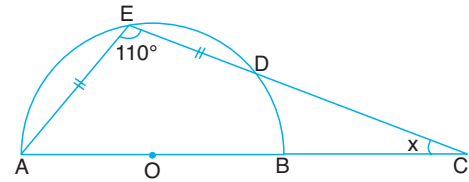
1.



2.



3.



O yarım çemberin merkezi  
 A, B, C doğrusal

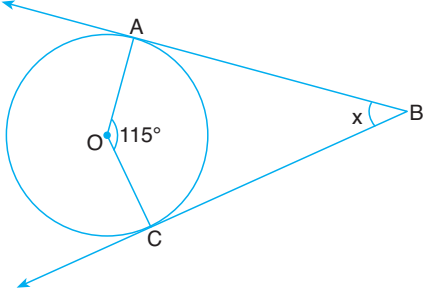
1. 60 2. 25 3. 15

CAP

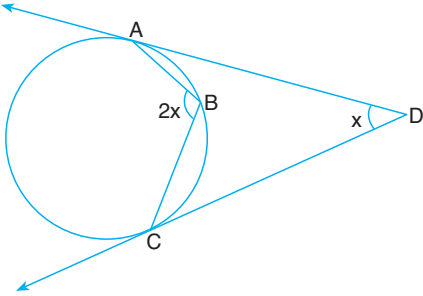
### KAZANIM 29

Aşağıdaki verilen 1. ve 2. sorularda  $x$  açılarının ölçülerini bulunuz.

1.



2.

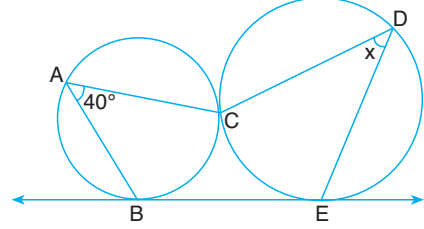


3.  $\widehat{ABC}$  nin iç teğet çemberi  $[AB]$ ,  $[BC]$  ve  $[AC]$  kenarlarına sırasıyla  $F$ ,  $D$  ve  $E$  noktalarında teğettir.  $m(\widehat{ABC}) + m(\widehat{BCA}) = 120^\circ$  olduğuna göre,  $m(\widehat{FDE}) = x$  kaç derecedir?

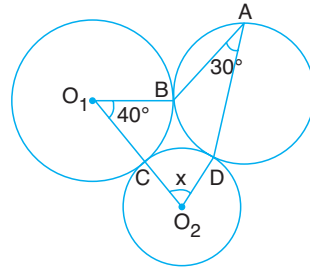
### KAZANIM 30

Aşağıda verilen dıştan teğet çemberlerde  $x$  değerlerini bulunuz.

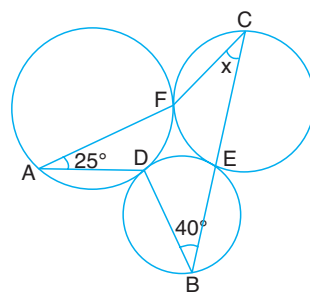
1.



2.



3.



CAP

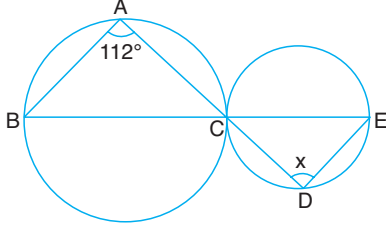
1. 65 2. 60 3. 60

1. 50 2. 80 3. 25

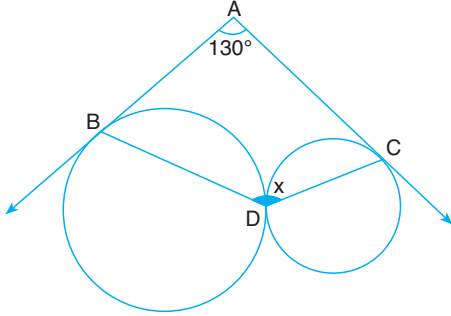
### KAZANIM 31

Aşağıda verilen teğet çemberlerde  $x$  değerlerini bulunuz.

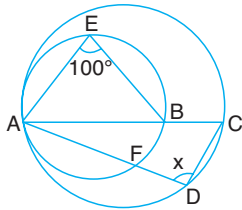
1.



2.



3.



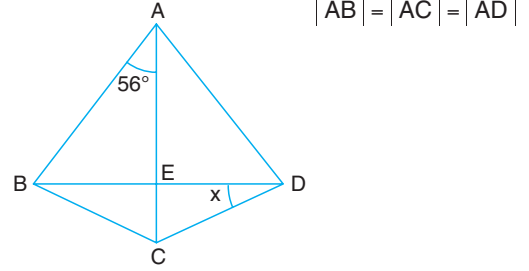
1. 112 2. 115 3. 80

CAP

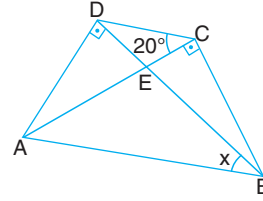
### KAZANIM 32

Aşağıdaki sorularda  $x$  açılarının ölçülerini bulunuz.

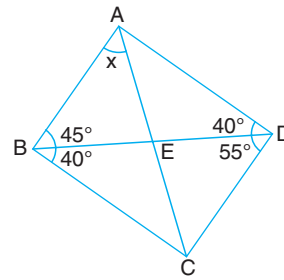
1.



2.



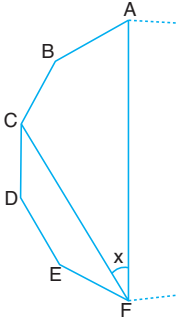
3.



1. 28 2. 20 3. 55

### KAZANIM 33

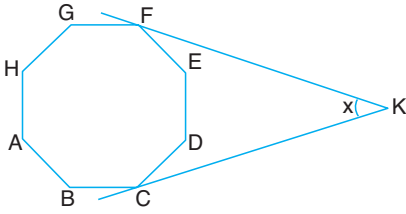
1.



Şekilde düzgün bir yirmigenin ...ABCDEF... köşeleri veriliyor.

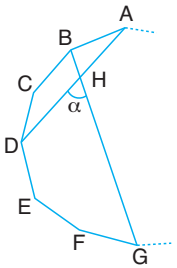
Buna göre,  $m(\widehat{CFA}) = x$  kaç derecedir?

2.



Şekilde ABCDEFGH düzgün sekizgen olduğuna göre,  $m(\widehat{FKC}) = x$  kaç derecedir?

3.



Şekilde ...ABCDEFGH... düzgün bir yirmidörtgenin köşeleri veriliyor.

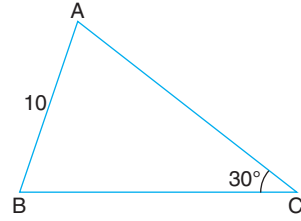
Buna göre,  $m(\widehat{DHG}) = \alpha$  kaç derecedir?

CAP

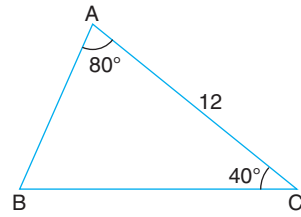
### KAZANIM 34

Aşağıda verilen ABC üçgenlerinin çevrel çemberlerinin yarıçapları kaç br dir?

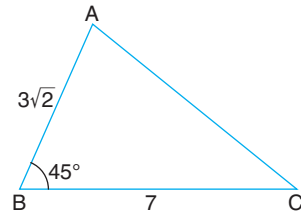
1.



2.



3.



1.	10	2.	$4\sqrt{3}$	3.	$\frac{5\sqrt{2}}{2}$
----	----	----	-------------	----	-----------------------

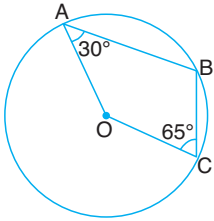


1. O merkezli bir çemberde, AB yayının ölçüsü  $100^\circ$  dir.

Buna göre  $m(\widehat{OAB})$  kaç derecedir?

- A) 20 B) 30 C) 40 D) 45 E) 50

2.



O çemberin merkezi

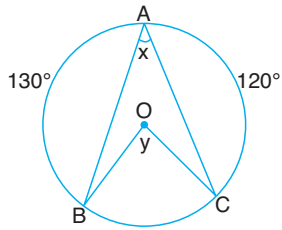
$$m(\widehat{OAB}) = 30^\circ$$

$$m(\widehat{OCB}) = 65^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{AOC})$  kaç derecedir?

- A) 120 B) 140 C) 150 D) 160 E) 170

3.



O çemberin merkezi

$$m(\widehat{AC}) = 120^\circ$$

$$m(\widehat{AB}) = 130^\circ$$

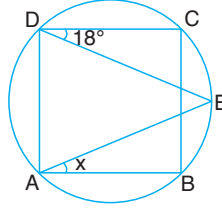
$$m(\widehat{BAC}) = x$$

$$m(\widehat{BOC}) = y$$

Yukarıdaki verilere göre  $x + y$  toplamı kaç derecedir?

- A) 150 B) 155 C) 160 D) 165 E) 170 CAP

4.



ABCD kare

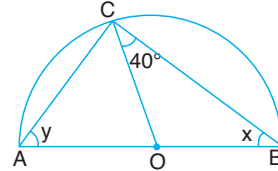
A, B, C, D köşeleri çember üzerindedir.

$$m(\widehat{CDE}) = 18^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{EAB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 27 B) 36 C) 46 D) 50 E) 54

5.



O merkez

[AB] çap

$$m(\widehat{OCB}) = 40^\circ$$

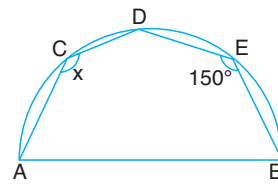
$$m(\widehat{ABC}) = x^\circ$$

$$m(\widehat{CAB}) = y^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre  $y - x$  farkı kaç derecedir?

- A) 10 B) 12 C) 15 D) 20 E) 30

6.



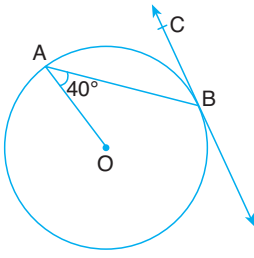
[AB] yarım çemberin çapı

$$m(\widehat{DEB}) = 150^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{ACD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 100 B) 120 C) 125 D) 130 E) 150

7.

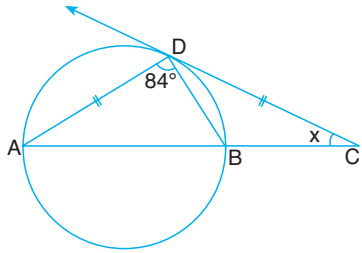


O merkez  
B teğet değme noktası  
 $m(\widehat{OAB}) = 40^\circ$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{ABC})$  kaç derecedir?

- A) 35 B) 40 C) 45 D) 50 E) 60

8.

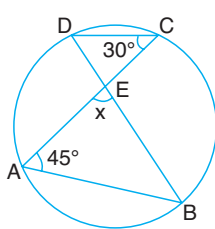


D teğet değme noktası  
 $|AD| = |DC|$   
 $m(\widehat{ADB}) = 84^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ACD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 32 B) 34 C) 36 D) 40 E) 42

9.

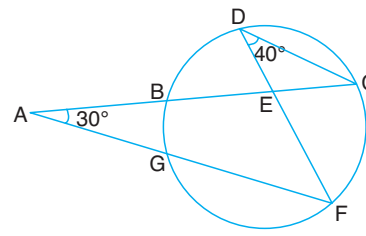


$m(\widehat{DCA}) = 30^\circ$   
 $m(\widehat{CAB}) = 45^\circ$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{AEB}) = x$  kaç derecedir? CAP

- A) 95 B) 100 C) 105 D) 110 E) 115

10.

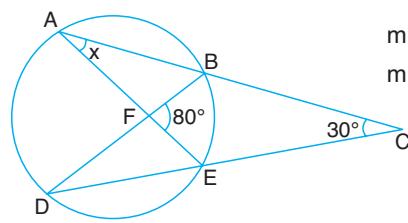


$m(\widehat{FDC}) = 40^\circ$   
 $m(\widehat{CAF}) = 30^\circ$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{BG})$  kaç derecedir?

- A) 10 B) 15 C) 20 D) 25 E) 30

11.

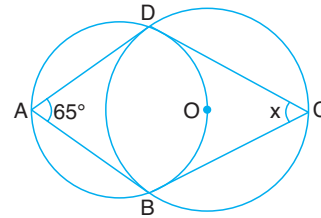


$m(\widehat{ACD}) = 30^\circ$   
 $m(\widehat{BFE}) = 80^\circ$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{CAE}) = x$  kaç derecedir?

- A) 20 B) 25 C) 30 D) 35 E) 40

12.



O büyük çemberin merkezi  
 $m(\widehat{DAB}) = 65^\circ$

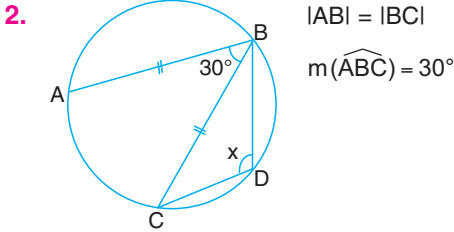
Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{DCB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 55 B) 57,5 C) 60 D) 62,5 E) 67,5



1.  $[AB]$  çaplı bir çemberde,  $[AB] \parallel [CD]$  ve  $m(\widehat{ACD}) = 110^\circ$  olduğuna göre,  $m(\widehat{ADC})$  kaç derecedir?

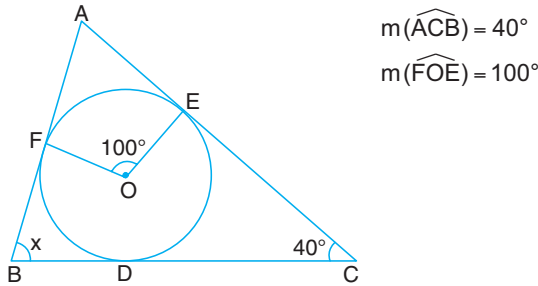
A) 20 B) 25 C) 30 D) 45 E) 50



Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{CDB}) = x$  kaç derecedir?

A) 95 B) 100 C) 105 D) 110 E) 115

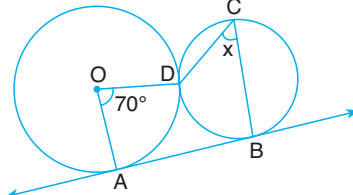
3. O noktası ABC üçgeninin iç teğet çemberinin merkezidir.



Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{ABC}) = x$  kaç derecedir?

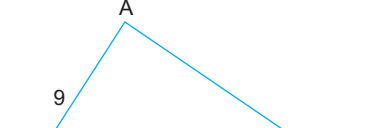
A) 55 B) 60 C) 70 D) 75 E) 80

4. O büyük çemberin merkezi ve A, B ile D teğet değme noktalarıdır.



Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{DCB}) = x$  kaç derecedir?

A) 45 B) 50 C) 55 D) 60 E) 65

5.  ABC üçgen  
 $|AB| = 9$  br  
 $m(\widehat{C}) = 30^\circ$

Yukarıdaki verilere göre, ABC üçgeninin çevrel çemberinin yarıçapı kaç br dir?

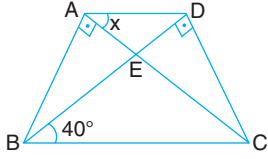
A) 7 B) 8 C) 9 D) 10 E) 11

6. Düzlemde sabit bir A noktasında bulunan bir hareketli sabit bir hızla A dan B, D ve C noktalarına eşit sürede ulaşabilmektedir.

$m(\widehat{DBC}) = 26^\circ$  olduğuna göre,  $m(\widehat{DAC}) = x$  kaç derecedir?

A) 26 B) 36 C) 48 D) 52 E) 62

7.

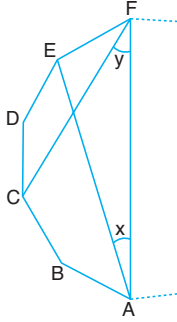


$[AB] \perp [AC]$   
 $[DB] \perp [DC]$   
 $m(\widehat{CBD}) = 40^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{CAD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 20 B) 30 C) 40 D) 60 E) 80

8.



Şekilde ...ABCDEF... düzgün onsekizgeninin köşeleri verilmiştir.

Buna göre,  $x + y$  toplamı kaç derecedir?

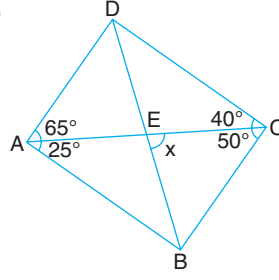
- A) 10 B) 20 C) 25 D) 30 E) 60

9.

Bir ABC üçgeninde  $m(\widehat{A}) = 60^\circ$  ve  $|BC| = 12$  cm olduğuna göre, üçgenin çevrel çemberinin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 3 B) 6 C) 12 D)  $2\sqrt{3}$  E)  $4\sqrt{3}$

10.



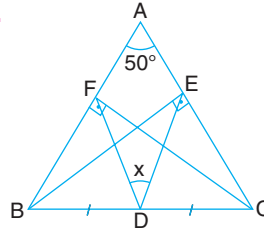
ABCD dörtgen

$m(\widehat{BAC}) = 25^\circ$   
 $m(\widehat{CAD}) = 65^\circ$   
 $m(\widehat{BCA}) = 50^\circ$   
 $m(\widehat{DCA}) = 40^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BEC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 25 B) 40 C) 45 D) 50 E) 65

11.



ABC üçgen

$[BE] \perp [AC]$

$[CF] \perp [AB]$

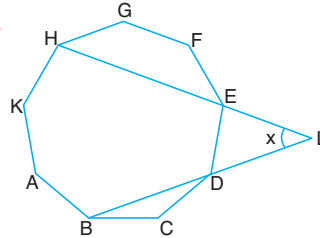
$|BD| = |DC|$

$m(\widehat{A}) = 50^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{FDE}) = x$  kaç derecedir?

- A) 100 B) 80 C) 60 D) 50 E) 40

12.



ABCDEFGHK düzgün dokuzgen olduğuna göre,  $m(\widehat{HLB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 30 B) 35 C) 40 D) 50 E) 55





1.



Yukarıdaki saat 10.40 olduğuna göre, akrep ve yelkovan arasındaki açı kaç derecedir?

- A) 50 B) 55 C) 60 D) 70 E) 80

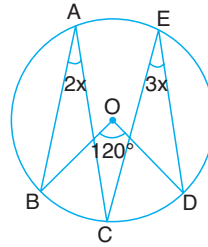
2. Çağan ile Doruk, geometri yazılısına iyi hazırlanabilmek için birbirlerine soru sorarak çalışıyorlar. Sıra Doruk'a geldiğinde Çağan aşağıdaki adımları izleyerek Doruk'un şekli oluşturmasını istiyor.

- $m(\widehat{L}) = 30^\circ$ ,  $m(\widehat{K}) = 15^\circ$  ve  $|KL| = 10$  cm olacak şekilde bir KLM üçgeni çizelim,
- Daha sonra kırmızı kalem ile bu üçgenin çevrel çemberini çizelim.

Buna göre, Doruk'un çizdiği çevrel çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A)  $10\sqrt{2}$  B)  $8\sqrt{2}$  C)  $5\sqrt{2}$   
D)  $4\sqrt{2}$  E)  $3\sqrt{2}$

3.

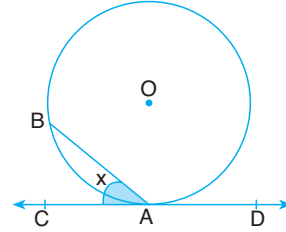


O merkez  
 $m(\widehat{BAC}) = 2x$   
 $m(\widehat{CED}) = 3x$   
 $m(\widehat{BOD}) = 120^\circ$

Yukarıdaki verilere göre, x kaç derecedir?

- A) 8 B) 10 C) 12 D) 15 E) 20

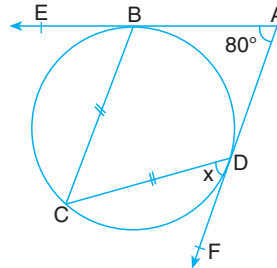
4. A teğet değme noktası O merkezli çemberin yarıçapı r birim ve  $|AB| = r$  dir.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BAC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 30 B) 45 C) 50 D) 60 E) 70

5. Şekilde [AE, B noktasında; [AF, D noktasında çembere teğettir.

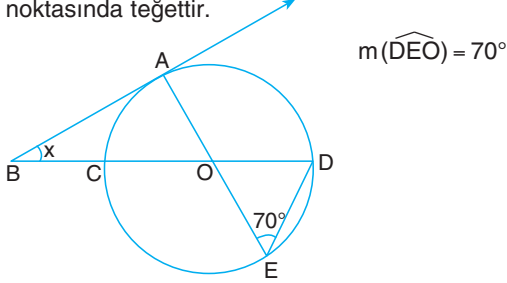


$|BC| = |DE|$   
 $m(\widehat{BAD}) = 80^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{CDF}) = x$  kaç derecedir?

- A) 50 B) 55 C) 60 D) 65 E) 70

6. Şekildeki O merkezli çemberde, [BA, çembere A noktasında teğettir.

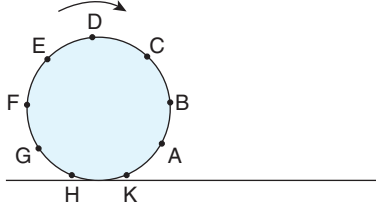


$$m(\widehat{DEO}) = 70^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ABC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 80 B) 70 C) 60 D) 50 E) 40

7. Yarıçap uzunluğu 1 br olan çember üzerinde eşit aralıklarla 9 nokta işaretleniyor.

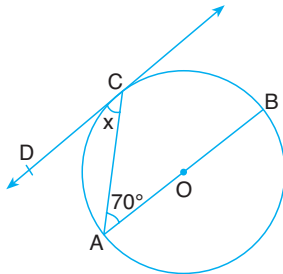


Çember ok yönünde yuvarlanmaktadır.

F noktası yerden en uzak konuma geldiğinde, çemberin yer ile temas eden noktası hangi nokta ya da noktalar arasındadır?

- A) A - K B) A C) B D) A - B E) B - C

8.



O çemberin merkezi

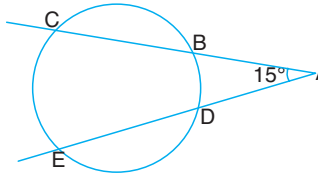
C teğet noktası

$$m(\widehat{CAB}) = 70^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{DCA}) = x$  kaç derecedir?

- A) 15 B) 20 C) 25 D) 30 E) 35

9.



$$m(\widehat{CAE}) = 15^\circ$$

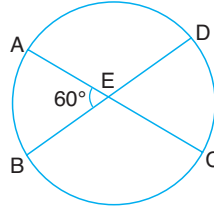
$$m(\widehat{BD}) = (3x - 10)^\circ$$

$$m(\widehat{CE}) = (4x + 5)^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre, x kaçtır?

- A) 10 B) 12 C) 15 D) 18 E) 20

10.



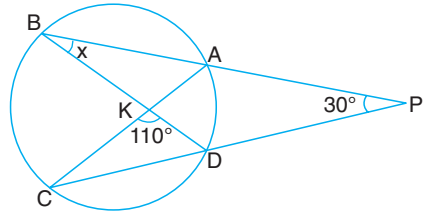
$$\frac{m(\widehat{AB})}{2} = \frac{m(\widehat{DC})}{3}$$

$$m(\widehat{AEB}) = 60^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{AB})$  kaç derecedir?

- A) 24 B) 36 C) 48 D) 56 E) 64

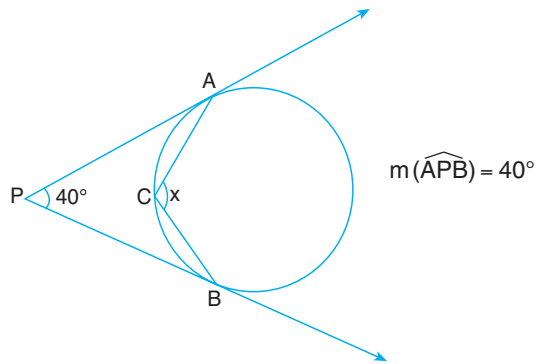
11.



Şekilde,  $m(\widehat{BPC}) = 30^\circ$ ,  $m(\widehat{CKD}) = 110^\circ$  olduğuna göre,  $m(\widehat{ABD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 10 B) 20 C) 30 D) 35 E) 40

12. [PA ve [PB sırasıyla A ve B noktalarında çembere teğettir.



$$m(\widehat{APB}) = 40^\circ$$

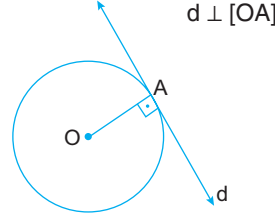
Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ACB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 100 B) 105 C) 110 D) 120 E) 130

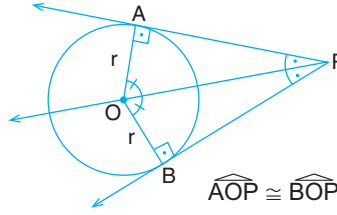


### Çemberde Teğet Özellikleri

1. Teğet değme noktasında yarıçapa diktir.

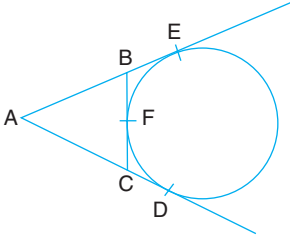


2. Bir çembere dışındaki bir noktadan çizilen teğetler arasında kalan açının açıortayı merkezden geçer.

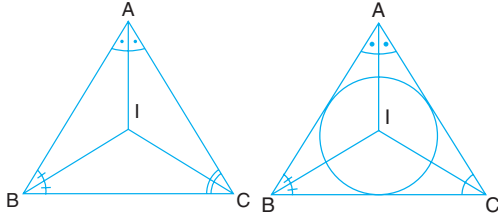


$$\widehat{C(\widehat{ABC})} = |AE| + |AD| = 2|AE| \text{ dir.}$$

3.

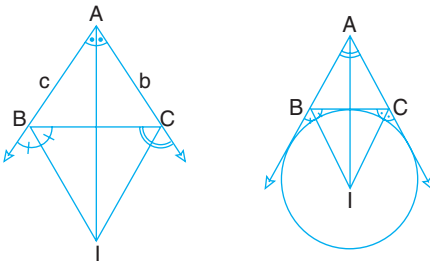


### İç Teğet Çember

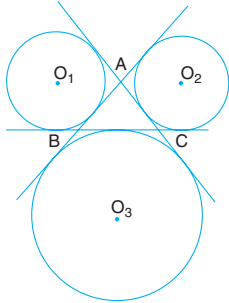


Üçgenin iç açıortayları üçgenin içinde bir noktada kesişir. Bu nokta, üçgenin iç teğet çemberinin merkezidir.

### Dış Teğet Çember



Üçgenin iki dış açıortayı ile bir iç açıortayı üçgenin dışında bir noktada kesişir. Bu nokta üçgenin dış teğet çemberlerinden birinin merkezidir.

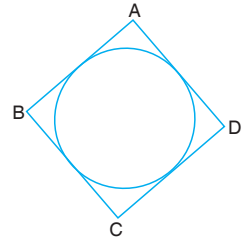


Bir üçgenin üç dış teğet çemberi vardır.  $O_1$ ,  $O_2$  ve  $O_3$  noktaları ABC üçgeninin dış merkezleridir. (Dış teğet çemberin merkezi)



### AKLINDA OLSUN

Dört kenarı da bir çembere teğet olan dörtgene teğetler dörtgeni denir.



Teğetler dörtgeninde karşılıklı kenarların uzunlukları toplamı, diğer karşılıklı kenarların uzunlukları toplamına eşittir.

$$|AB| + |DC| = |AD| + |BC|$$

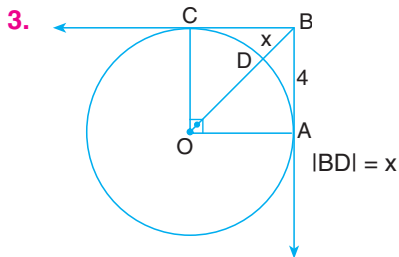
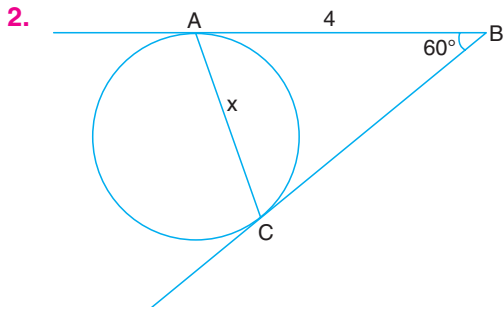
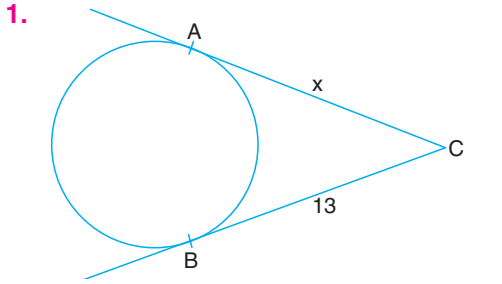
**X** İki çemberin ortak teğeti yeni müfredatta bulunmamaktadır.



## KAVRAMA

### KAZANIM 35

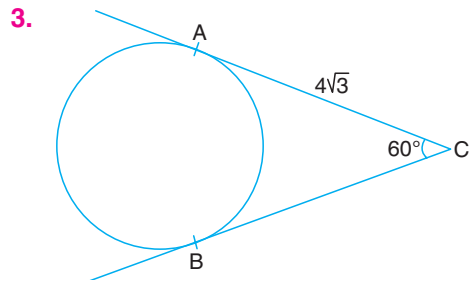
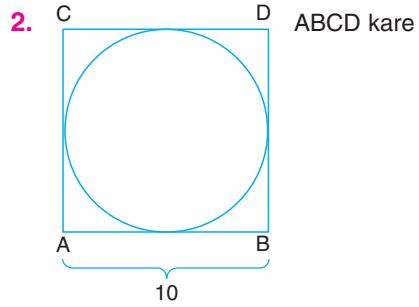
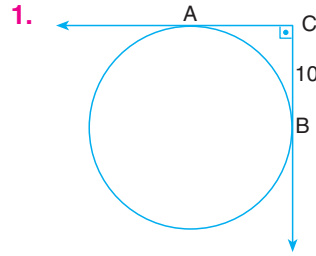
Aşağıdaki sorularda çemberlere dışındaki bir noktadan teğetler çiziliyor. **x** değerlerini bulunuz.



1. 13 2. 4 3.  $4\sqrt{2} - 4$

### KAZANIM 36

Aşağıdaki verilen çemberlerin yarıçap uzunluklarını bulunuz.

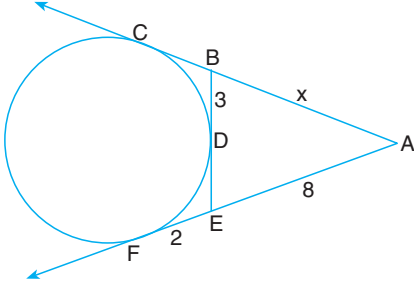


1. 10 2. 5 3. 4

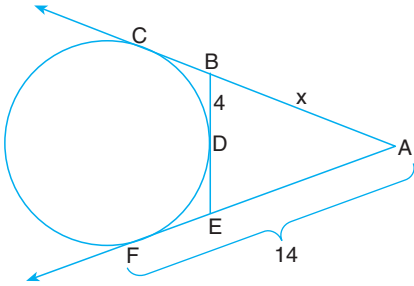
### KAZANIM 37

Aşağıdaki sorularda  $x$  değerlerini bulunuz.

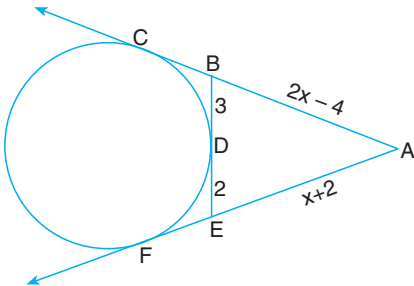
1.



2.



3.



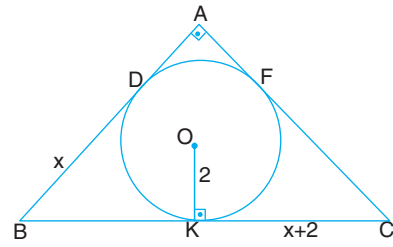
1. 7 2. 10 3. 5

### KAZANIM 38

1.  $|AB| = 14$  cm,  $|AC| = 12$  cm ve  $|BC| = 16$  cm olacak şekilde ABC üçgeni çiziliyor.

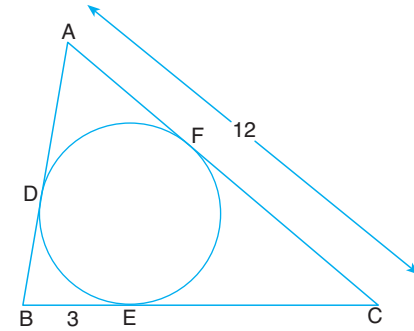
$[AB]$ ,  $[BC]$  ve  $[AC]$  kenarlarına sırasıyla D, E ve F noktalarında teğet olacak şekilde iç teğet çemberi çizildiğinde,  $|BE|$  kaç cm olur?

2.



$|BD| = x = ?$

3.

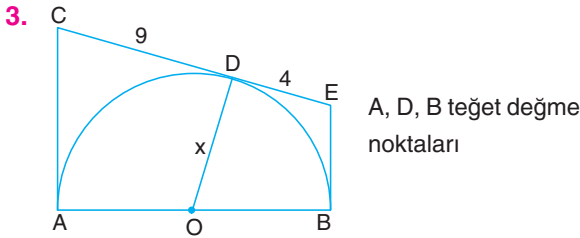
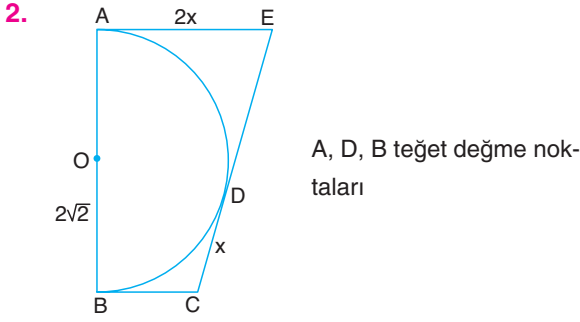
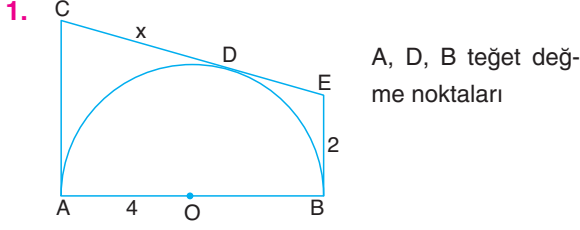


Çevre( $\widehat{ABC}$ ) kaç cm dir?

1. 9 2. 4 3. 30

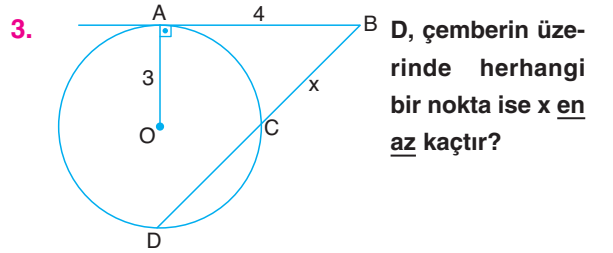
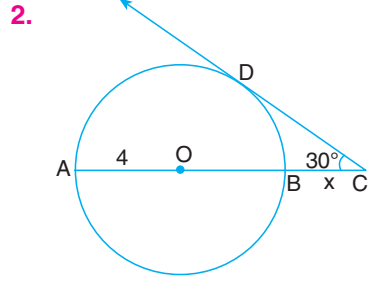
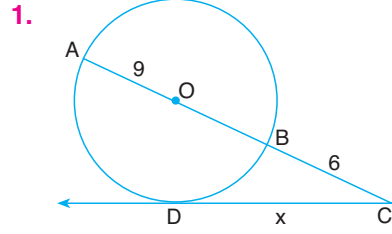
# KAZANIM 39

Aşağıdaki O merkezli yarım çemberlerde x değerlerini bulunuz.



# KAZANIM 40

Aşağıdaki O merkezli çemberlerde x değerlerini bulunuz.

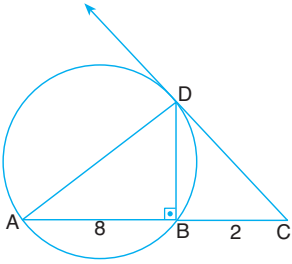


CAP

**KAZANIM 41**

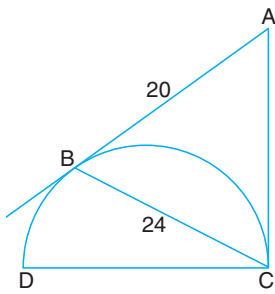
Aşağıda verilen çemberlerin yarıçap uzunluklarını bulunuz.

1.



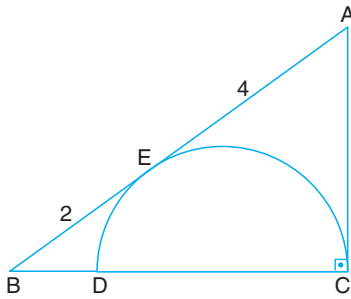
D teğet değme  
noktası

2.



[DC] yarım çemberin  
çapı, B ve C teğet  
değme noktaları

### 3.



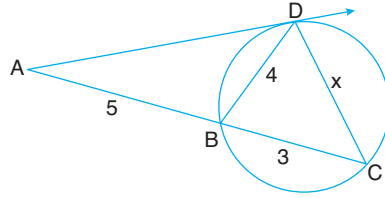
[DC] yarım  
çemberin çapı  
E teğet değme  
noktası

1.	$2\sqrt{5}$	2.	15	3.	$\frac{4\sqrt{5}}{5}$
----	-------------	----	----	----	-----------------------

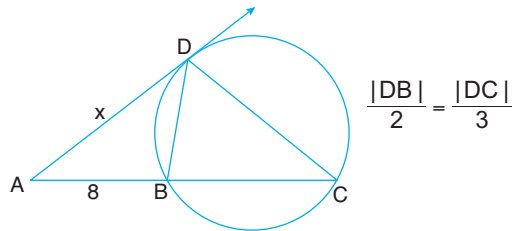
## KAZANIM 42

**Aşağıda verilen sorularda x değerlerini bulunuz.**

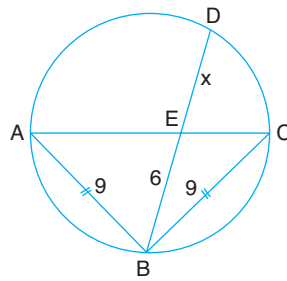
1.



## 2.


$$\frac{|DB|}{2} = \frac{|DC|}{3}$$

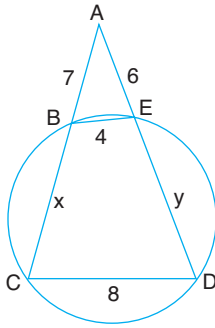
### 3.



1.	$\frac{8\sqrt{10}}{5}$	2.	12	3.	$\frac{15}{2}$
----	------------------------	----	----	----	----------------

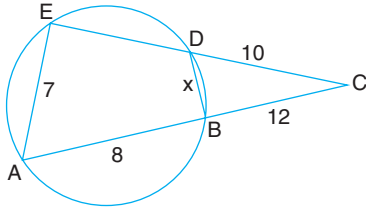
### KAZANIM 43

1.



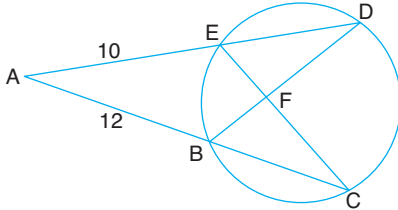
$$x + y = ?$$

2.



$$x = ?$$

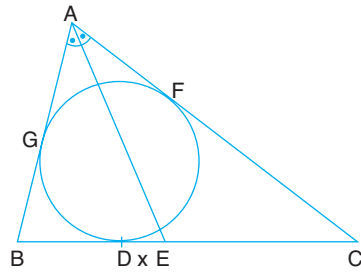
3.



$$IEC = 8 \text{ cm} \Rightarrow IBD = ?$$

### KAZANIM 44

1.



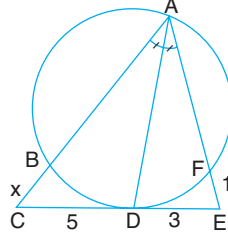
$$IAB = 16 \text{ cm}$$

$$IBC = 18 \text{ cm}$$

$$IAC = 20 \text{ cm}$$

$$x = ?$$

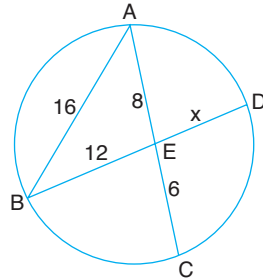
2.



$$m(\widehat{BD}) = m(\widehat{DF})$$

$$x = ?$$

3.



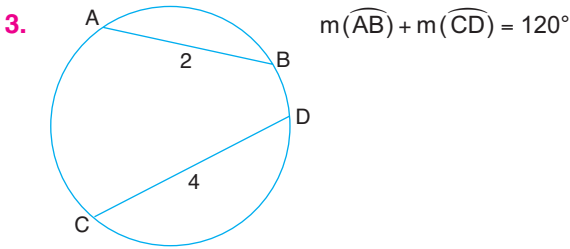
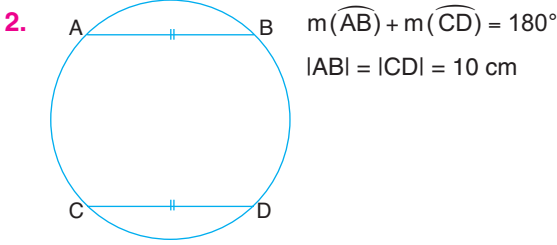
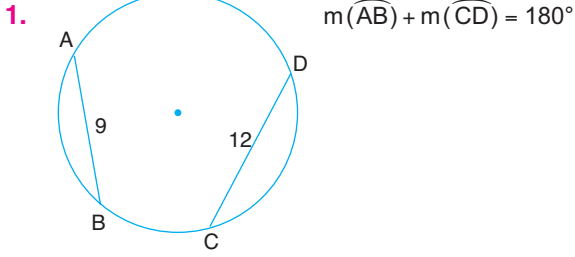
$$x = ?$$

CAP



### KAZANIM 45

Aşağıdaki sorularda verilen çemberlerin yarıçap uzunluklarını bulunuz.

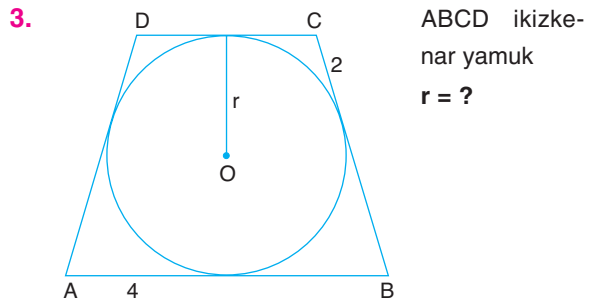
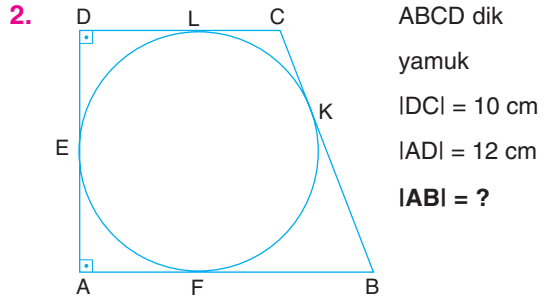
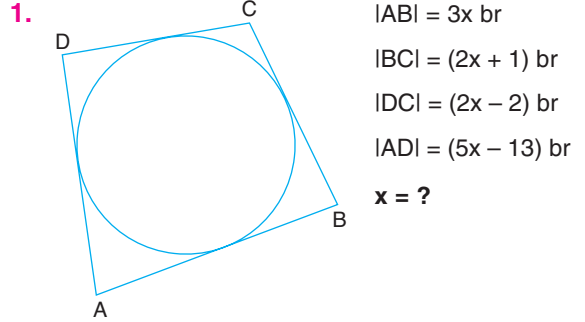


- |                   |                |                           |
|-------------------|----------------|---------------------------|
| 1. $\frac{15}{2}$ | 2. $5\sqrt{2}$ | 3. $\frac{2\sqrt{21}}{3}$ |
|-------------------|----------------|---------------------------|

CAP

### KAZANIM 46

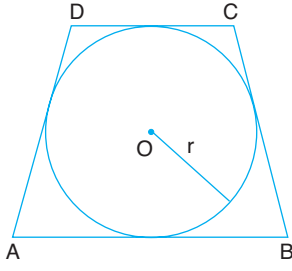
Aşağıda verilen sorularda ABCD dörtgenleri teğetler dörtgenleridir.



- |      |       |                |
|------|-------|----------------|
| 1. 5 | 2. 15 | 3. $2\sqrt{2}$ |
|------|-------|----------------|

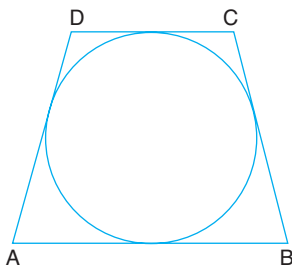
# KAZANIM 47

1.



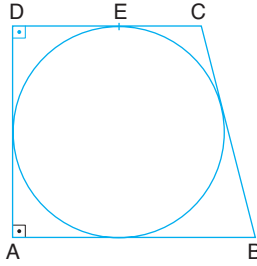
Şekilde ABCD ikiz-kenar yamuğu bir teğetler dörtgenidir.  
 $|AD| = 10 \text{ cm}$   
 $A(ABCD) = 80 \text{ cm}^2$   
 $r = ?$

2.



Şekilde ABCD ikiz-kenar yamuğu bir teğetler dörtgenidir.  
 $|DC| = 18 \text{ cm}$   
 $|AB| = 50 \text{ cm}$   
 $A(ABCD) = ?$

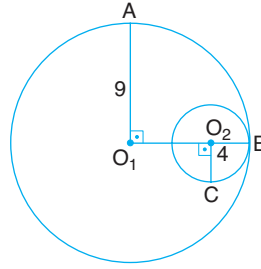
3.



Şekilde ABCD dik yamuğu bir teğetler dörtgenidir.  
 $|DE| = 3 \text{ cm}$   
 $|AB| = 9 \text{ cm}$   
 $A(ABCD) = ?$

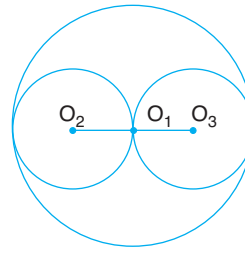
# KAZANIM 48

1.



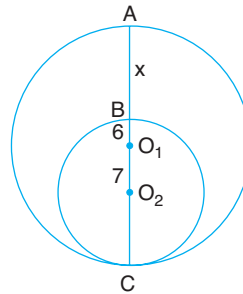
$|O_1O_2| = ?$

2.



$O_1, O_2, O_3$  çemberlerin merkezleridir.  
 Büyük çemberin yarıçapı  $10 \text{ cm}$  ise  
 $|O_2O_3| = ?$

3.



$O_1$  ve  $O_2$  çemberlerin merkezleridir.  
 $x = ?$

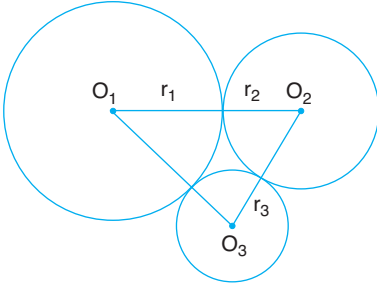
CAP

**KAZANIM 49**

1.  $[AB]$ ,  $[BC]$  çaplı ve sırasıyla  $O_1$ ,  $O_2$  merkezli iki çember B noktasında dıştan teğettir.

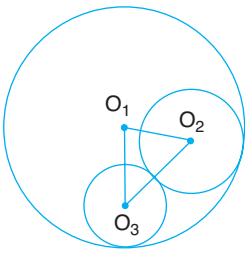
$|AC| = 18$  cm olduğuna göre,  $|O_1O_2|$  kaç cm dir?

2.



$|O_1O_2| = 13$  cm,  $|O_1O_3| = 12$  cm ve  $|O_2O_3| = 9$  cm olduğuna göre,  $r_1 - r_2$  farkı kaçtır?

3.



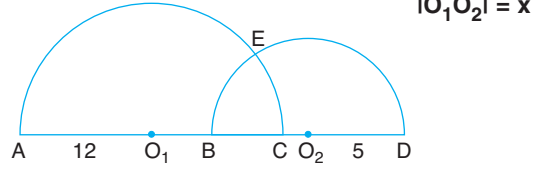
$O_1$ ,  $O_2$  ve  $O_3$  merkezli çemberlerin yarıçapları sırasıyla 10 cm, 4 cm, ve 3 cm olduğuna göre  $\widehat{Çevre(O_1O_2O_3)}$  kaç cm dir?

1. 9 2. 3 3. 20

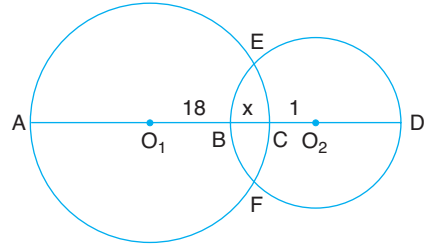
**KAZANIM 50**

Aşağıda verilen  $[AC]$  ve  $[BD]$  çaplı çemberler dik kesişiyorsa  $x$  değerlerini bulunuz.

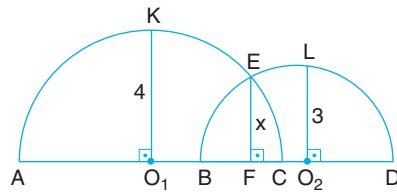
1.



2.



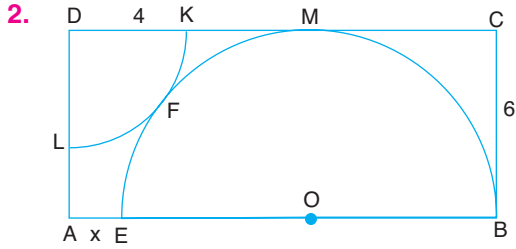
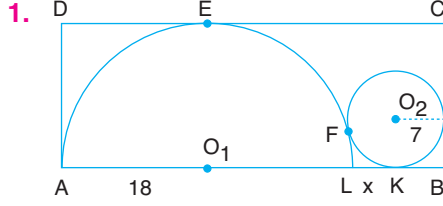
3.



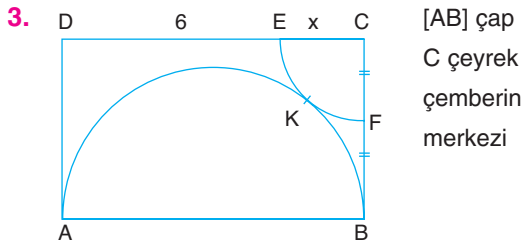
1. 13 2. 6 3. 12/5

# KAZANIM 51

Aşağıda verilen sorularda ABCD dikdörtgen olduğuna göre, x değerlerini bulunuz.



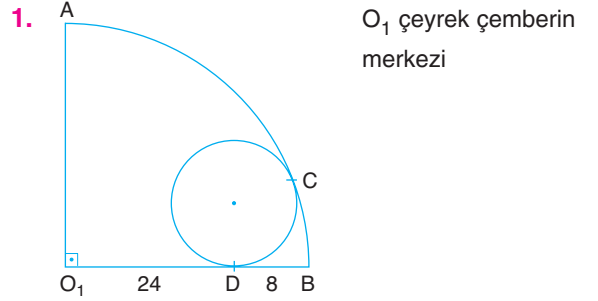
O noktası yarım dairenin, D noktası çeyrek dairenin merkezi



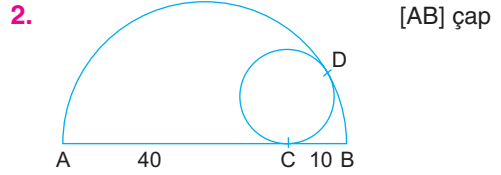
[AB] çap  
C çeyrek  
çemberin  
merkezi

# KAZANIM 52

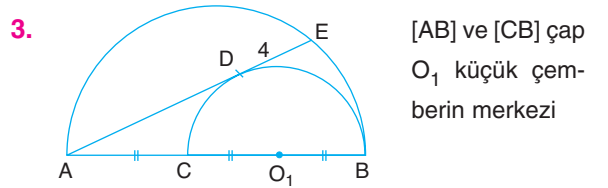
Aşağıda verilen sorularda küçük çemberlerin yarıçaplarını bulunuz.



$O_1$  çeyrek çemberin merkezi



[AB] çap



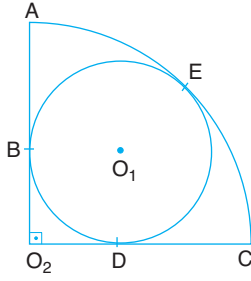
[AB] ve [CB] çap  
 $O_1$  küçük çemberin merkezi

CAP

1.	7	2.	8	3.	$\frac{8\sqrt{3}}{3}$
----	---	----	---	----	-----------------------

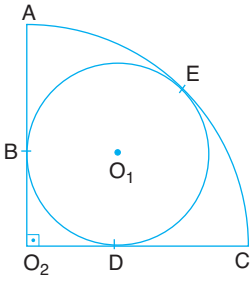
### KAZANIM 53

1.



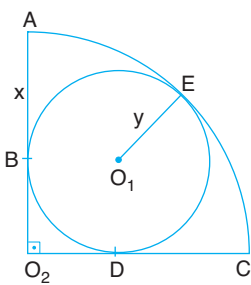
$O_1$  merkezli çemberin yarıçapı 4 cm olduğuna göre,  $O_2$  merkezli çemberin yarıçapı kaç cm'dir?

2.



$O_2$  merkezli çemberin yarıçapı 4 cm olduğuna göre,  $O_1$  merkezli çemberin yarıçapı kaç cm'dir?

3.



$$\frac{x}{y} = ?$$

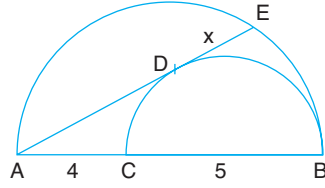
1.  $4 + 4\sqrt{2}$  2.  $4\sqrt{2} - 4$  3.  $\sqrt{2}$

CAP

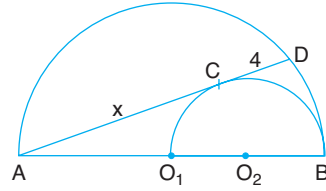
### KAZANIM 54

Aşağıda verilen yarım çemberler teğet ise x değerlerini bulunuz.

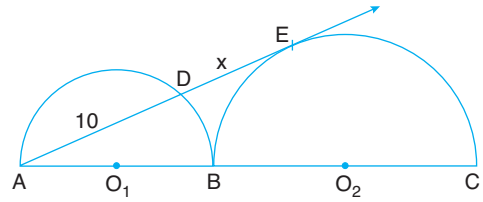
1.



2.



3.



$$2|AB| = |BC|$$

1.  $\frac{30}{13}$  2. 12 3. 10

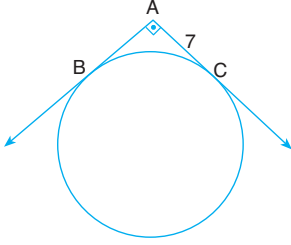


## PEKİŞTİRME TESTİ

### Çemberde Uzunluk

7

1.

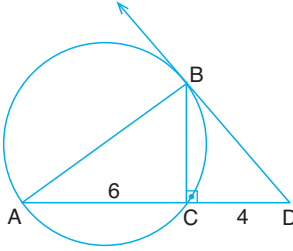


[AB ve [AC çembere B ve C noktalarında teğet  
[AB  $\perp$  [AC  
|AC| = 7 cm

**Yukarıdaki verilere göre çemberin yarıçapı kaç cm dir?**

- A) 3 B) 4 C) 7 D) 10 E) 14

2.

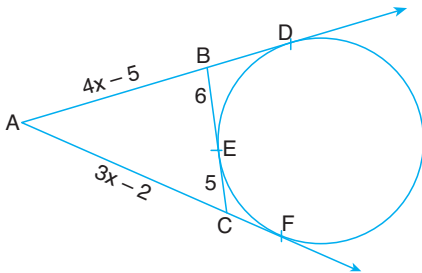


A, B ve C çember üzerinde  
[DB teğet  
[BC]  $\perp$  [AD]  
|CD| = 4 cm  
|AC| = 6 cm

**Yukarıdaki verilere göre çemberin yarıçapı kaç cm dir?**

- A)  $2\sqrt{3}$  B)  $\sqrt{13}$  C)  $\sqrt{15}$  D) 4 E)  $2\sqrt{5}$

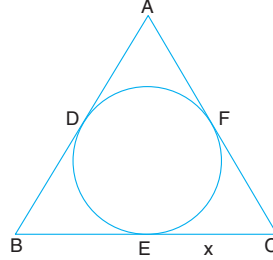
3.



[AB, [AC ve [BC] çembere sırasıyla D, F ve E noktalarında teğet olduğuna göre **|AF| kaç br dir?**

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

4.



ABC üçgeni ile iç teğet çemberi D, E ve F noktalarında teğettir.

$$|AB| = 7 \text{ cm}$$

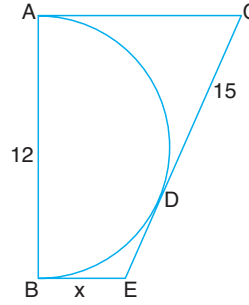
$$|AC| = 9 \text{ cm}$$

$$|BC| = 8 \text{ cm}$$

**Yukarıdaki verilere göre |EC| = x kaç cm dir?**

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

5.



[AB] çaplı yarım çemberde A, D, B teğet değme noktaları

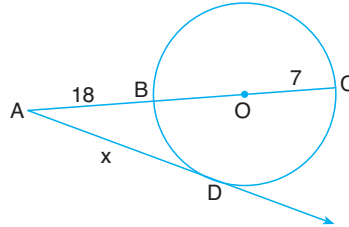
$$|CD| = 15 \text{ cm}$$

$$|AB| = 12 \text{ cm}$$

**Yukarıdaki verilere göre |BE| = x kaç cm dir?**

- A)  $\frac{9}{5}$  B) 2 C)  $\frac{11}{5}$  D)  $\frac{12}{5}$  E)  $\frac{13}{5}$

6.

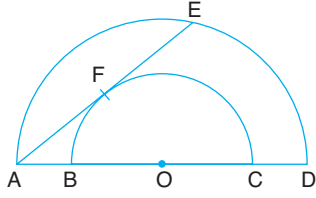


O merkezli çemberde [AD çembere D noktasında teğet  
|OC| = 7 cm  
|AB| = 18 cm

**Yukarıdaki verilere göre, |AD| = x kaç cm dir?**

- A) 24 B) 21 C) 20 D) 18 E) 16

7.

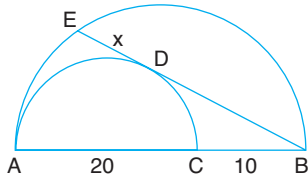


O yarım çemberlerin ortak merkezi  
 $|AE| = 24$  cm  
 $|AO| = \frac{25}{2}$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|BC|$  kaç cm dir?

- A) 6 B) 7 C) 8 D) 9 E) 10

8.  $[AB]$  ve  $[AC]$  yarım çemberlerin çapları, A ve D teğet değme noktalarıdır.

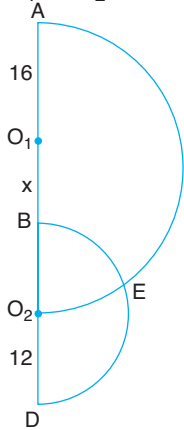


$|BC| = 10$  cm  
 $|AC| = 20$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|ED| = x$  kaç cm dir?

- A) 5 B) 10 C) 15 D)  $5\sqrt{3}$  E)  $10\sqrt{3}$

9.  $O_1$  ve  $O_2$  yarım çemberlerin merkezleridir.

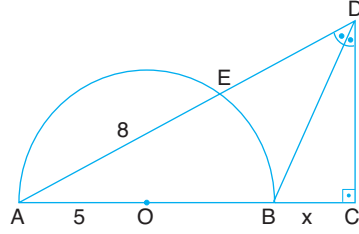


A, B, D doğrusal  
 $|O_2D| = 12$  cm  
 $|O_1A| = 16$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|O_1B| = x$  kaç cm dir?

- A) 3 B) 3,5 C) 4 D) 4,5 E) 5

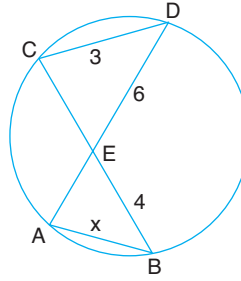
10. O merkezli  $[AB]$  çaplı yarım çember çizilmiştir.



A, B, C doğrusal,  $[AC] \perp [DC]$ ,  $[BD]$  açıortay,  
 $|AO| = 5$  cm ve  $|AE| = 8$  cm'dir. Buna göre,  $|BC| = x$  kaç cm dir?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 10

11.

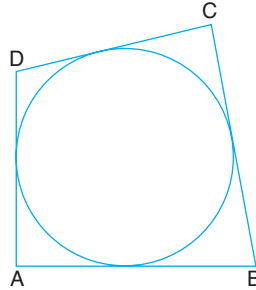


$|DC| = 3$  cm  
 $|DE| = 6$  cm  
 $|BE| = 4$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $|AB| = x$  kaçtır?

- A) 1 B) 1,5 C) 2 D) 2,5 E) 3

12.



ABCD teğetler dörtgeni  
 $|AB| = (5x - 3)$  br  
 $|BC| = (4x + 1)$  br  
 $|CD| = (2x + 1)$  br  
 $|AD| = (4x - 6)$  br

Yukarıdaki verilere göre  $x$  kaç cm dir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

CΔP

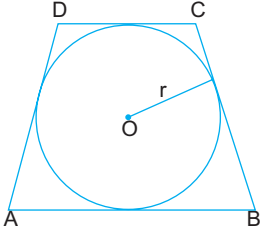


## PEKİŞTİRME TESTİ

### Çemberde Uzunluk

8

1.

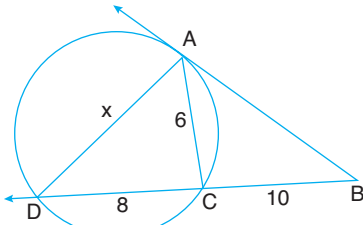


Şekildeki ABCD ikiz-kenar yamuğu bir teğetler dörtgeni  
 $|BC| = 16$  cm  
 $\text{Alan}(ABCD) = 128$  cm<sup>2</sup>

Yukarıdaki verilere göre O merkezli iç teğet çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

2.

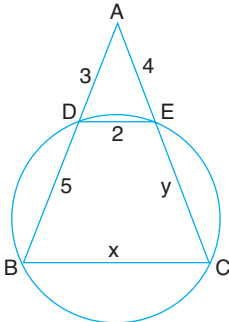


A teğet değme noktası  
 $|AC| = 6$  cm  
 $|DC| = 8$  cm  
 $|BC| = 10$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|AD| = x$  kaç cm dir?

- A)  $\frac{18\sqrt{5}}{5}$  B)  $\frac{9\sqrt{5}}{5}$  C)  $\frac{6\sqrt{5}}{5}$   
 D)  $18\sqrt{5}$  E)  $6\sqrt{5}$

3.

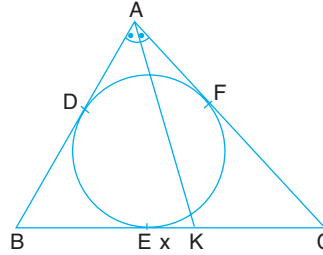


A, D, B ve A, E, C doğrusal  
 $|ED| = 2$  cm  
 $|AD| = 3$  cm  
 $|AE| = 4$  cm  
 $|BD| = 5$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $x + y$  kaç cm dir?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 8

4.



D, E, F değme noktaları  
 $m(\widehat{BAK}) = m(\widehat{KAC})$   
 $|AB| = 6$  cm  
 $|BC| = 7$  cm  
 $|AC| = 8$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|EK| = x$  kaç cm dir?

- A)  $\frac{1}{2}$  B) 1 C)  $\frac{3}{2}$  D) 2 E)  $\frac{5}{2}$

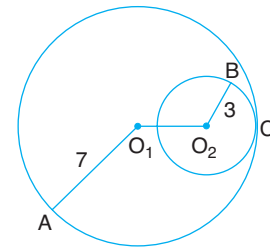
5.

Bir çemberin  $[AB]$  ve  $[CD]$  kirişlerinin uzunlukları sırasıyla 6 cm ve 8 cm dir.

Bu iki kirişin çemberde ayırdıkları yayların uzunlukları toplamı çemberin çevresinin yarısı kadar olduğuna göre çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 4 B) 5 C) 8 D) 10 E) 12

6.



$O_1$  ve  $O_2$  çemberlerin merkezleri  
 C teğet değme noktası  
 $|O_2B| = 3$  cm  
 $|O_1A| = 7$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|O_1O_2|$  kaç cm dir?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

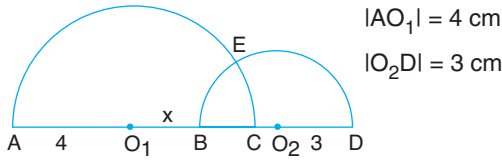


7.  $O_1, O_2, O_3$  merkezli çemberler ikişer ikişer dıştan teğettir.

$|O_1O_2| = 14$  cm,  $|O_2O_3| = 11$  cm ve  $|O_1O_3| = 17$  cm olduğuna göre,  $O_1$  merkezli çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 6 B) 7 C) 8 D) 9 E) 10

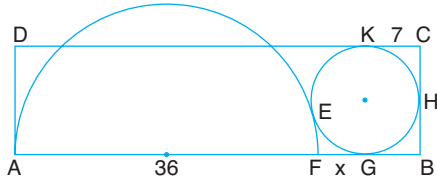
8.  $O_1$  ve  $O_2$  merkezli yarım çemberler dik kesişmektedir.



Yukarıdaki verilere göre  $|O_1B| = x$  kaç cm dir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D)  $\frac{3}{2}$  E)  $\frac{5}{2}$

9. ABCD dikdörtgen ve A, E, G, H, K teğet değme noktalarıdır.



$|AF| = 36$  cm ve  $|KC| = 7$  cm olduğuna göre  $|FG| = x$  kaç cm dir?

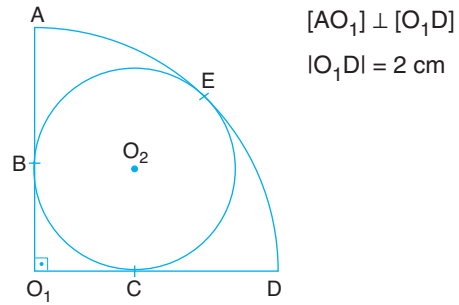
- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 7

10.  $O_1$  ve  $O_2$  çemberlerin merkezi  
A ve C teğet değme noktaları  
 $[O_1D] \perp [O_1B]$   
 $|AB| = 12$  cm  
 $|O_1A| = 24$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|O_2E| = x$  kaç cm dir?

- A) 8 B) 9 C) 10 D) 11 E) 12

11.  $O_1$  ve  $O_2$  merkezli çemberler B, C, E noktalarında teğettir.



Yukarıdaki verilere göre  $O_2$  merkezli çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A)  $2(\sqrt{2} - 1)$  B)  $2(\sqrt{2} + 1)$  C)  $\sqrt{2} - 1$   
D)  $\sqrt{2} + 1$  E)  $2\sqrt{2}$

12.  $O_1$  ve  $O_2$  merkez  
 $|AB| = 12$  cm  
 $|DE| = 2$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $O_1$  ve  $O_2$  merkezli çemberlerin yarıçap uzunluklarının toplamı kaç cm dir?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

ÇAP

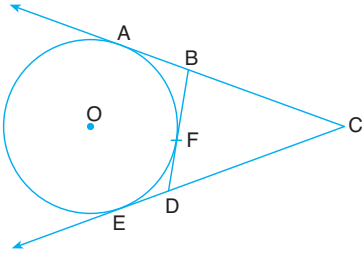


## PEKİŞTİRME TESTİ

Çemberde Uzunluk

9

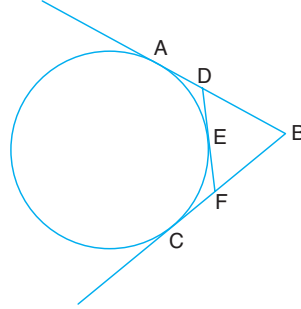
1. A, F, E teğet değme noktaları ve  $|AC| = 12$  cm dir.



Yukarıdaki verilere göre  $\widehat{BDC}$  kaç cm dir?

- A) 16 B) 18 C) 20 D) 24 E) 28

4.

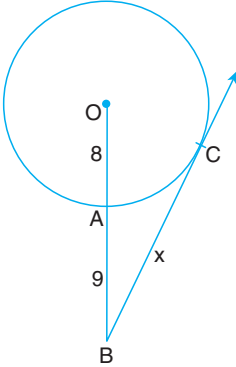


A, E ve C teğet değme noktaları  
 $|AB| = 8$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $\widehat{BDF}$  kaç cm dir?

- A) 12 B) 13 C) 14 D) 16 E) 18

2.

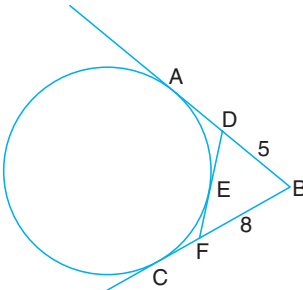


O çemberin merkezi  
C teğet değme noktası  
 $|OA| = 8$  cm  
 $|AB| = 9$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $|BC| = x$  kaç cm dir?

- A) 16 B) 15 C) 14 D) 13 E) 12

3.

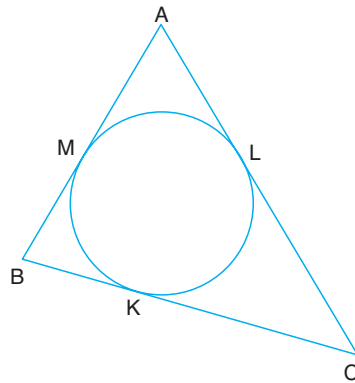


A, E ve C teğet değme noktaları  
 $|DE| = 2|EF|$   
 $|BD| = 5$  cm  
 $|BF| = 8$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $|DF|$  kaç cm dir?

- A) 6 B) 7 C) 8 D) 9 E) 10

5. ABC üçgeninin iç teğet çemberi çizilmiştir.



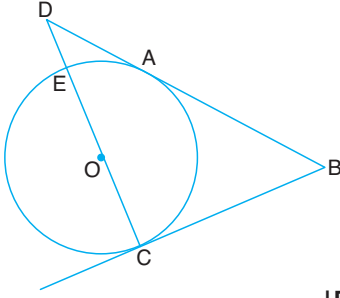
$|AB| = 9$  cm  
 $|AC| = 8$  cm  
 $|BC| = 10$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $|BK|$  kaç cm dir?

- A) 4 B) 4,5 C) 5 D) 5,5 E) 6

CAP

6.



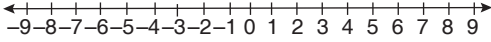
O çemberin  
merkezi A ve C  
teğet değme  
noktaları

4|DA| = |AB| olduğuna göre,  $\frac{|DE|}{|OC|}$  oranı kaçtır?

- A)  $\frac{1}{3}$  B)  $\frac{1}{4}$  C)  $\frac{1}{5}$  D)  $\frac{1}{6}$  E)  $\frac{1}{8}$

7. Bir öğretmen öğrencisinden, iki çemberin birbirine göre durumlarını anlatan ünite ile ilgili bir soru yazıp getirmesini istiyor. Öğrenci aşağıdaki soruyu hazırlıyor.

- Kağıdın üzerine aşağıdaki sayı doğrusunu çiziyor.

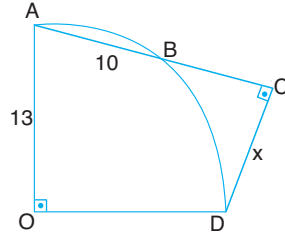


- Merkezi -5 noktasında olan 3 birim yarıçaplı çemberin merkezini  $O_1$ ; Merkezi 5 noktasında olan 2 birim yarıçaplı çemberin merkezini  $O_2$  olarak belirtip çiziyor.
- Daha sonra fikrinden vazgeçip  $O_1$  merkezli çemberi 1 br sola,  $O_2$  merkezli çemberi 1 br sağa kaydırıyor.

Buna göre, son durumda bu iki çember arasındaki en kısa mesafe ile en uzun mesafenin toplamı kaçtır?

- A) 10 B) 17 C) 21 D) 24 E) 27

8.



O çeyrek çemberin  
merkezi

$$[OA] \perp [OD]$$

$$[AC] \perp [CD]$$

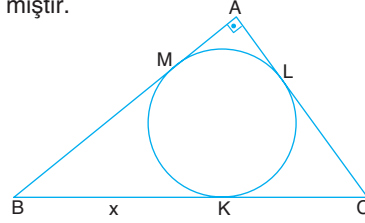
$$|AB| = 10 \text{ cm}$$

$$|AO| = 13 \text{ cm}$$

Yukarıdaki verilere göre |CD| = x kaç cm dir?

- A) 7 B) 8 C) 9 D) 10 E) 11

9. Şekilde ABC dik üçgeninin iç teğet çemberi çizilmiştir.



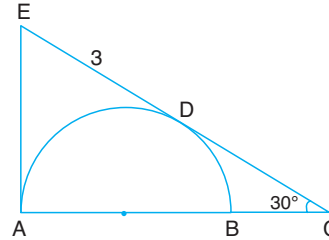
$$|AC| = 7 \text{ cm}$$

$$|AB| = 24 \text{ cm}$$

Yukarıdaki verilere göre, |BK| = x kaç cm dir?

- A) 20 B) 21 C) 22 D) 22,5 E) 23

10. [AB] yarım çemberin çapı, A ve D teğet değme noktalarıdır.



$$|ED| = 3 \text{ cm}$$

$$m(\widehat{BCD}) = 30^\circ$$

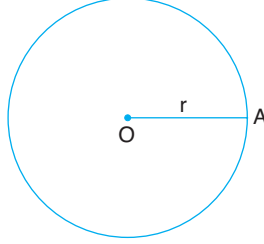
Yukarıdaki verilere göre, çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D)  $\sqrt{3}$  E)  $\sqrt{5}$

ÇAP

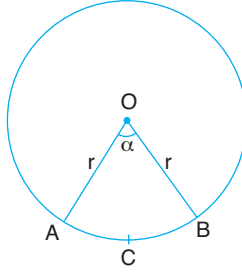
**Çemberin Çevresi**

- 1) Yarıçapı  $r$  br olan çemberin çevresi  $\Ç = 2\pi r$  dir.



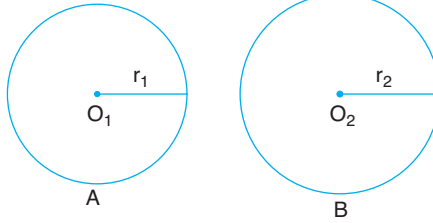
$$\text{Çevre} = 2\pi r$$

- 2)



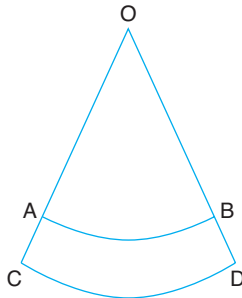
$$|\widehat{ACB}| = 2\pi r \cdot \frac{\alpha}{360^\circ}$$

- 3)



$$\frac{\text{Çevre A}}{\text{Çevre B}} = \frac{r_1}{r_2}$$

- 4)



O ortak merkez olmak üzere

$$\frac{|\widehat{AB}|}{|\widehat{CD}|} = \frac{|OB|}{|OD|} \text{ dir.}$$

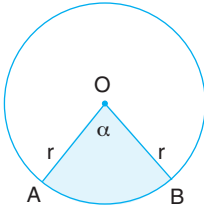
**AKLINDA OLSUN**

Bütün çemberler  
birbirine benzerdir.

## Dairede Alan

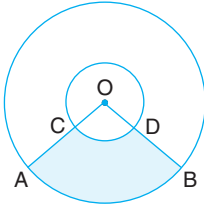
- 1) Yarıçapı  $r$  br olan dairenin alanı  $A = \pi r^2$  dir.

2)



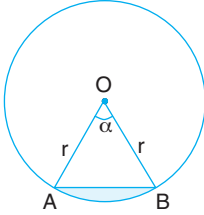
$$\text{Daire Diliminin Alanı} = \pi r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} = \frac{r \cdot |\widehat{AB}|}{2}$$

- 3) O ortak merkez olmak üzere;



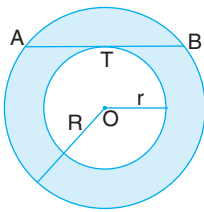
$$\text{Taralı Alan} = \frac{(|\widehat{CD}| + |\widehat{AB}|) \cdot |BD|}{2}$$

4)



$$\text{Taralı Alan} = \pi r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ} - A(\widehat{OAB})$$

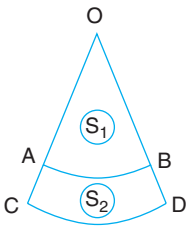
5)



Daire Halkasının Alanı

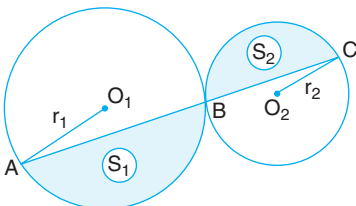
$$\text{Taralı Alan} = \pi (K^2 - r^2) = |TB|^2 \cdot \pi$$

- 6) O ortak merkez olmak üzere



$$\frac{S_1}{S_1 + S_2} = \left( \frac{|OB|}{|OD|} \right)^2$$

7)



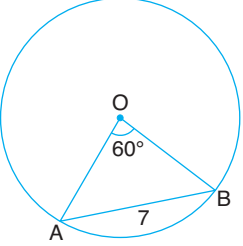
$$\left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2 = \left( \frac{|AB|}{|BC|} \right)^2 = \frac{S_1}{S_2}$$



## KAVRAMA

### KAZANIM 55

1. 2 cm yarıçaplı çemberin çevresi kaç cm dir?
2. Çevresi  $28\pi$  cm olan çemberin yarıçapı kaç cm dir?

3. O merkezli çemberin çevresi kaç br dir?
- 

4. 

Doğrusal bir yolda ilerleyen bir bisikletlinin kullandığı bisikletin on tekeri 20 cm yarıçapında arka tekerleği ise 40 cm yarıçapındadır.

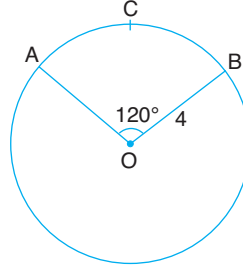
Yol üzerinde boyalı  $\pi$  cm uzunluğunda bir zemin-den geçerken tekerleri boya olan bisikletlinin ön tekerleğinin boyalı kısmını merkezinden gören açı  $\alpha$  ve arka tekerleğin boyalı kısmını merkezinden gören açı  $\theta$  olduğuna göre,  $\frac{\alpha}{\theta}$  oranı kaçtır?

- A)  $\frac{1}{3}$  B)  $\frac{1}{2}$  C) 1 D) 2 E) 3

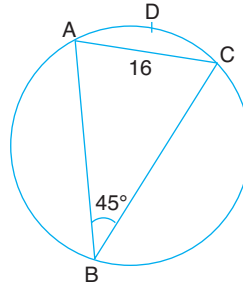
CAP

### KAZANIM 56

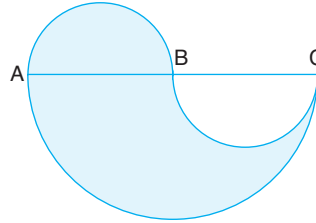
1. O merkezli çemberde  $\angle ACB$  kaç br dir?



2.  $\angle ADC$  = ?



3.  $|AB| = |BC| = 4$  cm  
[AB], [BC] ve [AC]  
yarım çemberlerin  
çapları



Buna göre, taralı bölgenin çevresi kaç cm dir?

4.  $\odot x$ : "Yarıçapı x olan bir çemberin çevresi"

$\square x$ : "Bir kenarı x olan karenin alanı"

şeklinde tanımlanıyor.

Buna göre,

$\odot 5$

$\square 5$

işleminin sonucu kaçtır?

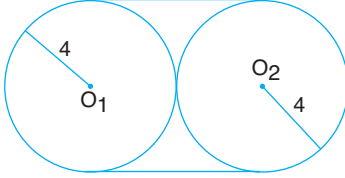
- A)  $\frac{\pi}{2}$  B)  $\frac{2\pi}{3}$  C)  $\frac{1}{\pi}$  D)  $\frac{3}{\pi}$  E)  $\frac{1}{2\pi}$

1.  $\frac{8\pi}{3}$  2.  $4\sqrt{2}\pi$  3.  $8\pi$  4. E

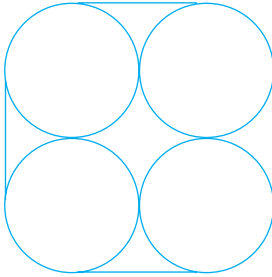
## KAZANIM 57

Aşağıda verilen 1. ve 2. sorulardaki dıştan teğet çemberlerin etraflarına sarılan gergin iplerin uzunlukları kaç br birimdir?

1.

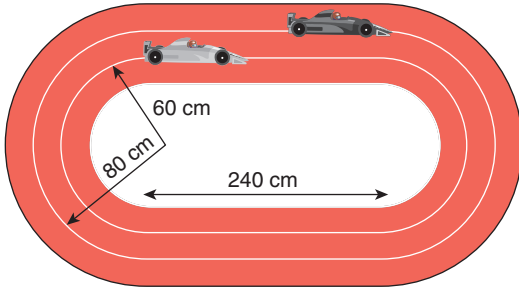


2.



Yarıçapları 2 brim olan dört eş çember

3. Doruk ve Çağan uzaktan kumandalı arabaları ile yarış yapmaktadır. Doruk siyah, Çağan ise beyaz araba ile yarışmaktadır.



Doruk'un siyah aracının parkuru, 240 cm lik iki tane düz yol ve yarıçapı 80 cm olan iki tane yarım çemberden; Çağan'ın beyaz aracının parkuru, 240 cm lik iki tane düz yol ve yarıçapı 60 cm olan iki tane yarım çemberden oluşmaktadır.

Yarış iki tur ve iki araç da aynı bitiş çizgisinde yarışı bitireceğine göre, parkurların eşit uzunlukta olması için, Doruk'un aracı yarışa kaç cm önde başlamalıdır?

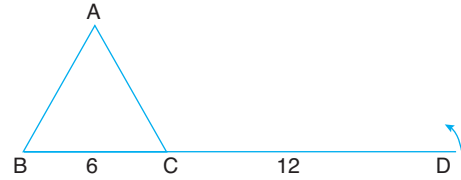
A)  $30\pi$  B)  $40\pi$  C)  $60\pi$  D)  $80\pi$  E)  $120\pi$

1.	$16 + 8\pi$	2.	$16 + 4\pi$	3.	D
----	-------------	----	-------------	----	---

## KAZANIM 58

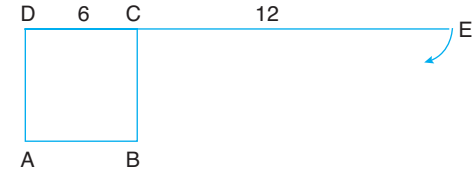
Aşağıdaki sorularda verilen gergin ipler şekillerin etrafına belirtilen yönlerde sarıldığında iplerin uç noktalarının aldığı yolu bulunuz.

1.



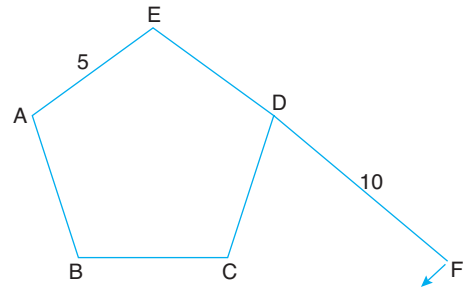
ABC eşkenar üçgen ve B, C, D doğrusal

2.



ABCD kare ve D, C, E doğrusal

3.



ABCDE düzgün beşgen ve E, D, F doğrusal

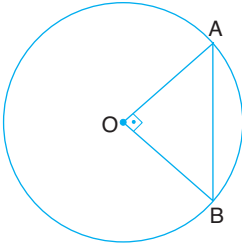
1.	$12\pi$	2.	$9\pi$	3.	$6\pi$
----	---------	----	--------	----	--------

**KAZANIM 59**

1. Yarıçapı 4 cm olan dairenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

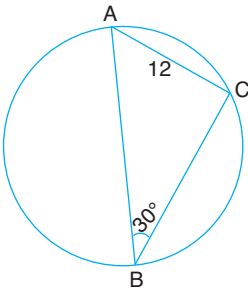
2. Çevresi  $20\pi$  cm olan dairenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

3.



O çemberin merkezi ve  $|AB| = 2\sqrt{2}$  cm olduğuna göre, dairenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

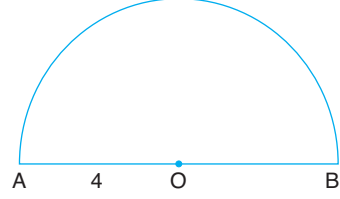
4.



Dairenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

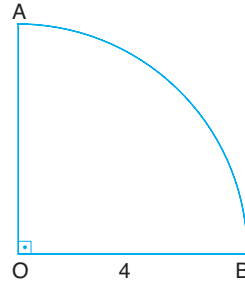
**KAZANIM 60**

1.



O merkezli  $[AB]$  çaplı yarım dairenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

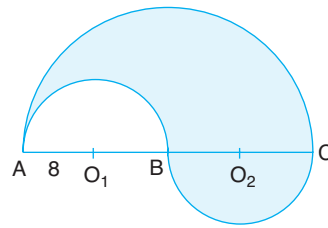
2.



O merkezli çeyrek dairenin alanı kaç  $\text{br}^2$  dir?

3.

$O_1$  ve  $O_2$  eş yarım dairelerin merkezleri



Taralı alan kaç  $\text{br}^2$  dir?

**CAP**

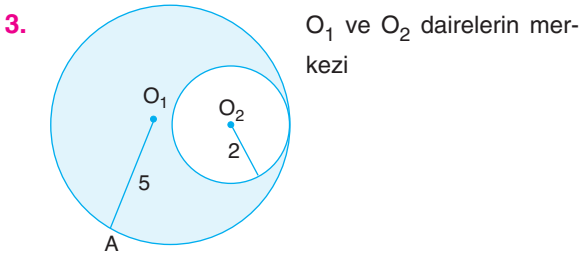
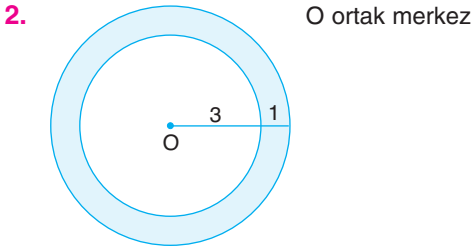
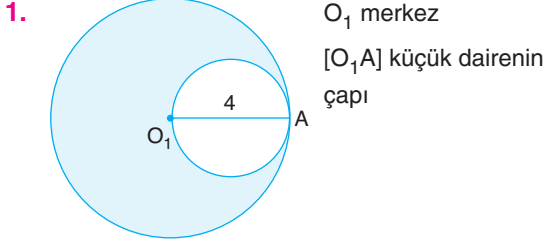
1.  $16\pi$  2.  $100\pi$  3.  $4\pi$  4.  $144\pi$

1.  $8\pi$  2.  $4\pi$  3.  $128\pi$



## KAZANIM 61

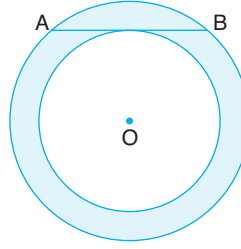
Aşağıdaki sorularda taralı alanları bulunuz.



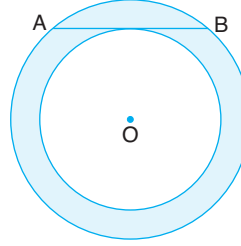
1.  $12\pi$  2.  $7\pi$  3.  $21\pi$

## KAZANIM 62

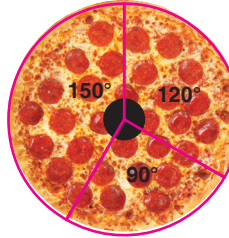
1.  $|AB| = 4$  cm  
 Taralı alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?



2. Taralı alan  $32\pi$   $\text{cm}^2$  ise  
 $|AB|$  kaç cm dir?



3. Pizzacıya oturan üç arkadaş büyük bir pizzayı kendi aralarında paylaşarak yiyeceklerdir. Üç arkadaş arasında şu konuşma gerçekleşmektedir.



Çağan: "Ben çok acıktım. Büyük dilimi ben yemek istiyorum."

Yaman: "Ben o kadar da aç değilim. Küçük dilimi de ben yerim."

Demir: "Peki o zaman ikinizin parçasından sonra kalan parça da benim olsun."

Pizzacı yarıçapı 12 cm olan pizzayı aşağıdaki gibi 3 dilim şeklinde müşterilerine ikram ediyor.

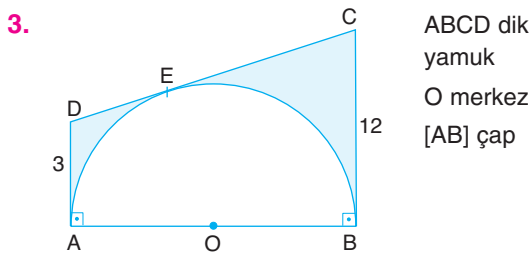
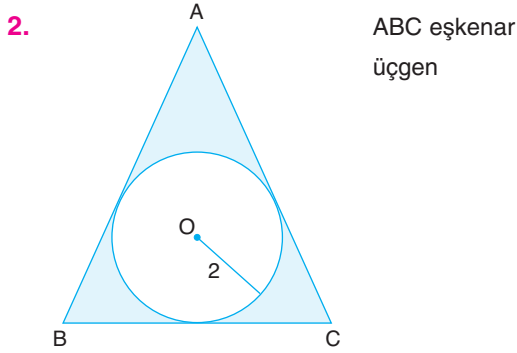
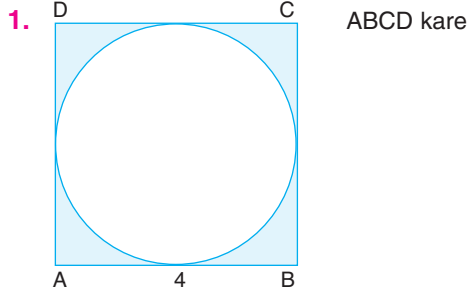
**Buna göre, Çağan'ın aldığı pizza diliminin alanı, Yaman ile Demir'in aldıkları pizza diliminin alanlarının farkının mutlak değerinden kaç  $\text{cm}^2$  fazladır?**

- A)  $24\pi$  B)  $36\pi$  C)  $48\pi$  D)  $60\pi$  E)  $70\pi$

1.  $4\pi$  2.  $8\sqrt{2}$  3. C

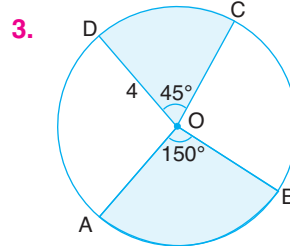
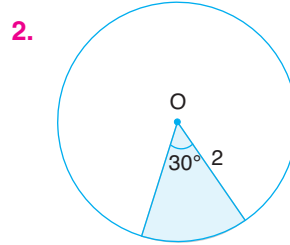
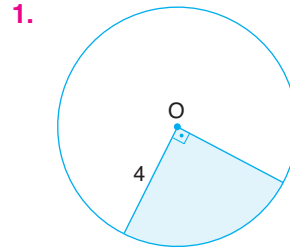
**KAZANIM 63**

Aşağıdaki sorularda taralı alanları bulunuz.



**KAZANIM 64**

Aşağıda verilen O merkezli dairelerde taralı alanları bulunuz.

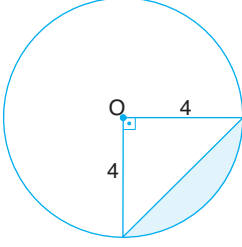


CAP

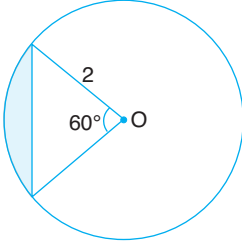
### KAZANIM 65

Aşağıda verilen O merkezli dairelerde taralı alanları bulunuz.

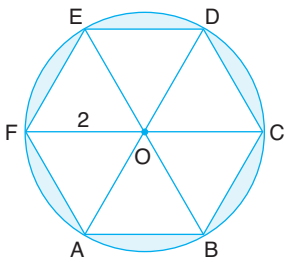
1.



2.



3.



ABCDEF  
düzgün altıgen

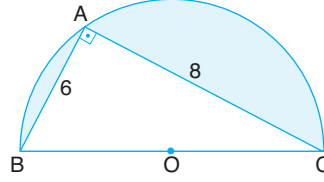
- |               |                                |                       |
|---------------|--------------------------------|-----------------------|
| 1. $4\pi - 8$ | 2. $\frac{2\pi}{3} - \sqrt{3}$ | 3. $4\pi - 6\sqrt{3}$ |
|---------------|--------------------------------|-----------------------|

CAP

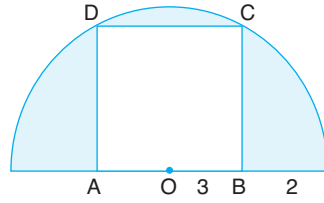
### KAZANIM 66

Aşağıda verilen O merkezli dairelerde taralı alanları bulunuz.

1.

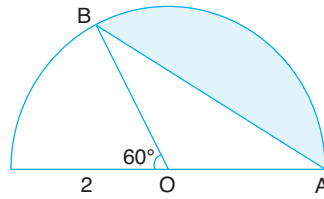


2.



ABCD dikdörtgen

3.

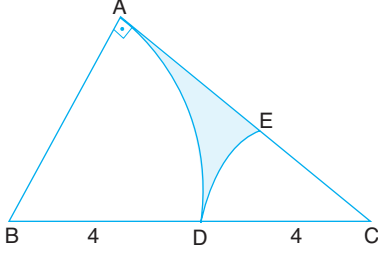


- |                           |                           |                                |
|---------------------------|---------------------------|--------------------------------|
| 1. $\frac{25\pi}{2} - 24$ | 2. $\frac{25\pi}{2} - 24$ | 3. $\frac{4\pi}{3} - \sqrt{3}$ |
|---------------------------|---------------------------|--------------------------------|

# KAZANIM 67

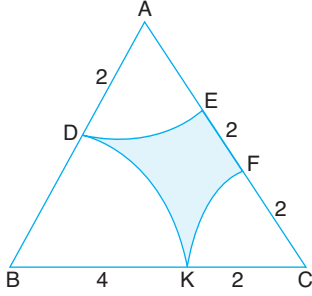
Aşağıda verilen sorularda taralı alanları bulunuz.

1.



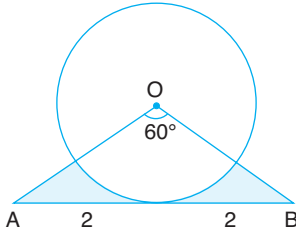
B ve C  
daire dilim-  
lerinin mer-  
kezleri

2.



A, B, C daire dilim-  
lerinin merkezleri

3.

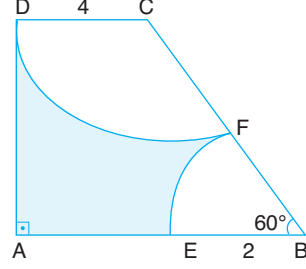


O merkez

# KAZANIM 68

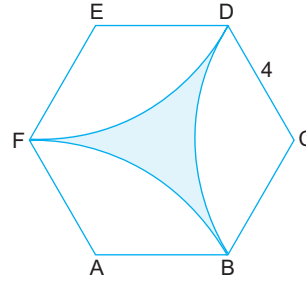
Aşağıda verilen sorularda taralı alanları bulunuz.

1.



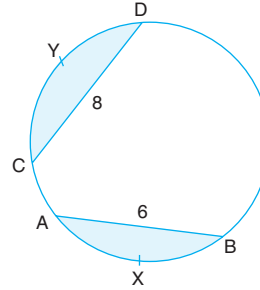
ABCD yamuk  
B ve C daire  
dilimlerinin  
merkezleri

2.



ABCDEF  
düzgün altıgen  
A, C, E  
daire dilimlerinin  
merkezleri

3.



$m(\widehat{CYD}) + m(\widehat{AXB}) = 180^\circ$

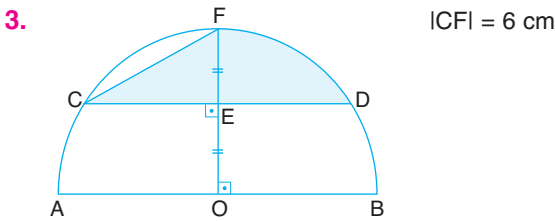
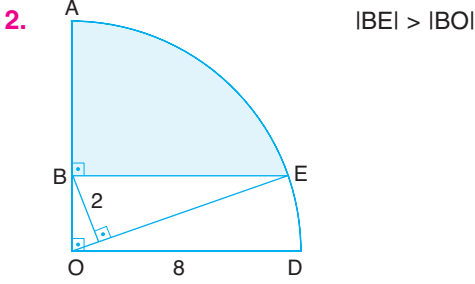
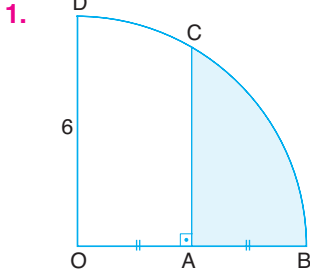
CAP

- |    |                    |    |                    |    |                    |
|----|--------------------|----|--------------------|----|--------------------|
| 1. | $8\sqrt{3} - 4\pi$ | 2. | $9\sqrt{3} - 4\pi$ | 3. | $4\sqrt{3} - 2\pi$ |
|----|--------------------|----|--------------------|----|--------------------|

- |    |                               |    |                      |    |                        |
|----|-------------------------------|----|----------------------|----|------------------------|
| 1. | $\frac{33\sqrt{3}}{2} - 6\pi$ | 2. | $24\sqrt{3} - 16\pi$ | 3. | $\frac{25\pi}{2} - 24$ |
|----|-------------------------------|----|----------------------|----|------------------------|

# KAZANIM 69

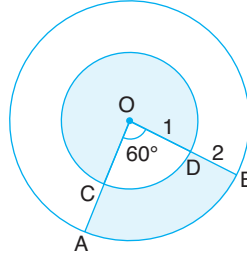
O merkezli çeyrek dairelerde taralı alanları bulunuz.



- |    |                              |    |                       |    |        |
|----|------------------------------|----|-----------------------|----|--------|
| 1. | $6\pi - \frac{9\sqrt{3}}{2}$ | 2. | $\frac{40\pi}{3} - 8$ | 3. | $6\pi$ |
|----|------------------------------|----|-----------------------|----|--------|

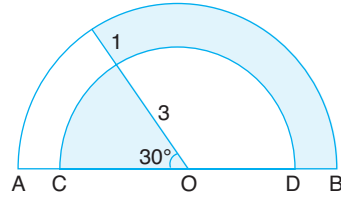
# KAZANIM 70

1.



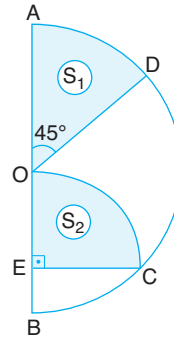
O ortak merkez ise taralı alanlar toplamı kaçtır?

2.



O ortak merkez ise taralı alanlar toplamı kaçtır?

3. O yarım çemberin, E çeyrek çemberin merkezidir.



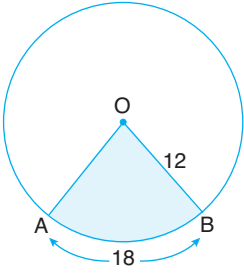
Buna göre,  $\frac{S_1}{S_2}$  oranı kaçtır?

- |    |                   |    |                   |    |   |
|----|-------------------|----|-------------------|----|---|
| 1. | $\frac{13\pi}{6}$ | 2. | $\frac{11\pi}{3}$ | 3. | 1 |
|----|-------------------|----|-------------------|----|---|

ÇAP

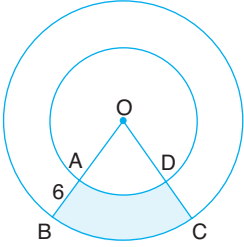
# KAZANIM 71

1.



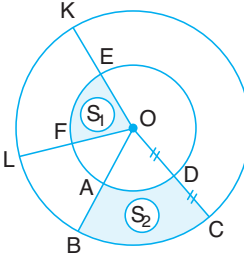
O merkezli dairede taralı alanı bulunuz.

2.



O ortak merkez  
 $|\widehat{AD}| = 20 \text{ cm}$   
 $|\widehat{BC}| = 30 \text{ cm}$   
 Taralı alanı bulunuz.

3.

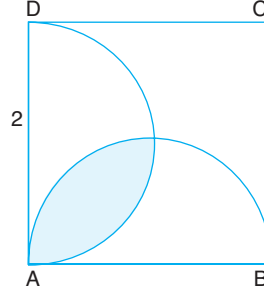


O ortak merkez  
 $|OD| = |DC|$   
 $|\widehat{KL}| = |\widehat{BC}|$   
 $\frac{S_1}{S_2} = ?$

# KAZANIM 72

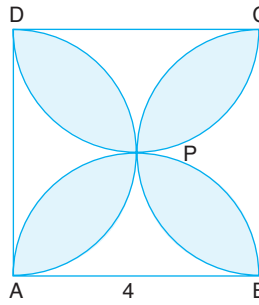
Aşağıda verilen ABCD karelerinde taralı alanları bulunuz.

1.



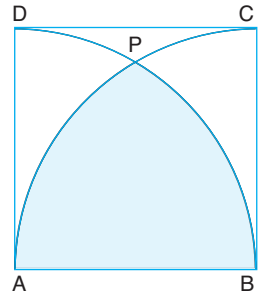
[AB] ve [AD] çap

2.



Karenin kenarları çap

3.

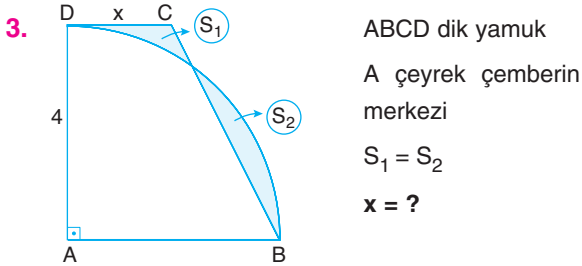
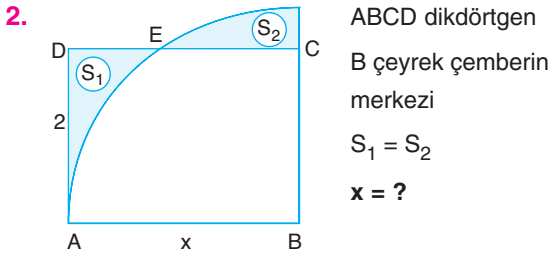
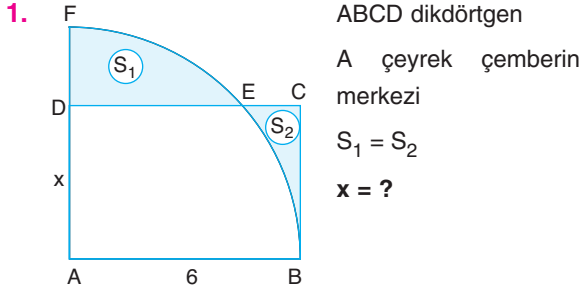


A ve B merkez

CAP

# KAZANIM 73

Aşağıdaki sorularda  $S_1$  ve  $S_2$  bulundukları bölgelerin alanlarıdır.

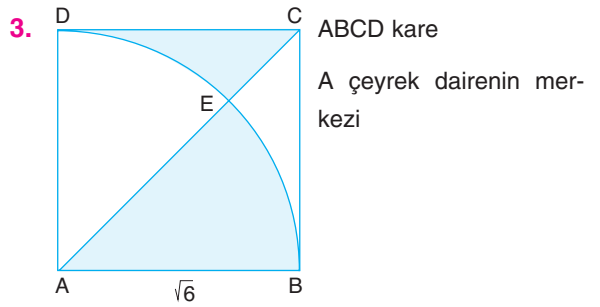
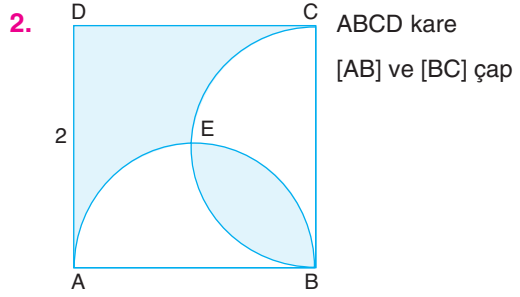
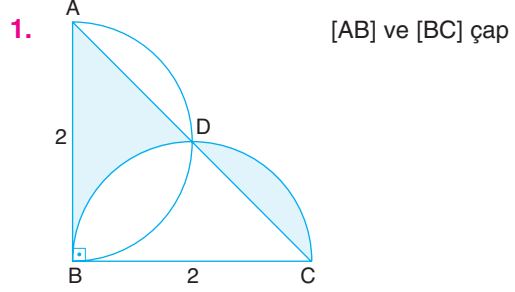


1.  $\frac{3\pi}{2}$  2.  $\frac{8}{\pi}$  3.  $2\pi - 4$

CAP

# KAZANIM 74

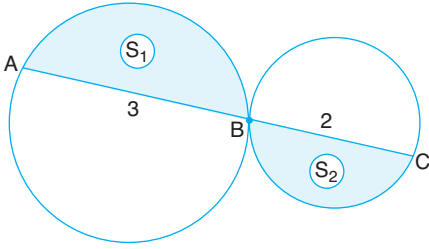
Aşağıda verilen sorularda taralı alanlar toplamını bulunuz.



1. 1 2. 2 3. 3

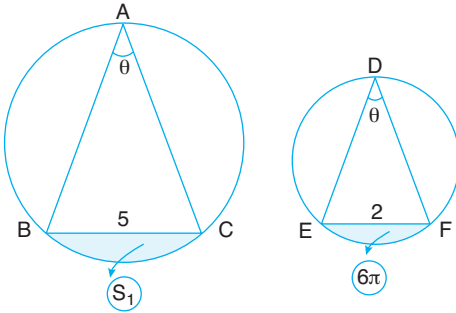
# KAZANIM 75

1.



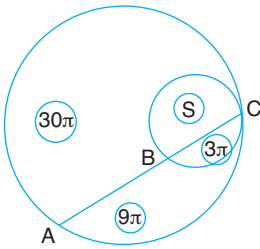
B teğet değme noktası olduğuna göre,  $\frac{S_1}{S_2}$  oranı kaçtır?

2.



Yukarıdaki verilere göre,  $S_1$  ile gösterilen alan kaç birimkaredir?

3.

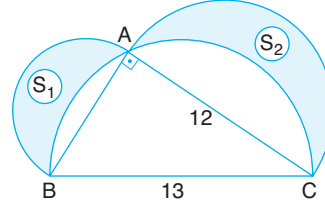


C teğet değme noktası olduğuna göre, S ile gösterilen alan kaç birimkaredir kaçtır?

# KAZANIM 76

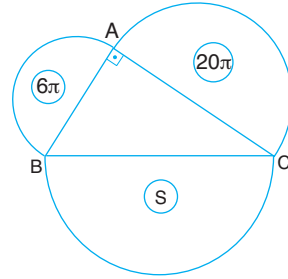
Aşağıda verilen sorularda dik üçgenlerin kenarları yarım çemberlerin çaplarıdır.

1.



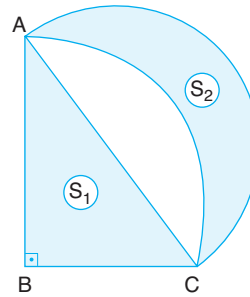
$S_1 + S_2 = ?$

2.



$S = ?$

3.



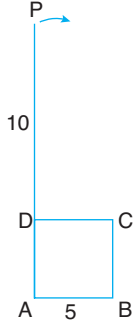
[AC] çap  
B çeyrek çemberin merkezi  
 $\frac{S_1}{S_2} = ?$

CAP

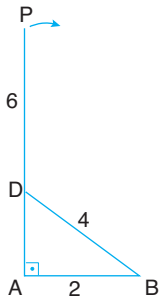


Aşağıdaki sorularda verilen [PD] ipleri gergin olarak ok yönünde verilen şekillere sarıldığında, taranabilecek en geniş bölgelerin alanları toplamını bulunuz.

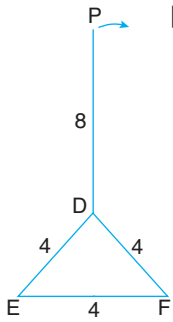
1. ABCD kare



2. A, D, P noktaları doğrusal

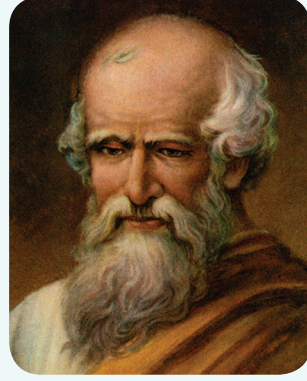


3. [PD]  $\perp$  [EF]



- |                       |                      |            |
|-----------------------|----------------------|------------|
| 1. $\frac{125\pi}{4}$ | 2. $\frac{49\pi}{3}$ | 3. $32\pi$ |
|-----------------------|----------------------|------------|

## Arşimet (Archimedes)



Arşimet, M.Ö. 287-212 yılları arasında yaşamış Sicilya doğumlu Yunan matematikçi, fizikçi, astronom, filozof ve mühendistir. Bir hamamda yıkanırken bulduğu iddia edilen suyun kaldırma kuvveti bilime en çok bilinen katkısıdır; ancak pek çok matematikçiye göre integral hesabının babasıdır.

Geometriye yaptığı en önemli katkılardan biri, kürenin yüzey alanının  $4\pi r^2$ , diğeri ise kürenin hacminin  $\frac{4}{3}\pi r^3$  olduğunu ispatlamasıdır.

Bir dairenin alanının, tabanı bu dairenin çevresine ve yüksekliği ise yarıçapına eşit bir üçgenin alanına eşit olduğunu ispatlayarak pi'nin değerinin  $3\frac{1}{7}$  ve  $3\frac{10}{71}$  arasında olduğunu göstermiştir.

"Bana bir dayanak noktası verin Dünya'yı yerinden oynatayım."

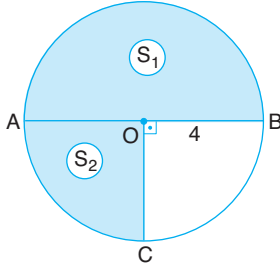
Arşimet

(Fizikteki denge prensiplerini ortaya koyduktan sonra söylemiştir.)

ÇAP



7.

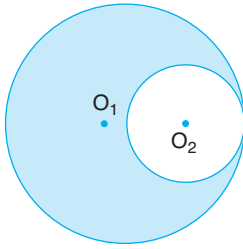


O çemberin merkezi  
 $|OB| = 4$  cm  
 $[OC] \perp [AB]$   
 Yarım dairenin  
 alanı  $S_1$   
 Çeyrek dairenin  
 alanı  $S_2$

Yukarıdaki verilere göre  $S_1 - S_2$  farkı kaçtır?

- A)  $3\pi$  B)  $4\pi$  C)  $5\pi$  D)  $6\pi$  E)  $7\pi$

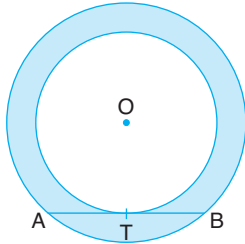
8.  $O_1$  büyük,  $O_2$  küçük dairenin merkezi,  $r_1$  büyük,  $r_2$  küçük dairenin yarıçapı ve  $r_1 = 3r_2$  dir.



Yukarıdaki verilere göre taralı alanın küçük dairenin alanına oranı kaçtır?

- A) 12 B) 9 C) 8 D) 6 E) 3

9.

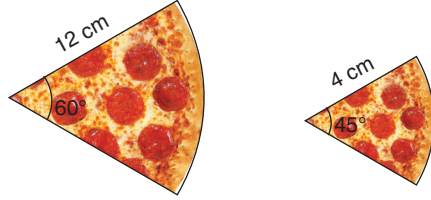


O dairelerin ortak merkezi  
 T teğet değme noktası  
 $|AB| = 10$  cm

Yukarıdaki verilere göre taralı alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $10\pi$  B)  $25\pi$  C)  $50\pi$  D)  $75\pi$  E)  $100\pi$

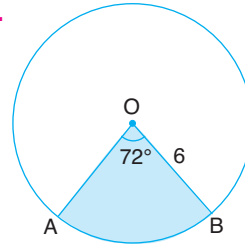
10. Sevgi Hanım dilim şeklinde pizza siparişi verecektir. Pizzacının yaptığı kampanyada bir büyük pizza dilimi alana bir orta boy pizza dilimi hediye veriliyor. Siparişi veren Sevgi Hanım'a aşağıdaki pizza dilimleri gelmiştir.



Buna göre, Sevgi Hanım'ın siparişinde gelen büyük pizza diliminin çevresi, küçük pizza diliminin çevresinden kaç cm fazladır?

- A)  $\pi + 4$  B)  $\pi + 8$  C)  $2\pi + 8$   
 D)  $3\pi + 16$  E)  $4\pi$

11.

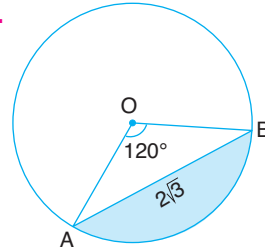


O çemberin merkezi  
 $m(\widehat{AOB}) = 72^\circ$   
 $|OB| = 6$  cm

Yukarıdaki verilere göre taralı alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $\frac{9\pi}{5}$  B)  $\frac{16\pi}{5}$  C)  $\frac{18\pi}{5}$  D)  $\frac{27\pi}{5}$  E)  $\frac{36\pi}{5}$

12.



O çemberin merkezi  
 $m(\widehat{AOB}) = 120^\circ$   
 $|AB| = 2\sqrt{3}$  cm

Yukarıdaki verilere göre taralı alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $\frac{2\pi}{3} - \sqrt{3}$  B)  $\frac{2\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}$  C)  $\frac{4\pi}{3} - 2\sqrt{3}$   
 D)  $\frac{4\pi}{3} - \sqrt{3}$  E)  $\frac{4\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}$

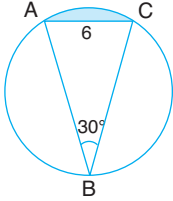
CΔP



## PEKİŞTİRME TESTİ

11

1.



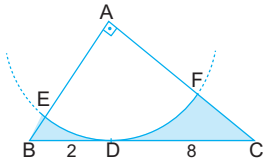
$|AC| = 6 \text{ cm}$

$m(\widehat{ABC}) = 30^\circ$

Yukarıdaki verilere göre taralı alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $6\pi - 9\sqrt{3}$  B)  $9\pi - 6\sqrt{3}$  C)  $6\pi - 6\sqrt{3}$   
D)  $6\pi - 9$  E)  $9\pi - 9$

2.

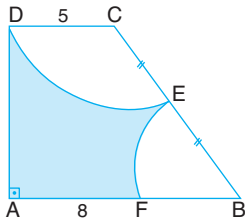


ABC üçgen,  $[AB] \perp [AC]$   
A çeyrek çemberin  
merkezi  
D teğet değme noktası  
 $|BD| = 2 \text{ cm}$ ,  
 $|DC| = 8 \text{ cm}$

Yukarıdaki verilere göre taralı alanlar toplamı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $8 - 2\pi$  B)  $10 - \pi$  C)  $10 - 2\pi$   
D)  $20 - 2\pi$  E)  $20 - 4\pi$

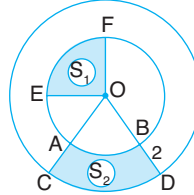
3.



B ve C daire dilimlerinin merkezleri  
ABCD dik yamuk  
 $[AD] \perp [AB]$ ,  $[AB] \parallel [DC]$   
 $|CE| = |EB|$   
 $|DC| = 5 \text{ cm}$   
 $|AF| = 8 \text{ cm}$

Yukarıdaki verilere göre taralı alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $54 - \frac{25\pi}{4}$  B)  $54 - \frac{25\pi}{2}$  C)  $54 - \frac{5\pi}{2}$   
D)  $27 - \frac{25\pi}{4}$  E)  $27 - \frac{25\pi}{8}$

4. O ortak merkez olmak üzere  $S_1$  ve  $S_2$  bulundukları bölgelerin alanlarıdır.

$|OA| = 5 \text{ cm}$

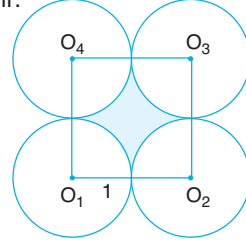
$|OB| = 2 \text{ cm}$

$|EF| = 8 \text{ cm}$

$|AB| = 10 \text{ cm}$

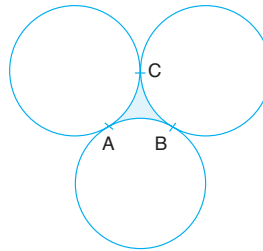
Yukarıdaki verilere göre  $S_1 + S_2$  kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A) 44 B) 48 C) 54 D) 56 E) 64

5.  $O_1, O_2, O_3$  ve  $O_4$  1 br yarıçaplı eş çemberlerin merkezleridir.Buna göre taralı alan kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A) 4 B)  $\pi$  C)  $4 - \pi$   
D)  $\pi - 2$  E)  $\pi + 2$

6.



Yarıçapları 1 cm olan  
üç eş çember A, B ve  
C noktalarında dıştan  
teğet ise taralı alan  
kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $\sqrt{3} - \frac{\pi}{6}$  B)  $\sqrt{3} - \frac{\pi}{3}$  C)  $\sqrt{3} - \frac{\pi}{2}$   
D)  $2\sqrt{3} - \frac{\pi}{3}$  E)  $2\sqrt{3} - \frac{\pi}{2}$

CΔP

7. D C ABCD kare  
B ve D çeyrek çemberle-  
rin merkezleri  
|AB| = 6 cm
- 
- Yukarıdaki verilere göre taralı alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?
- A)  $36\pi - 18$  B)  $36\pi - 36$  C)  $18\pi - 18$   
D)  $18\pi - 36$  E)  $12\pi - 12$

8. C O yarım çemberin  
merkezi  
[AC]  $\perp$  [AB]  
 $S_1$  ve  $S_2$  bulunduk-  
ları taralı bölgelerin  
alanları  $S_1 = S_2$   
|AO| = 4 cm
- 
- Yukarıdaki verilere göre |AC| = x kaç cm dir?
- A)  $4\pi$  B)  $3\pi$  C)  $2\pi$  D)  $\frac{3\pi}{2}$  E)  $\pi$

9. A [AB] ve [BC] yarım  
çemberlerin çapları  
[AB]  $\perp$  [BC]  
|AB| = |BC| = 4 cm  
Yukarıdaki verilere  
göre taralı alanlar top-  
lamı kaç  $\text{cm}^2$  dir?
- 
- A) 1 B) 2 C) 4 D)  $\pi$  E)  $2\pi$

10. A, B, C doğrusal ve B teğet değme noktasıdır.  
|BC| = 3 cm  
|AB| = 5 cm
- 
- Büyük çemberdeki taralı alan  $25\pi \text{ cm}^2$  ise  
küçük çemberdeki taralı alan (S) kaç  $\text{cm}^2$  dir?

A)  $18\pi$  B)  $16\pi$  C)  $15\pi$  D)  $12\pi$  E)  $9\pi$

11. [AB], [AC] ve [BC]  
yarım çemberlerin  
çapları  
|BC| = 8 cm  
|AB| = 10 cm
- 
- Yukarıdaki verilere göre  $S_1 + S_2$  kaç  $\text{cm}^2$  dir?
- A) 12 B) 18 C) 24 D)  $18\pi$  E)  $24\pi$

12. E → Şekilde uzunluğu 10 cm olan ED ger-  
gin ipi, bir kenarı 4 cm olan ABCD  
karesi etrafında saat yönünde sarılı-  
yor.
- 

Bu şekilde taranacak alan kaç  $\text{cm}^2$  dir?


A)  $25\pi$  B)  $28\pi$  C)  $32\pi$  D)  $35\pi$  E)  $36\pi$


ÇAP



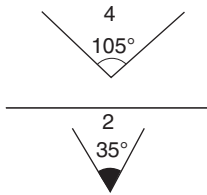
## PEKİŞTİRME TESTİ

12

1.  Yarıçapı  $r$  birim merkez açısı  $\alpha$  olan bir çember diliminin gördüğü yay uzunluğu

 Yarıçapı  $r$  birim merkez açısı  $\alpha$  olan daire diliminin alanı

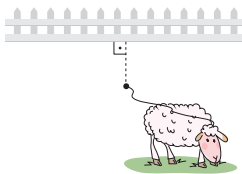
Buna göre,



İşleminin sayısal değeri kaçtır?

- A) 3 B) 4 C) 5 D) 6 E) 8

2.  Şekil - 1
- Mustafa yeterince uzun düz bir çitin bulunduğu çiftliklerinde ipinin uzunluğu 4 metre olan koyunu otlatması için Şekil 1 deki gibi çite bağlıyor. Daha sonra koyunun daha çok otlayabilmesi için Şekil 2 deki gibi çitin 2 metre uzağına bir kazık çakıp koyunu oraya bağlıyor.

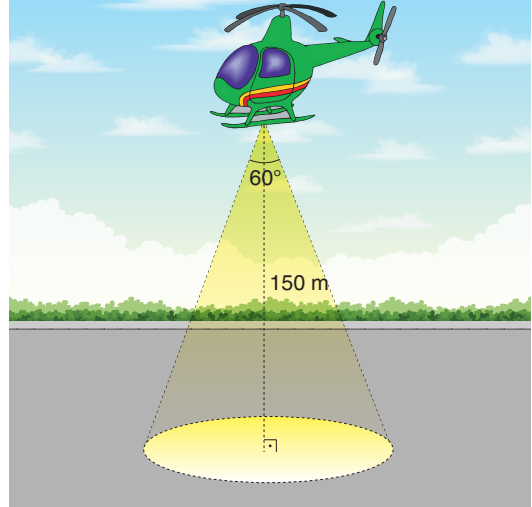


Şekil - 2

Buna göre, koyunun otlayabileceği alan kaç metrekaare artmıştır?

- A)  $\frac{32\pi}{3}$  B)  $\frac{16\pi}{3} + 8\sqrt{3}$  C)  $\frac{8\pi}{3} + 4\sqrt{3}$   
D)  $\frac{4\pi}{3}$  E)  $\frac{2\pi}{3} + 4\sqrt{3}$

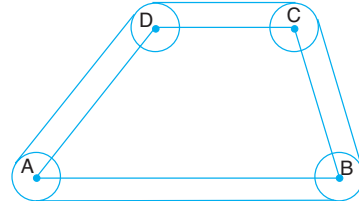
3. Bir kurtarma helikopteri denizden 150 metre yükseklikte, tabandaki dairenin çaplarının uç noktalarını  $60^\circ$  lik açı ile aydınlatmaktadır.



Havada sabit olarak duran helikopter kaç metre kare alan tarar?

- A)  $5000\pi$  B)  $7500\pi$  C)  $9000\pi$   
D)  $2500\sqrt{3}\pi$  E)  $5000\sqrt{3}\pi$

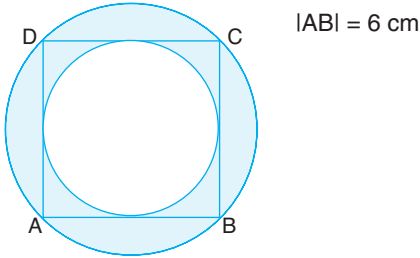
4. ABCD dörtgeninin köşelerine yarıçapları 2 cm olan çemberler yerleştirilmiştir.



$\angle(ABCD) = 22^\circ$  olduğuna göre, şekildeki gergin ipin uzunluğu kaç cm dir?

- A)  $24 + 2\pi$  B)  $24 + 4\pi$  C)  $22 + 2\pi$   
D)  $22 + 4\pi$  E)  $20 + 8\pi$

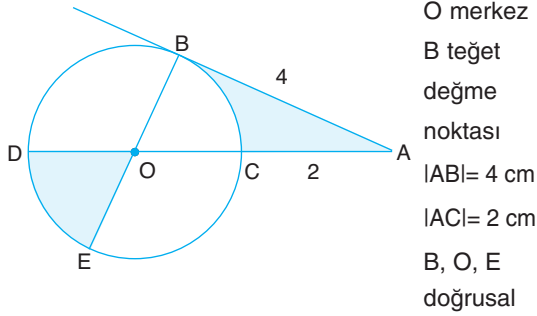
5. ABCD karesinin iç teğet ve çevrel çemberleri çizilmiştir.



Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $4\pi$  B)  $5\pi$  C)  $8\pi$  D)  $9\pi$  E)  $16\pi$

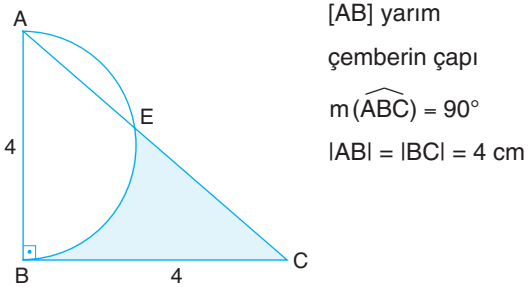
6.



Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgelerin alanları toplamı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A) 4 B) 6 C)  $2\pi + 2$   
D)  $2\sqrt{3} + \pi$  E)  $4\sqrt{3}$

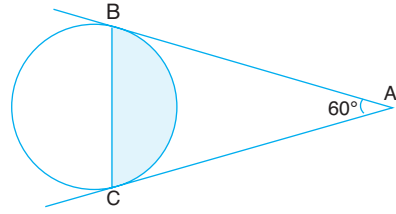
7.



Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $8 - 2\pi$  B)  $6 - \pi$  C)  $4 - \pi$   
D)  $4 - \frac{\pi}{2}$  E) 4

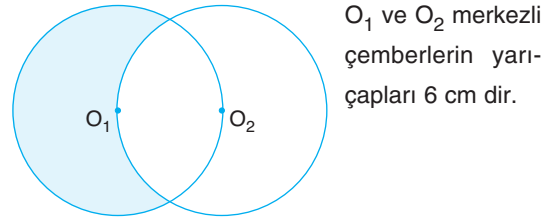
8. B ve C teğet değme noktaları ve  $m(\widehat{BAC}) = 60^\circ$  dir.



Çemberin yarıçapı 6 cm olduğuna göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $12\pi - 9\sqrt{3}$  B)  $12\pi - 6\sqrt{3}$  C)  $12\pi - 3\sqrt{3}$   
D)  $8\pi - 3\sqrt{3}$  E)  $16\pi - 9\sqrt{3}$

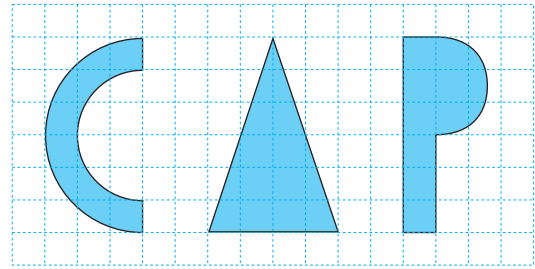
9.



Buna göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $12\pi + 18\sqrt{3}$  B)  $6\pi + 18\sqrt{3}$   
C)  $36\sqrt{3} - 12\pi$  D)  $36\sqrt{3} - 6\pi$   
E)  $24\pi - 18\sqrt{3}$

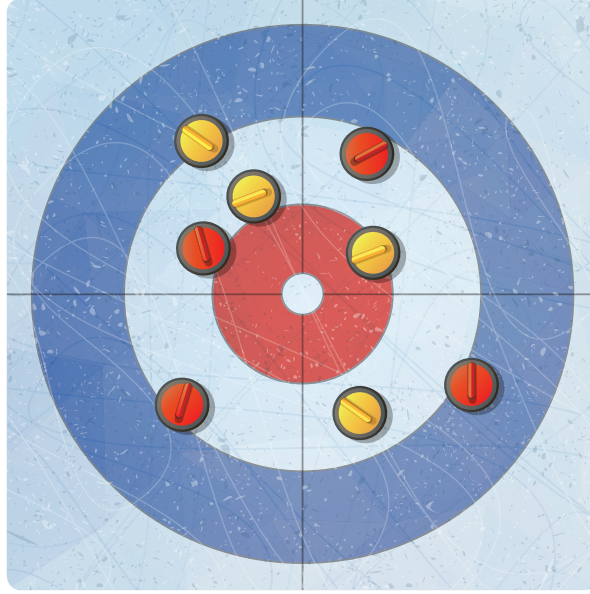
10. Aşağıda Çap Yayınlarının logosu birim kareli yüzeyde çizilmiştir. Bu logo yapımında daireler ve doğru parçaları kullanılmıştır.



Buna göre, harflerin kapladığı bölgelerin alanları toplamı kaç  $\text{br}^2$  dir?

- A)  $12 + \frac{23\pi}{4}$  B)  $16 + \frac{23\pi}{8}$  C)  $18 + \frac{23\pi}{4}$   
D)  $18 + \frac{23\pi}{8}$  E)  $18 + \frac{29\pi}{8}$

ÇAP



Curling buz üzerinde iç içe çizilmiş 3 halkadan oluşan hedef bölgesinin merkezine en yakın konumda olacak şekilde, daire tabanlı özel curling toplarını atma üzerine kurulu bir oyundur.

Takımlar bir turda dörder atış yapar. Bu atışlar sonunda en büyük çemberin dışında kalan toplar puanlamaya alınmaz. Çember içinde kalan toplardan ise merkeze en yakın olanlar tespit edilir. Rakibin en yakın taşından daha fazla olan top sayısı kadar puan alınır.

Örneğin, rakibinizin en yakın taşının merkeze uzaklığı 40 cm olsun. Sizin taşlarınızın merkeze uzaklıkları ise 60 cm, 43 cm, 39 cm ve 15 cm olur.

**Bu durumda rakibinizin taşından daha yakında 2 tane taşınız olduğu için bu turdan 2 puan almış olursunuz.**

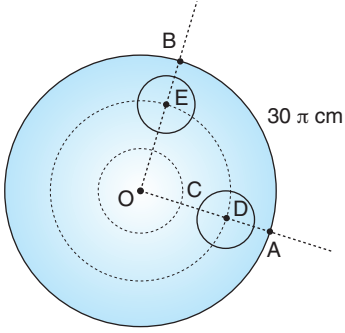
1. 4 atış sonucu çember içinde kalan taşların merkeze uzaklıkları

	Siz	Rakip
1. Taş	$2x + 4$	74 cm
2. Taş	73 cm	20 cm
3. Taş	$y - 15$	Çember dışında
4. Taş	Çember dışında	33 cm

**Bu oyundan siz 2 puan aldığınıza göre, x ve y tam sayıların toplamı en çok kaçtır?**



2.

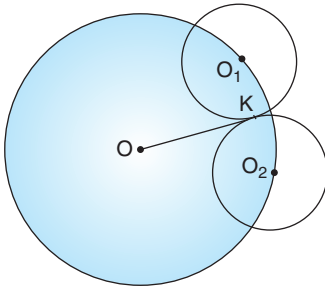


Bu oyun için kullanılan curling topları taban yarıçapı 10 cm olan silindirler şeklindedir.

1. tur sonucunda size ait olan iki top yukarıdaki şekilde olduğu gibi durmuştur.

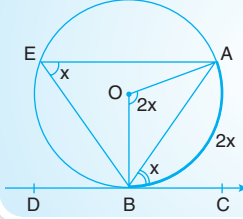
**$|OA| = 90$  cm ve  $|AB| = 30\pi$  cm olduğuna göre, bu iki taşınız arasındaki en kısa mesafe nedir? ( $|OC| = |CD| = |DA|$ )**

3.



Oyunu yarıçapı 15 cm olan toplarla oynamaya karar veriyorsunuz ve 2 atışınız merkezleri en içteki daire üzerinde ve birbirlerine teğet olacak şekilde duruyor.

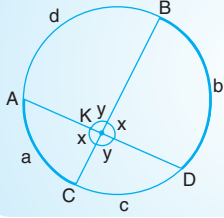
**Buna göre,  $|OK|$  kaç cm dir?**

**Merkez, Çevre ve Teğet – Kiriş Açı**

$$m(\widehat{AOB}) = 2x \text{ (Merkez açı)}$$

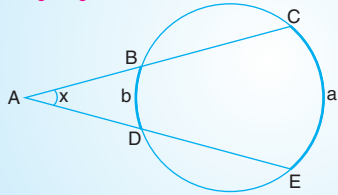
$$m(\widehat{AEB}) = x \text{ (Çevre açı)}$$

$$m(\widehat{ABC}) = x \text{ (Teğet-Kiriş açı)}$$

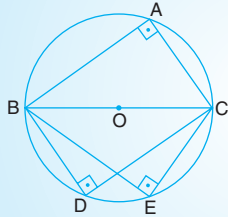
**İç Açı**

$$m(\widehat{AKC}) = m(\widehat{BKD}) = x = \frac{a+b}{2}$$

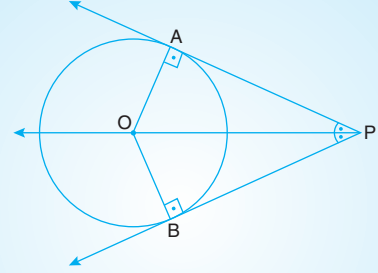
$$m(\widehat{AKB}) = m(\widehat{CKD}) = y = \frac{c+d}{2}$$

**Dış Açı**

$$m(\widehat{EAC}) = x = \frac{a-b}{2}$$

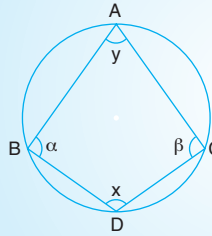


Çapı gören çevre açının ölçüsü  $90^\circ$  dir.



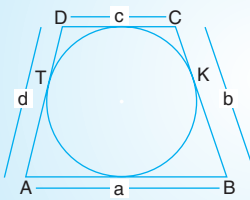
[PO açıortaydır.  $m(\widehat{APB}) + m(\widehat{AOB}) = 180^\circ$

Teğetin değme noktasından çıkılan dikme merkezden geçer.

**Kirişler Dörtgeni**

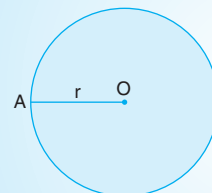
Kenarları bir çemberin kirişleri olan dörtgene **kirişler dörtgeni** denir. Kirişler dörtgeninde karşılıklı açılarının ölçüleri toplamı  $180^\circ$  dir.

$$\alpha + \beta = x + y = 180^\circ$$

**Teğetler Dörtgeni**

Kenarları bir çembere teğet olan dörtgene **teğetler dörtgeni** denir.

$$a + c = b + d$$

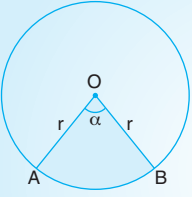
**Daire ve Dairenin Alanı**

Yarıçapı r birim olan dairenin alanı

$$\text{Alan} = \pi \cdot r^2$$

CΔP

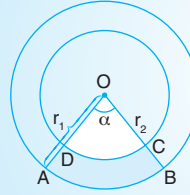
### Daire Diliminin Alanı



a.  $\text{Alan}(\text{AOB}) = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{\alpha}{360^\circ}$

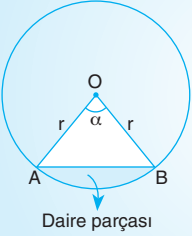
b.  $|\widehat{AB}| = \ell$  ise  $\text{Alan}(\text{OAB}) = \frac{\ell \cdot r}{2}$

### Halka Diliminin Alanı



$$\begin{aligned} \text{Taralı Alan} &= \frac{\pi \cdot \alpha}{360^\circ} \cdot (r_1^2 - r_2^2) \\ &= \frac{|\widehat{AB}| + |\widehat{CD}|}{2} \cdot |BC| \end{aligned}$$

### Daire Parçasının Alanı

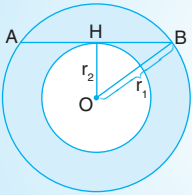


$$\text{Alan} = \frac{\pi r^2 \cdot \alpha}{360^\circ} - \frac{1}{2} r \cdot r \cdot \sin \alpha$$

(Daire parçası)

Daire parçası

### Daire Halkasının Alanı



$|OB| = r_1$  ve  $|OH| = r_2$  olmak üzere

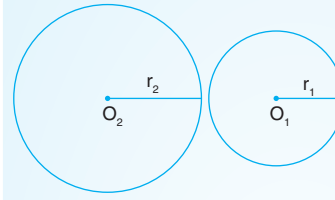
Daire halkasının alanı  $= \pi (r_1^2 - r_2^2)$

$[\widehat{AB}]$  kirişi H noktasında içteki daireye teğet ise

Daire halkasının alanı  $= \pi \left( \frac{|\widehat{AB}|}{2} \right)^2$

### Çember ve Dairede Benzerlik

Bütün çember ve daireler birbirine benzerdir.

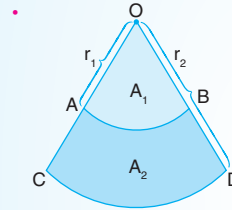


Çevreleri oranı:

$$\frac{Ç_1}{Ç_2} = \frac{2\pi r_1}{2\pi r_2} = \frac{r_1}{r_2}$$

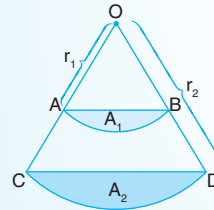
Alanları oranı:

$$\frac{A_1}{A_2} = \frac{\pi r_1^2}{\pi r_2^2} = \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2$$

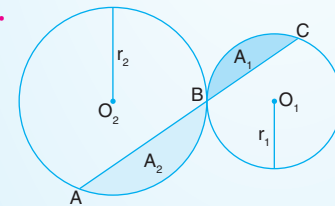


$$\frac{|OA|}{|OC|} = \frac{|OB|}{|OD|} = \frac{|\widehat{AB}|}{|\widehat{CD}|} = \frac{r_1}{r_2}$$

$$\frac{A_1}{A_1 + A_2} = \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2$$



$$\frac{A_1}{A_2} = \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2$$

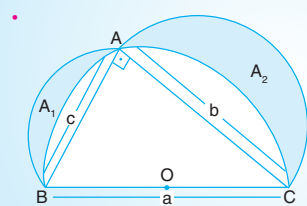


a.  $m(\widehat{AB}) = m(\widehat{BC})$

b.  $\frac{|BC|}{|AB|} = \frac{|\widehat{BC}|}{|\widehat{AB}|} = \frac{r_1}{r_2}$

c.  $\frac{A_1}{A_2} = \left( \frac{r_1}{r_2} \right)^2$

### Öklid Yayları

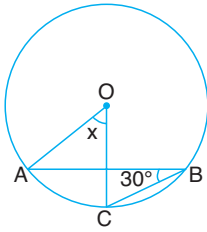


$$\begin{aligned} A_1 + A_2 &= \text{Alan}(\text{ABC}) \\ &= \frac{b \cdot c}{2} \end{aligned}$$

ÇAP



7.



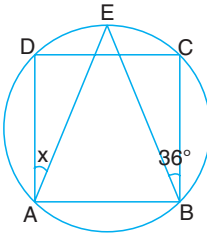
O merkez

$$m(\widehat{ABC}) = 30^\circ$$

**Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{AOC}) = x$  kaç derecedir?**

- A) 20      B) 25      C) 30      D) 45      E) 60

8.



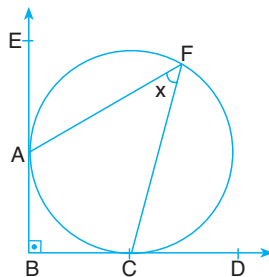
ABCD kare

$$m(\widehat{CBE}) = 36^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{EAD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 36      B) 24      C) 12      D) 9      E) 6

9.

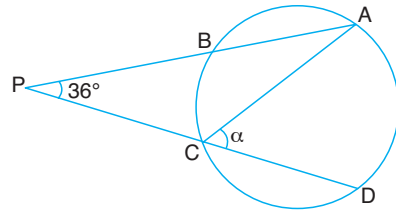
 $[BE \perp [BD$ 

A ve C teğet değme noktaları

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{AFC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 30      B) 45      C) 50      D) 60      E) 75

10.

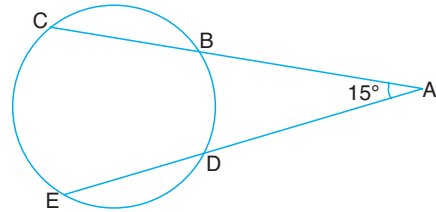


$$m(\widehat{AD}) = 4 \cdot m(\widehat{BC}), m(\widehat{APC}) = 36^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ACD}) = \alpha$  kaç derecedir?

- A) 40      B) 42      C) 44      D) 48      E) 60

11.

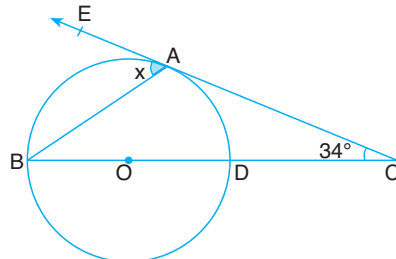


$$m(\widehat{CAE}) = 15^\circ \text{ ve } m(\widehat{DB}) = 35^\circ$$

olduğuna göre,  $m(\widehat{CE})$  kaç derecedir?

- A) 60      B) 65      C) 70      D) 75      E) 85

12.



Şekildeki O merkezli çembere [CE ışını A noktasında teğettir.

$m(\widehat{ACB}) = 34^\circ$  olduğuna göre,  $m(\widehat{EAB}) = x$  kaç derecedir?

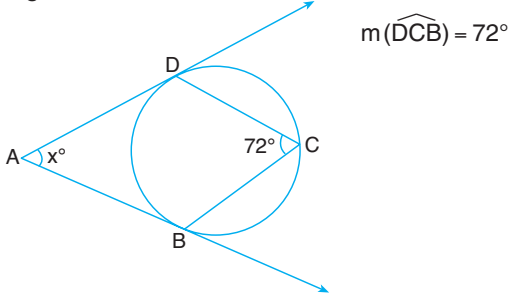
- A) 61      B) 62      C) 63      D) 66      E) 72



## ACEMİ

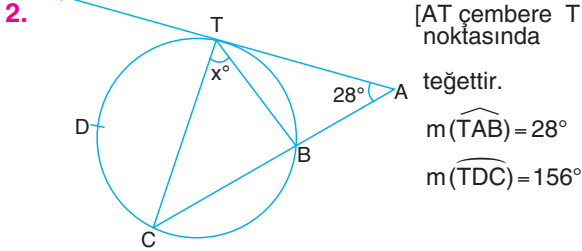
2

1. [AD ve [AB sırasıyla D ve B noktalarında çembere teğettir.



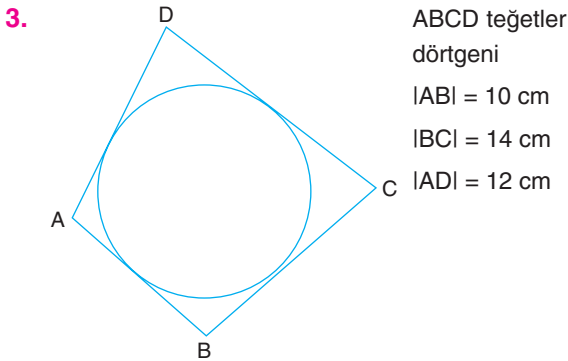
Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{DAB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 32 B) 36 C) 38 D) 42 E) 48



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{CTB}) = x$  kaç derecedir?

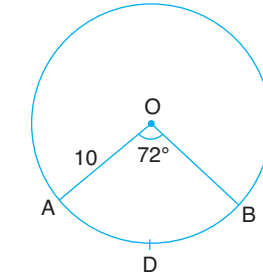
- A) 42 B) 44 C) 48 D) 52 E) 56



Yukarıdaki verilere göre  $|DC|$  kaç cm dir?

- A) 12 B) 13 C) 14 D) 15 E) 16

4.

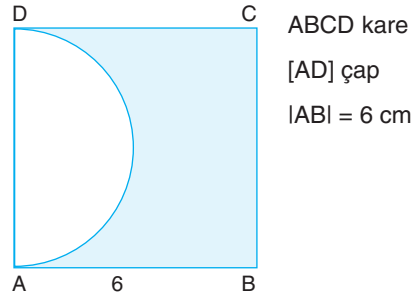


O merkez  
 $|AO| = 10$  cm  
 $m(\widehat{AOB}) = 72^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $|ADB|$  kaç cm dir?

- A)  $2\pi$  B)  $3\pi$  C)  $4\pi$  D)  $5\pi$  E)  $6\pi$

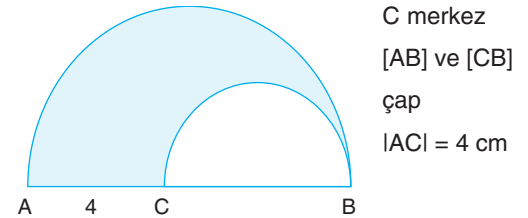
5.



Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin çevresi kaç cm dir?

- A)  $6 + 3\pi$  B)  $12 + 3\pi$  C)  $18 + 3\pi$   
D)  $18 + 6\pi$  E)  $24 + 6\pi$

6.

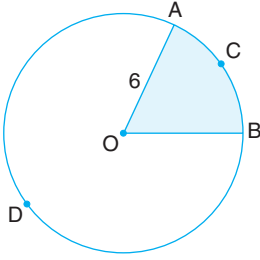


Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $4\pi$  B)  $5\pi$  C)  $6\pi$  D)  $8\pi$  E)  $10\pi$

CAP

7.

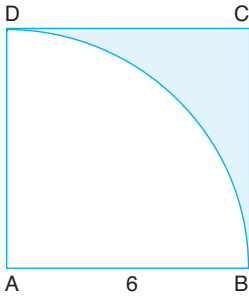


O merkez  
 $|OA| = 6 \text{ cm}$   
 $m(\widehat{ADB}) = 5 \cdot m(\widehat{ACB})$

Yukarıdaki verilere göre, taralı daire diliminin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $4\pi$  B)  $6\pi$  C)  $8\pi$  D)  $9\pi$  E)  $10\pi$

8.

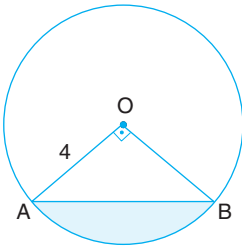


ABCD karesinin içine  
 A merkezli çeyrek  
 daire çizilmiştir.  
 $|AB| = 6 \text{ cm}$

Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $36 - 6\pi$  B)  $36 - 8\pi$  C)  $36 - 9\pi$   
 D)  $18 - 3\pi$  E)  $18 - 2\pi$

9.

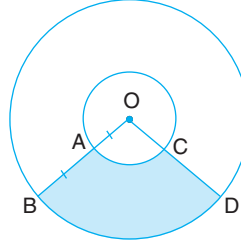


O merkez  
 $|OA| = 4 \text{ cm}$   
 $m(\widehat{AOB}) = 90^\circ$

Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $12 - 4\pi$  B)  $12 - 3\pi$  C)  $8 - 2\pi$   
 D)  $4\pi - 8$  E)  $4\pi - 4$

10.

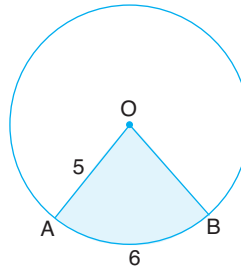


O ortak merkez  
 $|OA| = |OB| = 6 \text{ cm}$   
 $m(\widehat{AOC}) = 60^\circ$

Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\pi \text{ cm}^2$  dir?

- A) 9 B) 12 C) 15 D) 16 E) 18

11.

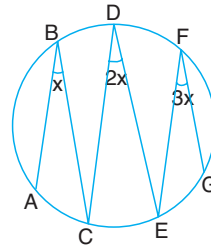


O merkez  
 $|OA| = 5 \text{ cm}$   
 $|\widehat{AB}| = 6 \text{ cm}$

Yukarıdaki verilere göre, taralı daire diliminin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A) 15 B) 30 C)  $6\pi$  D)  $12\pi$  E)  $15\pi$

12.



Şekildeki çemberde  
 $m(\widehat{ABC}) = x$ ,  $m(\widehat{CDE}) = 2x$ ,  
 $m(\widehat{EFG}) = 3x$  ve  
 $m(\widehat{ACG}) = 120^\circ$  olduğuna  
 göre, x kaç derecedir?

- A) 8 B) 10 C) 12 D) 15 E) 16

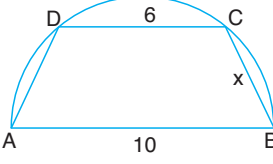
CΔP

Yapmakta ısrar ettiğimiz şey giderek kolaylaşır.  
İşin doğası değiştiğinden değil, bizim yapma yeteneğimiz geliştiğinden.  
(Ralph Waldo Emerson)



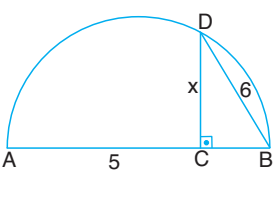
## AMATÖR

1

1.  [AB] çemberin çapı  
[AB] // [CD]  
|DC| = 6 cm  
|AB| = 10 cm

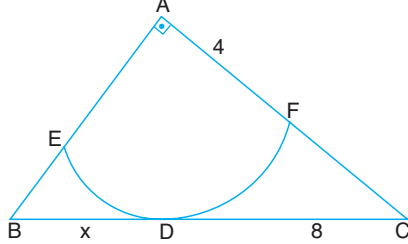
Yukarıdaki verilere göre |BC| = x kaç cm dir?

- A)  $2\sqrt{3}$  B)  $5\sqrt{3}$  C)  $3\sqrt{5}$  D)  $2\sqrt{5}$  E)  $5\sqrt{2}$

2.  [AB] yarım çemberin çapı  
[DC] ⊥ [AB]  
|AC| = 5 cm  
|BD| = 6 cm

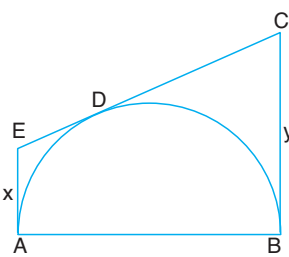
Yukarıdaki verilere göre |DC| = x kaç cm dir?

- A)  $2\sqrt{3}$  B)  $5\sqrt{3}$  C)  $3\sqrt{5}$  D)  $2\sqrt{5}$  E)  $5\sqrt{2}$

3. 

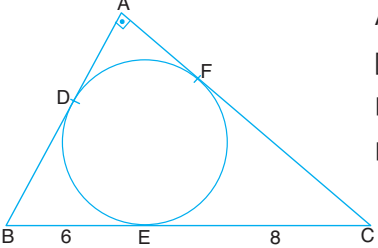
A çeyrek çemberin merkezi, D teğet değme noktası, [AB] ⊥ [AC], 2|AF| = |DC| = 8 cm olduğuna göre, |BD| = x kaç cm dir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 6

4.  [AB] yarım çemberin çapı  
A, D, B teğet değme noktaları  
|AE| = x br  
|BC| = y br

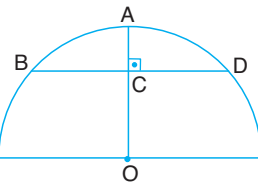
Yukarıdaki verilere göre yarım çemberin yarıçapının x ve y türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A) x + y B)  $\frac{x+y}{2}$  C) xy  
D)  $\sqrt{xy}$  E)  $\frac{\sqrt{xy}}{2}$

5.  ABC üçgen  
[AB] ⊥ [AC]  
|BE| = 6 cm  
|EC| = 8 cm

ABC üçgeninin iç teğet çemberi D, E ve F noktalarında teğet olduğuna göre, Alan(ABC) kaç cm<sup>2</sup> dir?

- A) 30 B) 36 C) 40 D) 48 E) 50

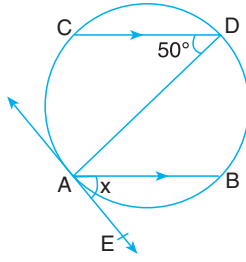
6.  O yarım çemberin merkezi  
|AC| = 4 cm  
|BD| = 16 cm

Yukarıdaki verilere göre, |OC| kaç cm dir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8



7.

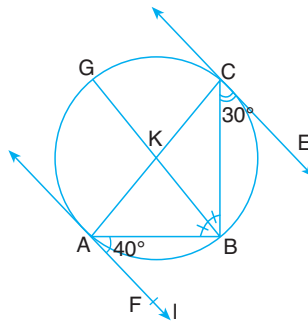


A teğet değme noktası  
 $[AB] \parallel [CD]$   
 $m(\widehat{ADC}) = 50^\circ$   
 $m(\widehat{CD}) = 80^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BAE}) = x$  kaç derecedir?

- A) 20 B) 25 C) 30 D) 35 E) 40

8. A ve C teğet değme noktaları

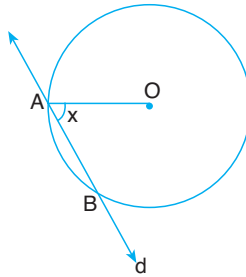


$m(\widehat{BCE}) = 30^\circ$   
 $m(\widehat{BAF}) = 40^\circ$   
 $m(\widehat{ABK}) = m(\widehat{KBC})$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ABG})$  kaç derecedir?

- A) 50 B) 55 C) 60 D) 65 E) 70

9.

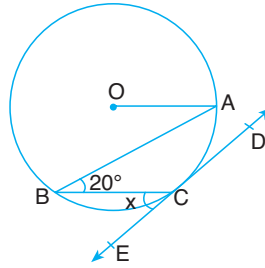


O çemberin merkezi  
 $|OA| = |AB|$

Yukarıda verilere göre,  $m(\widehat{OAB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 40 B) 45 C) 50 D) 60 E) 80

10.

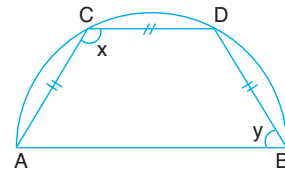


O merkez  
 $[OA] \parallel [BC]$ ,  
 $m(\widehat{ABC}) = 20^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BCE}) = x$  kaç derecedir?

- A) 30 B) 40 C) 50 D) 60 E) 70

11.

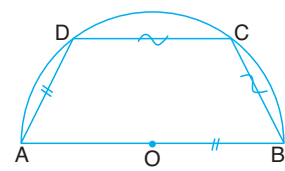


$[AB]$  çap  
 $|AC| = |CD| = |BD|$

Yukarıdaki verilere göre  $x - y$  farkı kaç derecedir?

- A) 30 B) 45 C) 50 D) 60 E) 75

12.

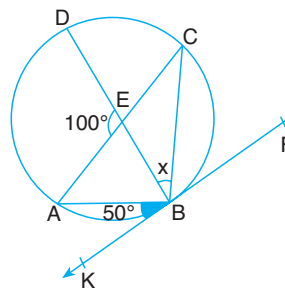


O merkez  
 $|OB| = |AD|$   
 $|BC| = |DC|$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{DC})$  kaç derecedir?

- A) 80 B) 70 C) 60 D) 50 E) 45

13.



B teğet değme noktası  
 $m(\widehat{AED}) = 100^\circ$   
 $m(\widehat{ABK}) = 50^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{CBD}) = x$  kaç derecedir?

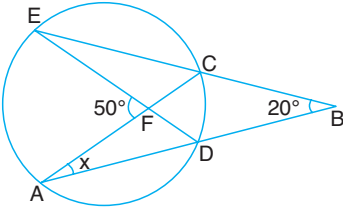
- A) 25 B) 30 C) 45 D) 50 E) 60



## AMATÖR

2

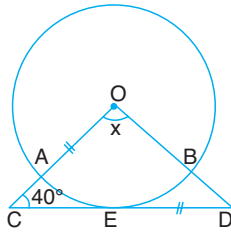
1.



Şekilde  $m(\widehat{AFE}) = 50^\circ$ ,  $m(\widehat{ABE}) = 20^\circ$   
olduğuna göre,  $m(\widehat{CAD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 15 B) 20 C) 25 D) 30 E) 35

2.

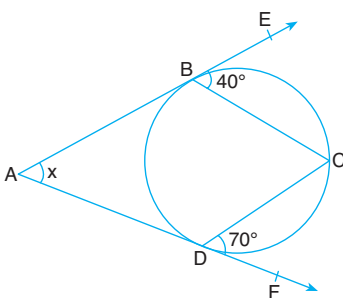


O çemberin merkezi  
E teğet değme noktası  
 $|OA| = |ED|$   
 $m(\widehat{OCD}) = 40^\circ$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{COD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 80 B) 85 C) 90 D) 95 E) 100

3.

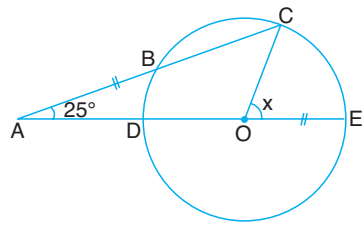


B ve D teğet değme noktaları  
 $m(\widehat{CBE}) = 40^\circ$   
 $m(\widehat{CDF}) = 70^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BAD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 40 B) 50 C) 60 D) 70 E) 80

4.

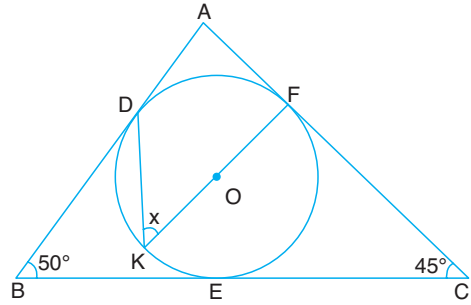


O çemberin merkezi  
 $|AB| = |OE|$   
 $m(\widehat{CAE}) = 25^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{COE}) = x$  kaç derecedir?

- A) 50 B) 60 C) 65 D) 70 E) 75

5.



ABC üçgeninin iç teğet çemberi verilmiştir.

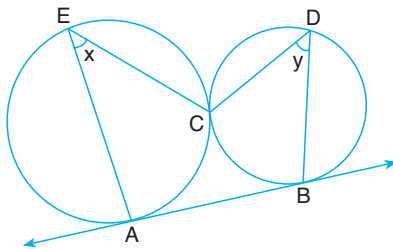
$m(\widehat{ABC}) = 50^\circ$ ,  $m(\widehat{ACB}) = 45^\circ$

Yukarıda verilenlere göre,  $m(\widehat{DKF}) = x$  kaç derecedir?

- A) 42,5 B) 45 C) 47,5 D) 50 E) 55

6.

A, B, C teğet değme noktalarıdır.

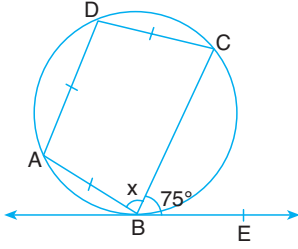


$m(\widehat{AEC}) = x^\circ$   
 $m(\widehat{CDB}) = y^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $x + y$  toplamı kaç derecedir?

- A) 90 B) 120 C) 135 D) 150 E) 180

7.

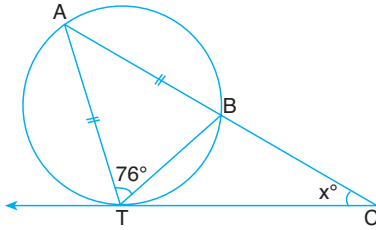


B teğet değme noktası  
 $|AB| = |AD| = |DC|$   
 $m(\widehat{CBE}) = 75^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ABC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 55 B) 60 C) 65 D) 70 E) 75

8. [CT, T noktasında çembere teğettir.

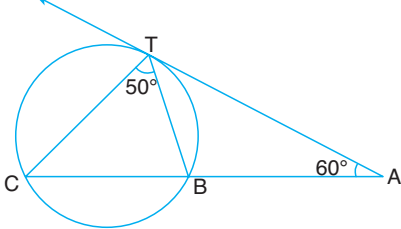


$|AT| = |BT|$   
 $m(\widehat{ATB}) = 76^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{TCB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 48 B) 50 C) 52 D) 54 E) 56

9. [AT çembere T noktasında teğettir.



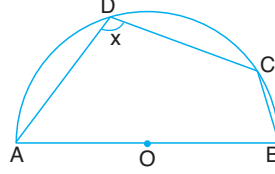
$m(\widehat{CTB}) = 50^\circ$   
 $m(\widehat{BAT}) = 60^\circ$

Yukarıdaki verilere göre, BTA açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 30 B) 35 C) 40 D) 45 E) 50

CAP

10.

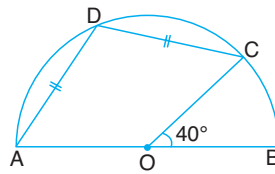


O merkez  
 $[AB]$  çap  
 $m(\widehat{BC}) = 30^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ADC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 95 B) 100 C) 105 D) 110 E) 115

11. O merkezli çemberde [AB] çaptır.

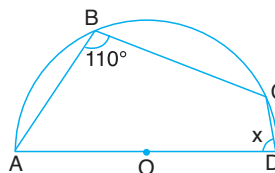


$|AD| = |DC|$   
 $m(\widehat{COB}) = 40^\circ$   
 $m(\widehat{AD}) = x^\circ$

Yukarıdaki verilere göre, x kaç derecedir?

- A) 70 B) 75 C) 80 D) 82 E) 85

12. O merkezli çemberde [AD] çaptır.



$[AD]$  çap  
 $m(\widehat{ABC}) = 110^\circ$

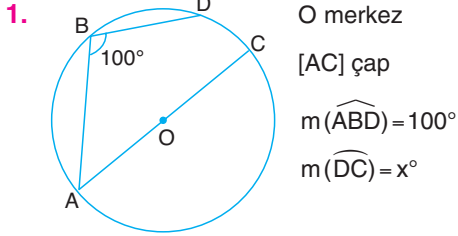
Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ODC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 65 B) 70 C) 75 D) 80 E) 85



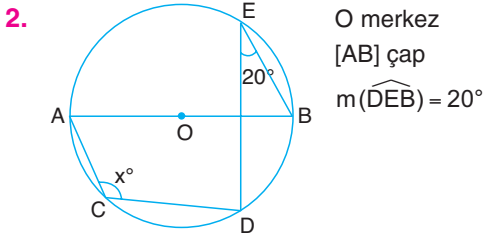
## AMATÖR

3



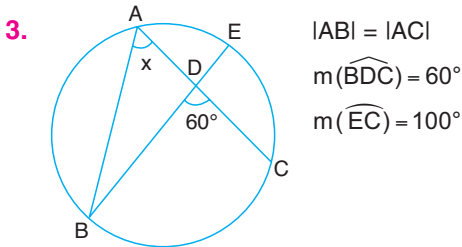
Yukarıdaki verilere göre,  $x$  kaç derecedir?

- A) 12 B) 15 C) 20 D) 25 E) 30



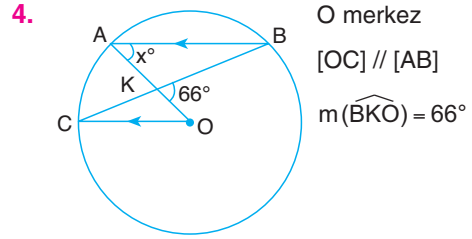
Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ACD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 90 B) 100 C) 110 D) 120 E) 130



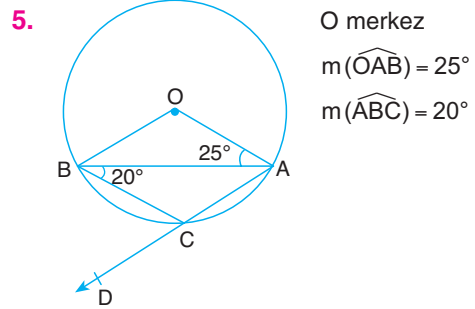
Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BAC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 25 B) 30 C) 35 D) 40 E) 60



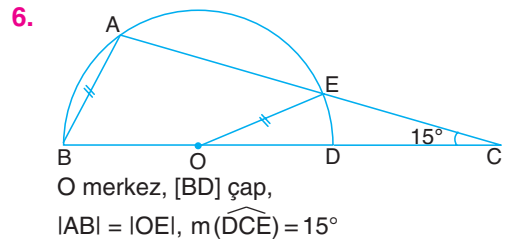
Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BAO}) = x$  kaç derecedir?

- A) 30 B) 33 C) 36 D) 40 E) 44



Yukarıdaki verilere göre,  $\angle BCD$  açısının ölçüsü kaç derecedir?

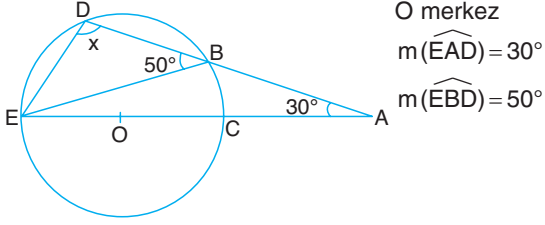
- A) 45 B) 50 C) 55 D) 60 E) 65



Yukarıdaki verilere göre,  $\angle EOD$  açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 10 B) 15 C) 20 D) 25 E) 30

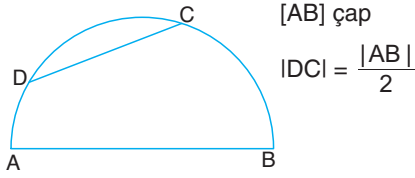
7.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{EDB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 100 B) 110 C) 115 D) 120 E) 130

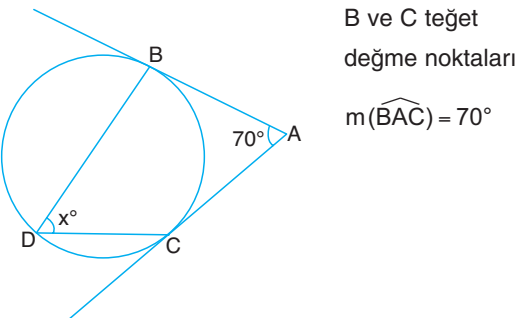
8.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{DC})$  kaç derecedir?

- A) 30 B) 45 C) 60 D) 75 E) 90

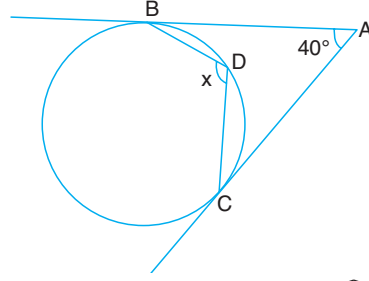
9.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BDC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 55 B) 60 C) 65 D) 70 E) 75

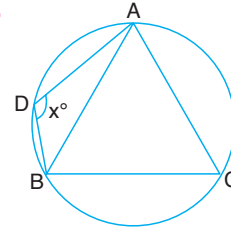
10. Şekilde B ve C teğet değme noktaları ve  $m(\widehat{BAC}) = 40^\circ$  dir.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BDC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 100 B) 110 C) 120 D) 130 E) 135

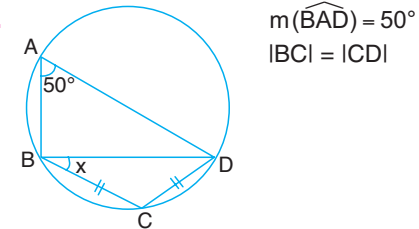
11.



ABC eşkenar üçgen olduğuna göre, ADB açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 90 B) 100 C) 110 D) 120 E) 135

12.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{CBD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 10 B) 20 C) 25 D) 30 E) 35

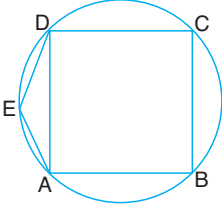
CΔP



## AMATÖR

4

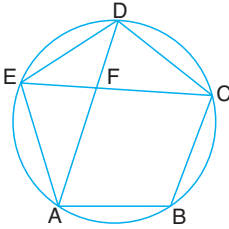
1.



ABCD kare olduğuna göre, DEA açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 120 B) 130 C) 135 D) 150 E) 160

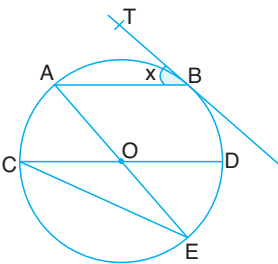
2.



ABCDE düzgün beşgen olduğuna göre, AFC açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 96 B) 108 C) 118 D) 120 E) 132

3.

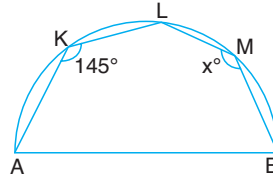


O merkez,  
B teğet değme noktası  
[AB] // [CD]  
 $m(\widehat{AEC}) = 20^\circ$

Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{ABT}) = x$  kaç derecedir?

- A) 40 B) 45 C) 50 D) 60 E) 70

4.

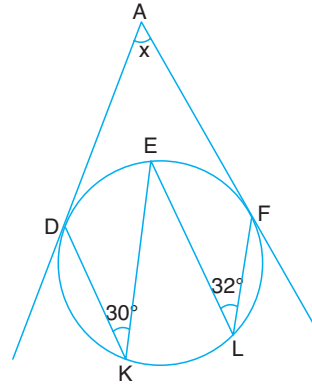


[AB] çap  
 $m(\widehat{AKL}) = 145^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{LMB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 125 B) 130 C) 135 D) 140 E) 150

5. Şekilde D ve F teğet değme noktalarıdır.

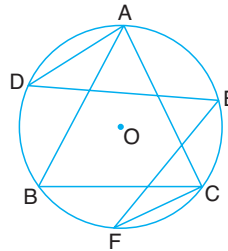


$m(\widehat{DKE}) = 30^\circ$   
 $m(\widehat{ELF}) = 32^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{DAF}) = x$  kaç derecedir?

- A) 48 B) 50 C) 52 D) 54 E) 56

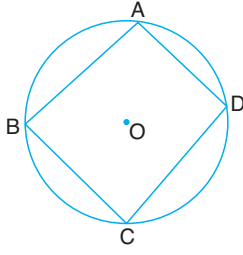
6. Şekilde ABC eşkenar üçgeninin çevrel çemberi çizilmiştir.



Buna göre,  $m(\widehat{ADE}) + m(\widehat{EFC})$  toplamı kaç derecedir?

- A) 120 B) 100 C) 90 D) 75 E) 60

7. Şekilde ABCD kirişler dörtgenidir.



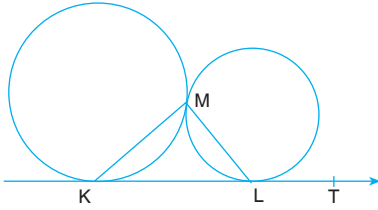
$$m(\widehat{A}) - m(\widehat{C}) = 30^\circ$$

$$m(\widehat{D}) - m(\widehat{B}) = 20^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{A}) + m(\widehat{B})$  toplamı kaç derecedir?

- A) 165 B) 175 C) 185 D) 195 E) 205

8. Şekilde [KT] çemberlere K ve L noktalarında teğettir.

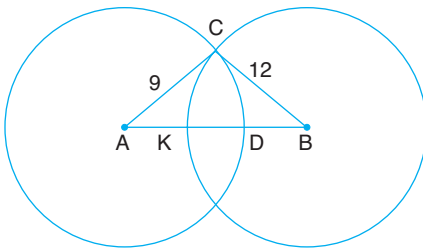


$$m(\widehat{TLM}) = 155^\circ$$

olduğuna göre,  $m(\widehat{MKL}) = x$  kaç derecedir?

- A) 65 B) 60 C) 55 D) 45 E) 40

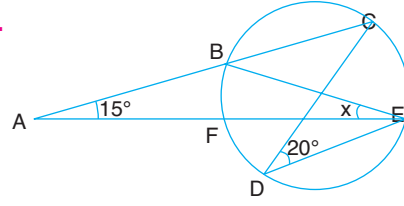
9. Yarıçapları 9 cm ve 12 cm olan iki çember C noktasında dik kesişmektedir.



Buna göre, [KD] kaç cm dir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

- 10.



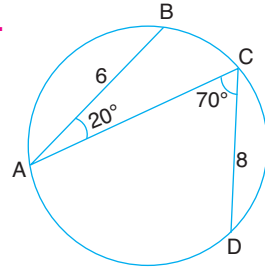
A, B, C ve A, F, E doğrusal

$$m(\widehat{CDE}) = 20^\circ \text{ ve } m(\widehat{CAE}) = 15^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BEA}) = x$  kaç derecedir?

- A) 5 B) 10 C) 115 D) 120 E) 25

- 11.



$$m(\widehat{BAC}) = 20^\circ$$

$$m(\widehat{ACD}) = 70^\circ$$

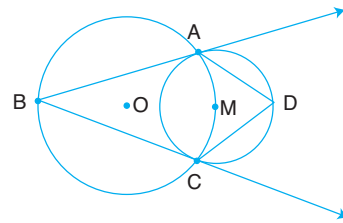
$$|AB| = 6 \text{ cm}$$

$$|CD| = 8 \text{ cm}$$

Yukarıdaki verilere göre çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 10

12. Şekilde O merkezli çember, M merkezli çemberin merkezinden geçmektedir.



[BC] ve [BA, M merkezli çembere teğettir.

$$m(\widehat{ADC}) = 80^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ABC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 10 B) 15 C) 20 D) 25 E) 30

ÇAP

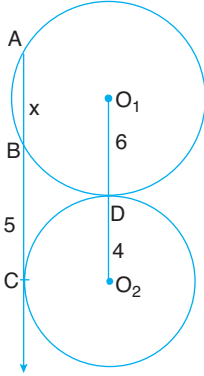
Bir işi yapabileceğinizi düşünseniz de yapamayacağınızı düşünseniz de haklısınız.  
(Henry Ford)



## AMATÖR

5

1.

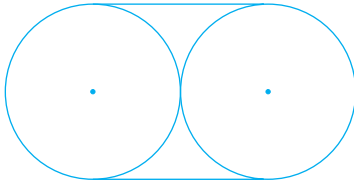


$O_1$  ve  $O_2$  merkez  
C ve D teğet değme noktaları  
 $IO_2DI = 4$  cm  
 $IO_1DI = 6$  cm  
 $IBC I = 5$  cm  
 $[AC] \parallel [O_1 O_2]$

Yukarıdaki verilere göre  $IBC I = x$  kaç cm dir?

- A) 8 B) 9 C) 9,5 D) 10 E) 10,5

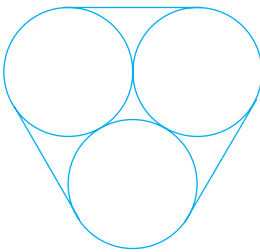
2.



Yarıçapları 3 m olan, birbirine teğet iki tekerleğin çevresine gerilen ipin uzunluğu kaç m dir?

- A)  $12 + 6\pi$  B)  $12 + 3\pi$  C)  $18 + 6\pi$   
D)  $18 + 3\pi$  E)  $18 + 12\pi$

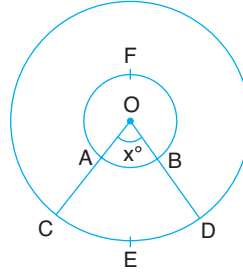
3.



Yarıçapları 4 cm olan, birbirine teğet üç çemberin etrafına gergin olarak sarılan ipin uzunluğu kaç cm dir?

- A)  $16 + 12\pi$  B)  $16 + 8\pi$  C)  $24 + 8\pi$   
D)  $24 + 6\pi$  E)  $24 + 4\pi$

4.



O merkezli iki çember çizilmiştir.

$$IOAI = IACI$$

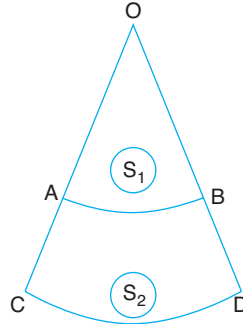
$$I\widehat{CED}I = \frac{I\widehat{BFA}I}{2}$$

$$m(\widehat{AOB}) = x^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre x kaç derecedir?

- A) 50 B) 60 C) 72 D) 90 E) 120

5.



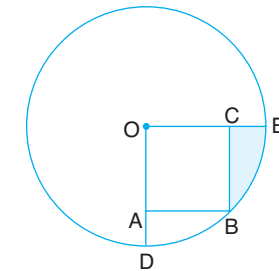
O merkezli daire dilimlerinde  $S_1$  ve  $S_2$  bulundukları bölgelerin alanlarını göstermek üzere,

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{4}{5} \text{ tir.}$$

AB yayının uzunluğu  $6\pi$  cm ise CD yayının uzunluğu kaç cm dir?

- A)  $8\pi$  B)  $9\pi$  C)  $16\pi$  D)  $25\pi$  E)  $36\pi$

6.



O merkez

ABCO kare

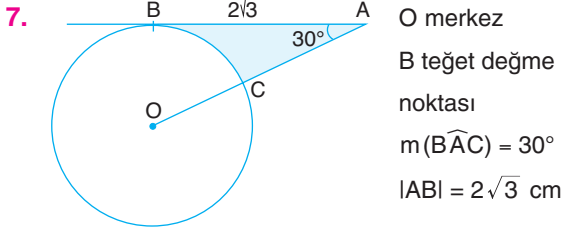
$$IOEI = 2\sqrt{2} \text{ cm}$$

Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $\pi - 1$  B)  $\pi - 2$  C)  $\pi$   
D)  $\pi + 1$  E)  $4 - \pi$

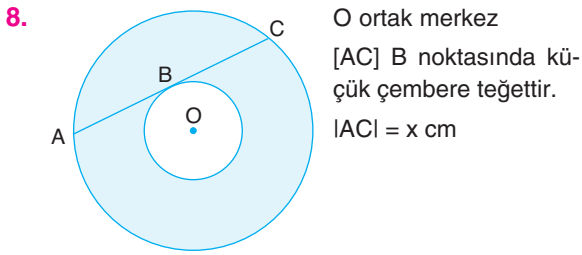
ÇAP





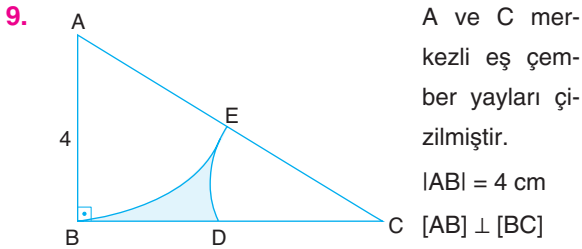
Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $6 - \frac{2\pi}{3}$  B)  $4 - \frac{2\pi}{3}$  C)  $2\sqrt{3} - \frac{2\pi}{3}$   
D)  $4\sqrt{3} - \frac{3\pi}{2}$  E)  $4\sqrt{3} - \pi$



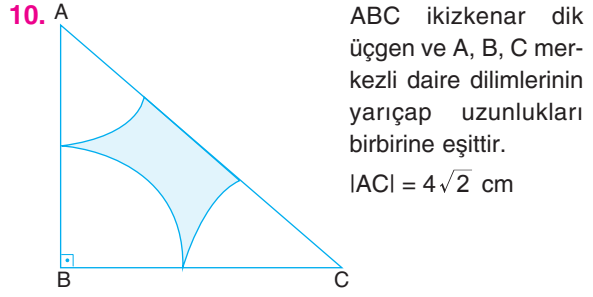
Yukarıdaki verilere göre, taralı daire halkasının alanının x türünden eşiti nedir?

- A)  $x^2\pi$  B)  $\frac{x^2}{2}\pi$  C)  $\frac{x^2}{4}\pi$   
D)  $x\pi$  E)  $\frac{x}{2}\pi$



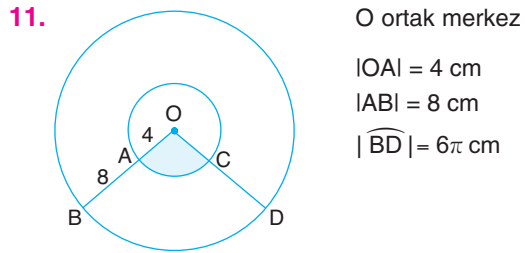
Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $4\sqrt{3} - 2\pi$  B)  $8\sqrt{3} - 4\pi$  C)  $8\sqrt{3} - 3\pi$   
D)  $6\sqrt{3} - \pi$  E)  $6\sqrt{3} - 2\pi$



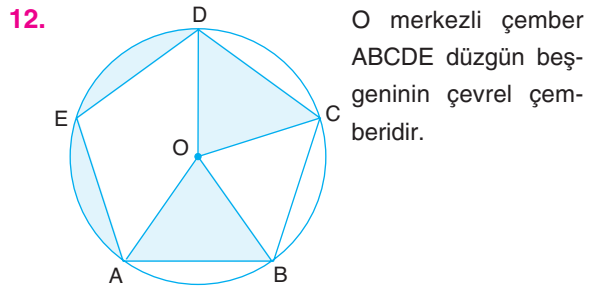
Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $8 - \pi$  B)  $8 - 2\pi$  C)  $16 - \pi$   
D)  $16 - 2\pi$  E)  $6 + \pi$



Yukarıdaki verilere göre, taralı daire diliminin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $2\pi$  B)  $3\pi$  C)  $4\pi$  D)  $6\pi$  E)  $8\pi$



Çemberin yarıçapı 6 cm olduğuna göre, taralı alanlar toplamı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $\frac{72\pi}{5}$  B)  $\frac{36\pi}{5}$  C)  $\frac{36\pi}{7}$   
D)  $\frac{72\pi}{7}$  E)  $12\pi$

ÇAP

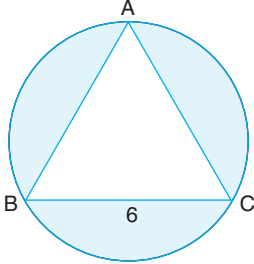
Çalışmaktan; bir cezadan, bir sıkıntıdan kaçır gibi kaçınmak, çok kötü bir harekettir. Çalışmak; ilk sıkıntılara ve isteksizliklere üstün gelindikten sonra, şiddetli bir zevktir. Çalışmayı ceza saymak, onun güzelliğini ve iyiliklerini tanımamak, tabiata karşı haksızlık olur.  
(Mustafa Kemal Atatürk)



## UZMAN

1

1.

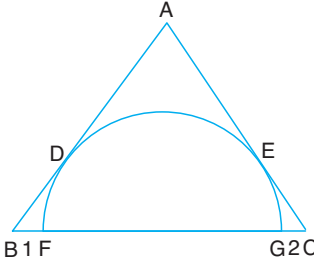


ABC eşkenar üçgen  
 $BC = 6$  cm

Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgelerin alanları toplamı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

- A)  $12\pi - 9\sqrt{3}$  B)  $12\pi - 6\sqrt{3}$   
C)  $18\pi - 9\sqrt{3}$  D)  $18\pi - 6\sqrt{3}$   
E)  $18\sqrt{3} - 6\pi$

2.

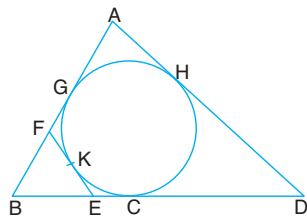


D ve E teğet  
değme noktaları,  
[FG] yarım çem-  
berin çapı  
 $3|AB| = 2|AC|$   
 $|BF| = 1$  cm  
 $|FC| = 2$  cm

Yukarıdaki verilere göre yarım çemberin çapı kaç cm dir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

3.

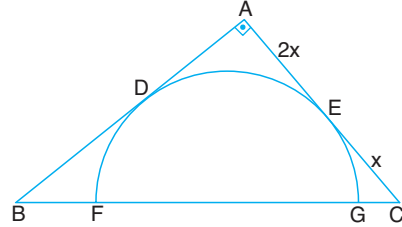


FEDA teğetler  
dörtgeni  
 $|BF| + |FK| = 6$  cm  
 $|AD| = 10$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $\widehat{ABD}$  kaç cm dir?

- A) 32 B) 36 C) 40 D) 44 E) 48

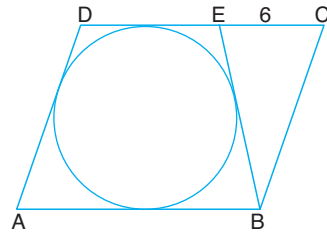
4. Şekilde [FG] çap, D ve E teğet değme noktalarıdır.



$[AB] \perp [AC]$  ve  $|AE| = 2|EC| = 2x$  olduğuna göre,  $|AB|$  nin  $x$  türünden eşiti aşağıdakilerden hangisidir?

- A)  $3x$  B)  $4x$  C)  $6x$  D)  $8x$  E)  $9x$

5.

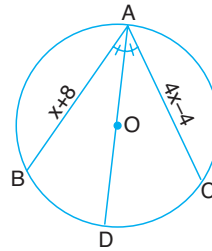


ABCD paralelke-  
nar ABED teğet-  
ler dörtgeni  
 $|EC| = 6$  cm  
 $|DE| = 8$  cm

Yukarıdaki verilere göre  $\widehat{EBC}$  kaç cm dir?

- A) 28 B) 24 C) 20 D) 18 E) 14

6.

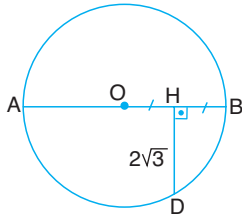


O çemberin merkezi  
 $m(\widehat{BAD}) = m(\widehat{DAC})$   
 $|AB| = (x + 8)$  cm  
 $|AC| = (4x - 4)$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $x$  kaçtır?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

7.

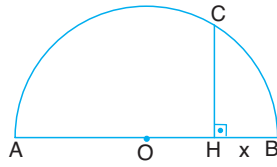


O çemberin merkezi  
 $|OH| = |HB|$   
 $|HD| = 2\sqrt{3}$  cm

Yukarıdaki verilere göre, çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

8.

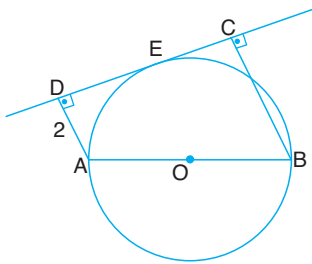


O çemberin merkezi  
 $m(\widehat{BC}) = 60^\circ$   
 $|AB| = 12$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $|HB| = x$  kaç cm dir?

- A) 1 B) 2 C) 3 D) 4 E) 5

9.

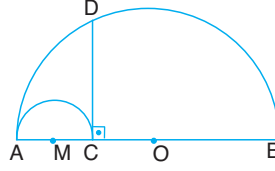


$[AB]$  çap  
 E teğet değme noktası  
 $[AD] \perp [DC]$   
 $[BC] \perp [DC]$   
 $|AD| = 2$  cm  
 $|BC| = 6$  cm

Yukarıdaki verilere göre, çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 3 B) 4 C) 4,5 D) 5 E) 5,5

10.

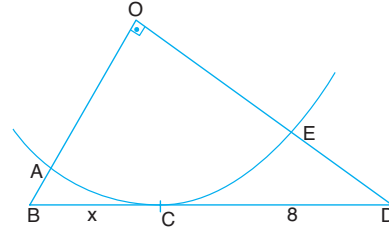


Şekilde  $[AC]$  ve  $[AB]$  çaplı yarım çemberlerin merkezleri sırasıyla M ve O noktalarıdır.

$|DC| = 4$  cm,  $|MO| = 4$  cm ve  $[DC] \perp [AB]$  olduğuna göre, O merkezli çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 4,5 B) 5 C) 5,5 D) 6 E) 6,5

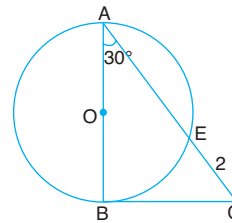
11. O merkezli çemberde, C teğet değme noktasıdır.



$\frac{|OE|}{|ED|} = \frac{3}{2}$   
 $|CD| = 8$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $|BC| = x$  kaç cm dir?

- A) 3 B) 3,5 C) 4 D) 4,5 E) 5

12. Şekilde O merkezli çember  $[CB]$  ye B noktasında teğettir.

$|EC| = 2$  cm  
 $m(\widehat{OAE}) = 30^\circ$

Yukarıdaki verilere göre, çemberin yarıçapı kaç cm dir?

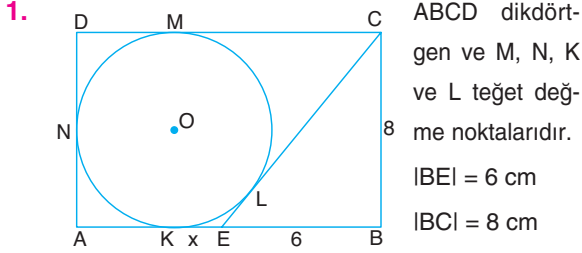
- A) 2 B)  $2\sqrt{2}$  C)  $2\sqrt{3}$  D) 3 E) 6

Bir şeyi gerçekten yapmak isteyen bir yol bulur; istemeyen mazeret bulur.  
(E. C. McKenzie)



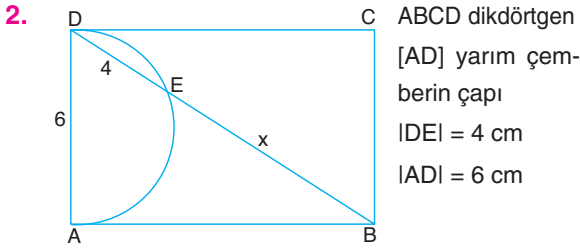
## UZMAN

2



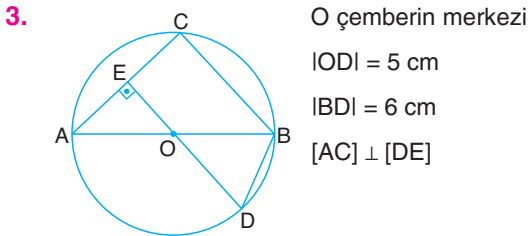
Yukarıdaki verilere göre,  $|KE| = x$  kaç cm dir?

- A) 1 B) 1,5 C) 2 D) 2,5 E) 3



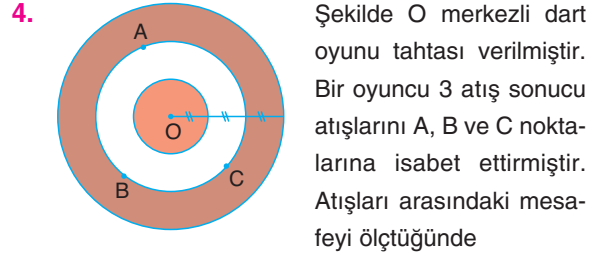
Yukarıdaki verilere göre  $|BE| = x$  kaç cm dir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 8 E) 9



Yukarıdaki verilere göre,  $A(\widehat{AEO})$  kaç  $cm^2$  dir?

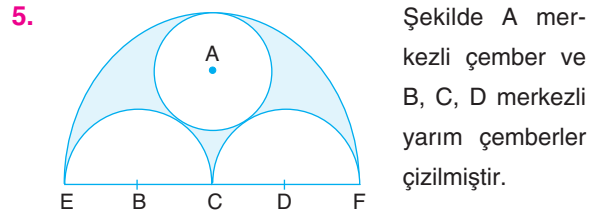
- A)  $\frac{84}{25}$  B)  $\frac{17}{5}$  C) 3 D)  $\frac{5}{2}$  E) 2



$|AB| = |BC| = 10$  cm ve  $|AC| = 12$  cm olarak buluyor.

Buna göre dart tahtasının yarıçapı kaçtır?

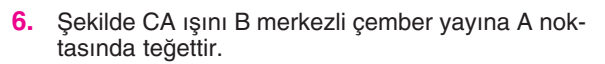
- A)  $\frac{25}{4}$  B)  $\frac{25}{8}$  C)  $\frac{50}{3}$  D)  $\frac{75}{4}$  E)  $\frac{75}{8}$



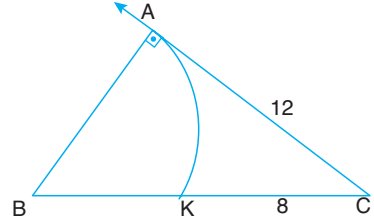
$|EF| = 12$  cm

Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgenin alanı kaç  $cm^2$  dir?

- A)  $3\pi$  B)  $4\pi$  C)  $5\pi$  D)  $6\pi$  E)  $7\pi$



$|KC| = 8$  cm  
 $|AC| = 12$  cm

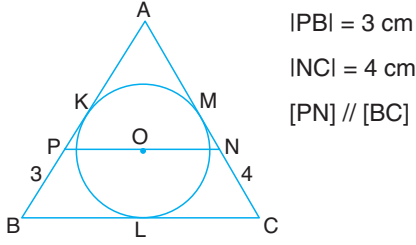


Yukarıdaki verilere göre,  $A(\widehat{ABC})$  kaç  $cm^2$  dir?

- A) 24 B) 30 C) 32 D) 36 E) 40

CAP

7. ABC üçgeninin O merkezli iç teğet çemberi verilmiştir.

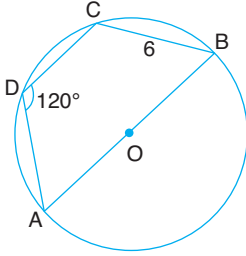


$IPBI = 3 \text{ cm}$   
 $INCI = 4 \text{ cm}$   
 $[PN] \parallel [BC]$

Yukarıdaki verilere göre,  $IPNI$  kaç cm dir?

- A) 5 B) 6 C) 7 D) 8 E) 9

8.

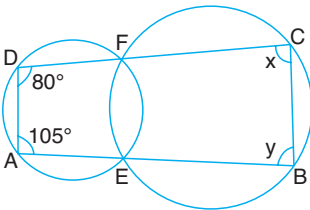


O merkez  
 $m(\widehat{ADC}) = 120^\circ$   
 $IBCI = 6 \text{ cm}$

Yukarıdaki verilere göre, çemberin yarıçap uzunluğu kaç cm dir?

- A) 4 B) 6 C) 8 D) 10 E) 12

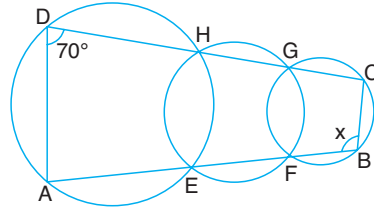
9. Şekildeki çemberler E ve F noktalarında kesişiyorlar.



$m(\widehat{ADC}) = 80^\circ$ ,  $m(\widehat{DAB}) = 105^\circ$ ,  $m(\widehat{DCB}) = x$  ve  $m(\widehat{ABC}) = y$  olduğuna göre,  $x + y$  toplamı kaç derecedir?

- A) 185 B) 180 C) 175 D) 170 E) 150

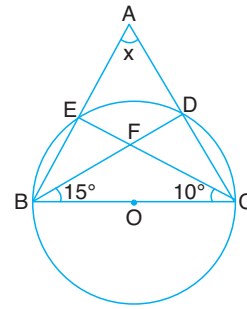
10.



Şekilde  $m(\widehat{ADC}) = 70^\circ$  olduğuna göre,  $m(\widehat{ABC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 120 B) 110 C) 100 D) 90 E) 70

11.

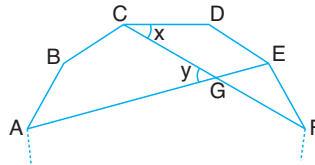


O çemberin merkezi  
 $m(\widehat{DBC}) = 15^\circ$   
 $m(\widehat{BCE}) = 10^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BAC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 15 B) 20 C) 25 D) 30 E) 35

12.



Şekilde ...ABCDE... düzgün bir otuzaltıgenin köşeleri olduğuna göre,  $x + y$  toplamı kaç derecedir?

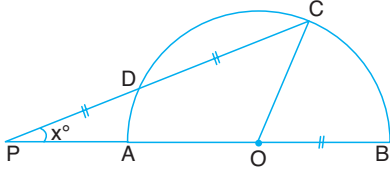
- A) 30 B) 25 C) 20 D) 15 E) 10



## UZMAN

3

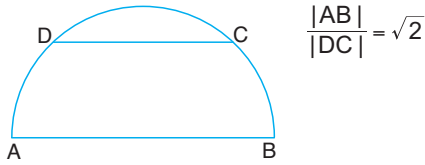
1. Şekildeki O merkezli yarım çemberde,  
 $IPDI = IDC = IOBI$  dir.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{CPB}) = x$  açısının ölçüsü kaç derecedir?

- A) 15 B) 20 C) 25 D) 30 E) 35

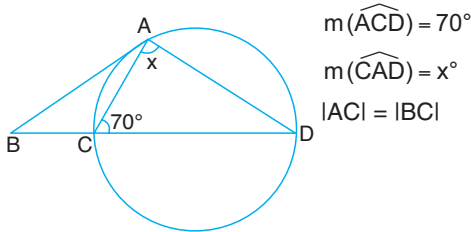
2.  $[AB]$  çaplı yarım çember çizilmiştir.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{DC})$  kaç derecedir?

- A) 30 B) 45 C) 60 D) 75 E) 90

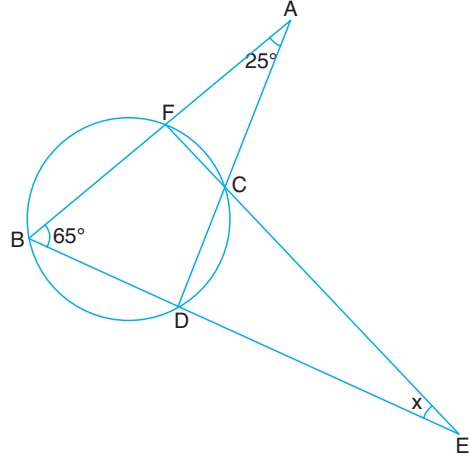
3. Şekilde  $[AB]$ , A noktasında çembere teğettir.



Yukarıdaki verilere göre,  $x$  kaç derecedir?

- A) 65 B) 70 C) 75 D) 80 E) 85

4. Şekilde A, C, D ve F, C, E doğrusal noktalardır.



$m(\widehat{ABD}) = 65^\circ$ ,  $m(\widehat{BAD}) = 25^\circ$  olduğuna göre,  $m(\widehat{DEC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 15 B) 20 C) 25 D) 30 E) 35

5. O merkezli çemberin yarıçap uzunluğu  $r$  cm dir. Çemberin bir  $[AB]$  kirişinin uzunluğu,  $|AB| = r\sqrt{3}$  cm olduğuna göre,  $m(\widehat{AB})$  kaç derecedir?

- A) 60 B) 75 C) 90 D) 120 E) 150

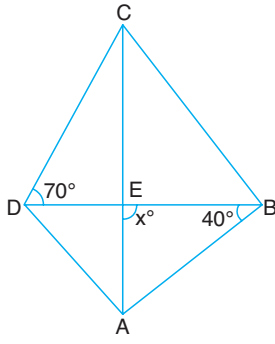
6. Kısa kenarı 4 cm, uzun kenarı 8 cm olan dikdörtgen şeklindeki bir kağıt uzun kenarları çakışacak şekilde katlanıyor ve oluşan yeni dikdörtgenin köşelerinden 1 cm yarıçapında çeyrek çemberler kesiliyor.

Kağıt açıldığında oluşan şeklin çevresi kaç cm dir?

- A)  $\pi + 8$  B)  $\pi + 12$  C)  $2\pi + 4$   
D)  $4\pi + 8$  E)  $4\pi + 12$

ÇAP

7. Şekilde ABCD kirişler dörtgenidir.



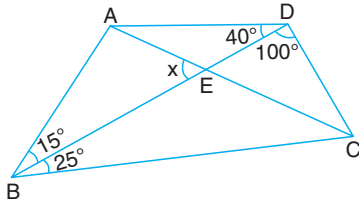
$$m(\widehat{CDB}) = 70^\circ$$

$$m(\widehat{ABD}) = 40^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{AEB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 50 B) 55 C) 60 D) 65 E) 70

8.



$$m(\widehat{ABD}) = 15^\circ$$

$$m(\widehat{DBC}) = 25^\circ$$

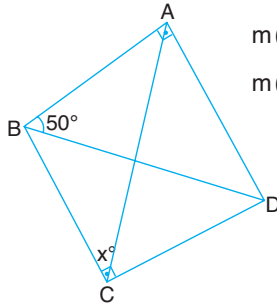
$$m(\widehat{BDA}) = 40^\circ$$

$$m(\widehat{CDB}) = 100^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{AEB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 65 B) 70 C) 75 D) 80 E) 85

9.



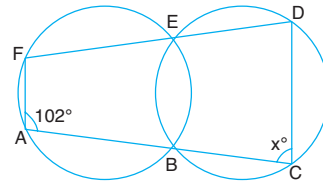
$$m(\widehat{BAD}) = m(\widehat{BCD}) = 90^\circ$$

$$m(\widehat{ABD}) = 50^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BCA}) = x$  kaç derecedir?

- A) 30 B) 40 C) 50 D) 55 E) 60

10. Şekilde A, B, C ve F, E, D doğrusaldır.

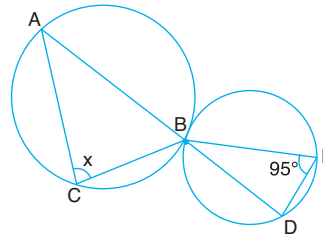


$$m(\widehat{FAC}) = 102^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ACD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 78 B) 82 C) 98 D) 100 E) 102

11. Şekilde verilen iki çember B noktasında birbirine teğettir. A, B, D noktaları doğrusaldır.

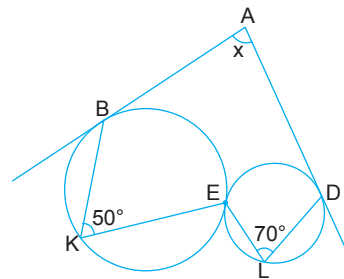


$$m(\widehat{BED}) = 95^\circ$$

Buna göre,  $m(\widehat{ACB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 75 B) 85 C) 95 D) 105 E) 115

12. Şekilde B ve D teğet değme noktalarıdır. Çemberler birbirine E noktasında teğettir.



$$m(\widehat{BKE}) = 50^\circ$$

$$m(\widehat{ELD}) = 70^\circ$$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BAD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 100 B) 105 C) 110 D) 120 E) 130

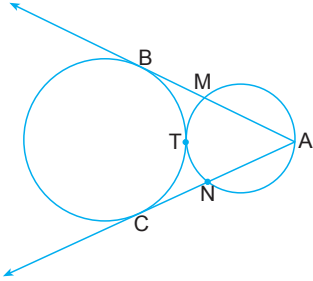
CAP



## UZMAN

4

1.

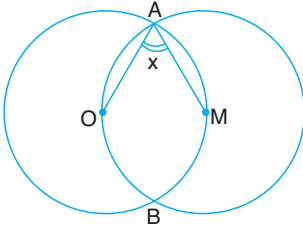


[AB ve [AC çembere teğet  
 $m(\widehat{MTN}) = 82^\circ$

**Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{BTC})$  kaç derecedir?**

- A) 118 B) 108 C) 120 D) 139 E) 141

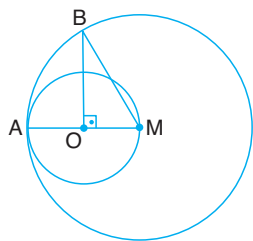
2. Şekildeki O ve M merkezli çemberler A ve B noktalarında kesişmektedir.



**Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{MAO}) = x$  kaç derecedir?**

- A) 30 B) 40 C) 45 D) 60 E) 75

3. Şekildeki O ve M merkezli çemberler A noktasında birbirine içten teğettir

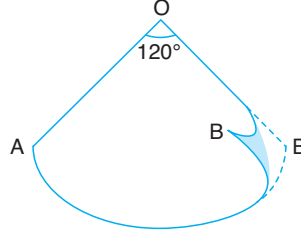


$m(\widehat{BOM}) = 90^\circ$

**Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{OBM})$  kaç derecedir?**

- A) 15 B) 30 C) 40 D) 45 E) 60

4.



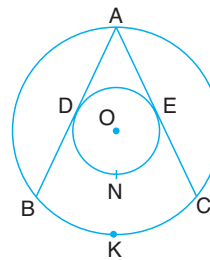
Şekilde merkez açısı  $120^\circ$  olan 4 cm yarıçapında bir daire dilimi verilmiştir.

B noktası O noktası ile çıkışacak şekilde şeklin diğer tarafı üzerine katlanıyor ve yapıştırılıyor.

**Son durumda oluşan şeklin alanı kaçtır?**

- A)  $\frac{8\pi}{3}$  B)  $\sqrt{3} + \frac{\pi}{6}$  C)  $2\sqrt{3} + \frac{8\pi}{3}$   
D)  $3\sqrt{3} + \frac{5\pi}{2}$  E)  $\frac{16\pi}{3}$

5.



O ortak merkez

D ve E teğet değme noktaları

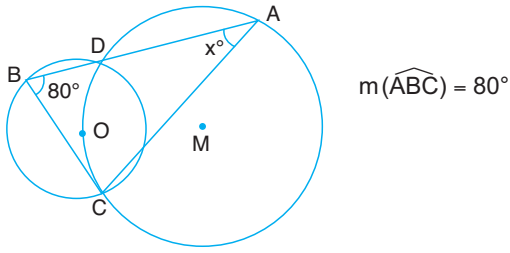
$m(\widehat{DNE}) = 250^\circ$

**Yukarıdaki verilere göre  $m(\widehat{BKC})$  kaç derecedir?**

- A) 120 B) 130 C) 135 D) 140 E) 150



6.  $[BC, M$  merkezli çembere  $C$  noktasında teğettir.



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BAC}) = x$  kaç derecedir?

- A) 10 B) 15 C) 20 D) 25 E) 30

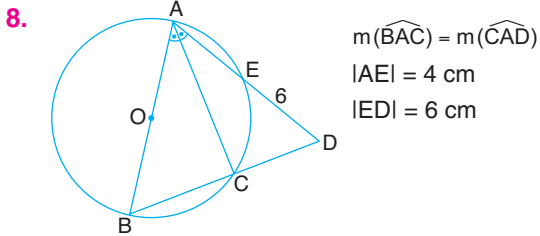
7. 1. Adım: Düzlemde kırmızı kalemle kısa kenarı 4 cm ve uzun kenarı 12 cm olan bir ABCD dikdörtgeni çizelim.

2. Adım: Pergeli 4 cm açıp merkezi A noktası olan bir daireyi mavi kalemle çizelim.

3. Adım: Pergeli 8 cm açıp merkezi B olan bir daireyi yeşil kalem ile çizelim.

Kırmızı, mavi ve yeşil ile sınırlanan kapalı bölgenin alanı kaç  $\text{cm}^2$  dir?

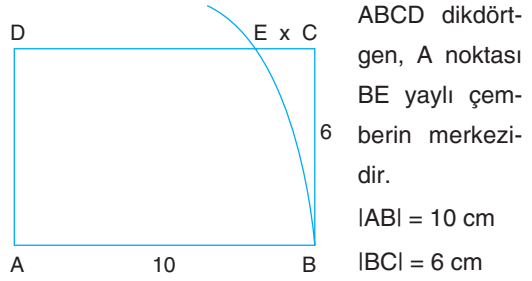
- A)  $48 - 8\sqrt{3} - \frac{\pi}{3}$  B)  $48 - \frac{5\pi}{6}$   
C)  $48 - 8\sqrt{3} - \frac{16\pi}{3}$  D)  $48 - 8\sqrt{3} - \frac{28\pi}{3}$   
E)  $48 - \frac{29\pi}{6}$



Yukarıdaki verilere göre O merkezli çemberin yarıçapı kaç cm dir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

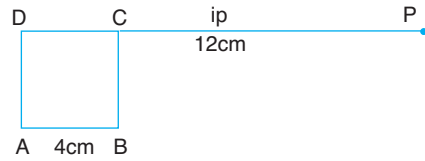
- 9.



Yukarıdaki verilere göre,  $|EC| = x$  kaç cm dir?

- A) 1 B) 1,5 C) 2 D) 2,5 E) 3

- 10.



ABCD karesinin C köşesine bağlanan 12 cm uzunluğundaki gergin ip ok yönünde karenin etrafına sarılıyor.

P noktasının aldığı yol kaç  $\pi$  cm dir?

- A) 8 B) 10 C) 11 D) 12 E) 15

- 11.

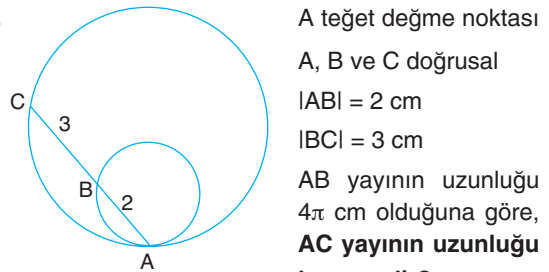


Yarıçapı 2 cm olan para A noktasından B noktasına kadar döndürülüyor.

Buna göre, para kaç tur atmıştır?

- A) 6 B) 7 C) 8 D) 9 E) 12

- 12.



A teğet değme noktası

A, B ve C doğrusal

$|AB| = 2$  cm

$|BC| = 3$  cm

AB yayının uzunluğu  $4\pi$  cm olduğuna göre, AC yayının uzunluğu kaç cm dir?

- A)  $6\pi$  B)  $8\pi$  C)  $9\pi$  D)  $10\pi$  E)  $16\pi$

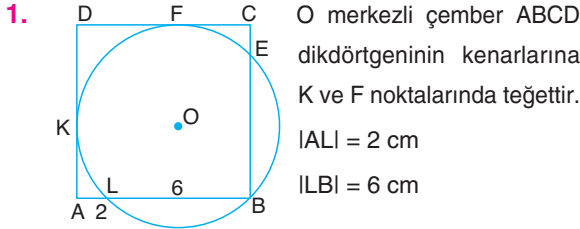
CAP

Kazananlar yaptıkları işi seyrederken keyif almaya zaman ayırırlar.  
Çünkü dağın zirvesinden baktıkları manzarayı o kadar heyecan verici  
yapanın dağın yüksekliği olduğunu bilirler.  
(Denis Waitley)



## ŞAMPİYON

1



Yukarıdaki verilere göre,  $IALI$  kaç cm dir?

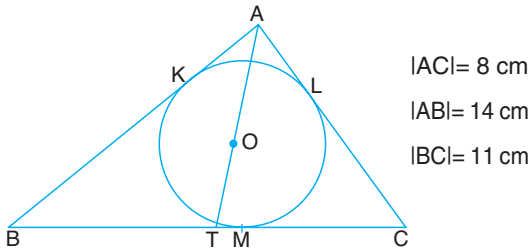
- A) 7 B) 7,5 C) 8 D) 8,5 E) 9

2. Bir fabrikada programlanan kesme makinası kendi bandına gelen 4 cm yarıçapındaki yarım daire şeklinde metal levhayı, alt tabanı yarım dairenin çapı ve yüksekliği 2 cm olan ikizkenar yamuklar olacak şekilde kesiyor.

Buna göre, kalan parçaların alanları toplamı kaçtır?

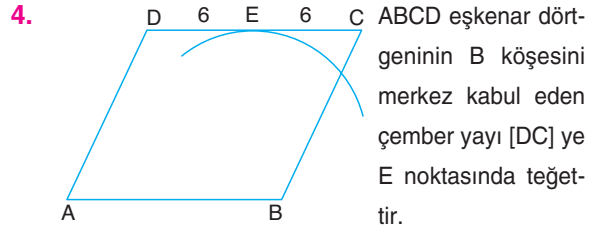
- A)  $8\pi - 8 - 4\sqrt{3}$  B)  $8\pi - 8 + \sqrt{3}$   
C)  $4\pi - 4 + 2\sqrt{3}$  D)  $4\pi - 8 - \sqrt{3}$   
E)  $4\pi + 4 - 2\sqrt{3}$

3. ABC üçgeninin iç teğet çemberinin merkezi O noktasıdır.



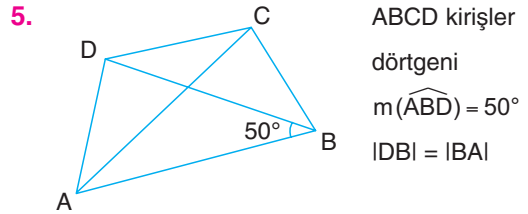
Yukarıdaki verilere göre,  $ITMI$  kaç cm dir?

- A) 1 B) 1,5 C) 2 D) 2,5 E) 3



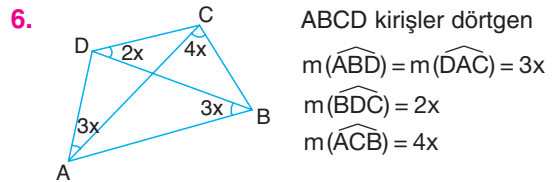
$IDEI = IECI = 6$  cm olduğuna göre,  $A(ABCD)$  kaç  $cm^2$  dir?

- A) 36 B)  $36\sqrt{3}$  C) 48 D) 72 E)  $72\sqrt{3}$



Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{BCD})$  kaç derecedir?

- A) 140 B) 130 C) 125 D) 120 E) 115

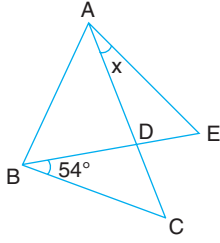


Yukarıdaki verilere göre, x kaç derecedir?

- A) 10 B) 12 C) 15 D) 20 E) 24

ÇAP

7.

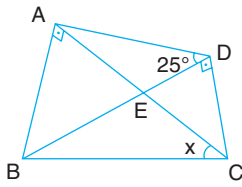


A, D, C doğrusal  
B, D, E doğrusal  
 $|AB| = |BE| = |BC|$   
 $m(\widehat{CBE}) = 54^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{CAE}) = x$  kaç derecedir?

- A) 72 B) 54 C) 27 D) 18 E) 9

8.

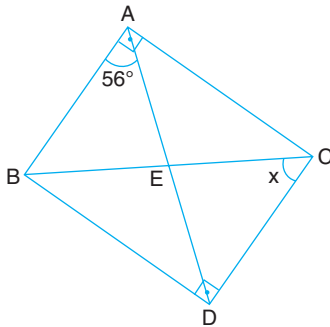


$[AB] \perp [AC]$   
 $[BD] \perp [CD]$   
 $m(\widehat{ADB}) = 25^\circ$

Yukarıdaki verilere göre,  $m(\widehat{ACB}) = x$  kaç derecedir?

- A) 25 B) 30 C) 35 D) 45 E) 50

9.

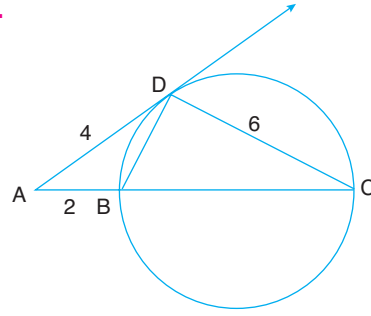


$[BC] \cap [AD] = \{E\}$   
 $[AB] \perp [AC]$   
 $[BD] \perp [CD]$   
 $m(\widehat{BAD}) = 56^\circ$

Yukarıda verilenlere göre,  $m(\widehat{BCD}) = x$  kaç derecedir?

- A) 72 B) 64 C) 56 D) 44 E) 28

10.

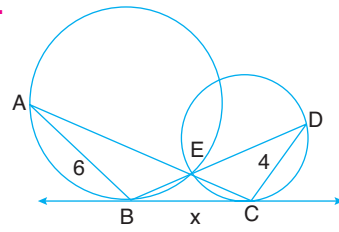


D teğet değ-  
me noktası  
 $|AB| = 2$  cm  
 $|AD| = 4$  cm  
 $|CD| = 6$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $\widehat{DAB}$  kaç cm dir?

- A) 6 B) 7 C) 8 D) 9 E) 10

11.

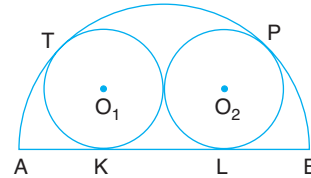


BC çemberlere  
B ve C noktala-  
rında teğet,  
A, E, C ve  
B, E, D  
doğrusal  
 $|AB| = 6$  cm  
 $|DC| = 4$  cm

Yukarıdaki verilere göre,  $|BC| = x$  kaç cm dir?

- A)  $2\sqrt{3}$  B)  $\sqrt{13}$  C)  $2\sqrt{5}$  D)  $2\sqrt{6}$  E) 12

12. Yarıçapları 1 cm olan  $O_1$  ve  $O_2$  merkezli çemberler  $[AB]$  ye K ve L noktalarında,  $[AB]$  çaplı yarı çembere T ve P noktalarında teğettir.



Yukarıdaki verilere göre,  $|AB|$  kaç cm dir?

- A)  $2\sqrt{2} + 2$  B)  $2\sqrt{2} + 1$  C) 4  
D)  $2\sqrt{3} + 1$  E)  $\sqrt{2} + 1$

ÇAP

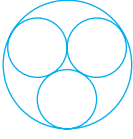
Zorlukları karşılamamanın iki yolu vardır; ya zorlukları değiştirirsiniz ya da zorlukları çözmek için kendinizi.  
(Phyllis Bottome)



## ŞAMPİYON

2

1.

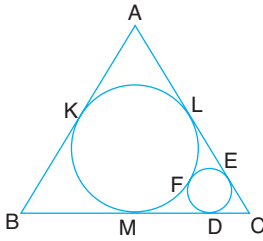


Yarıçapları 3 cm olan üç eş çember birbirine dıştan teğet, büyük çembere içten teğettir.

**Buna göre, büyük çemberin yarıçap uzunluğu kaç cm dir?**

- A)  $2 + \sqrt{3}$  B)  $2\sqrt{3} + 2$  C)  $2\sqrt{3} + 3$   
D)  $\sqrt{3} + 6$  E)  $2\sqrt{3} + 6$

2.

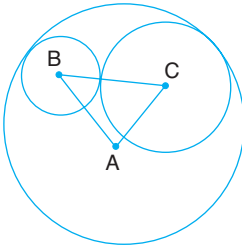


ABC eşkenar üçgen  
K, L, M, F, E ve D  
teğet değme noktaları

**Yukarıdaki verilere göre, büyük çemberin yarıçapının küçük çemberin yarıçapına oranı kaçtır?**

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 5 E) 6

3.



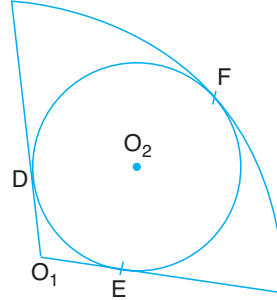
A, B ve C merkezli çemberlerden B ve C merkezli olanlar birbirlerine dıştan teğet, A merkezli çembere ise içten teğettir.

**ABC üçgeninin çevresi 18 cm olduğuna göre, A merkezli çem-**

**berin yarıçap uzunluğu kaç cm dir?**

- A) 6 B) 8 C) 9 D) 10 E) 12

4.



$O_1$  merkezli daire diliminin içine  $O_2$  merkezli çember çizilmiştir.

D, E ve F teğet değme noktalarıdır.

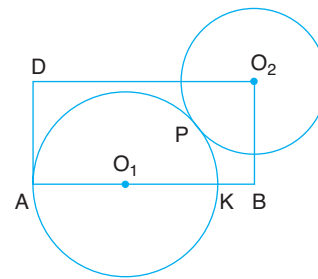
$m(\widehat{DO_1E}) = 120^\circ$

**Yukarıdaki verilere göre, büyük çemberin yarıçapının küçük çemberin yarıçapına oranı kaçtır?**

- A)  $\sqrt{3}$  B)  $\frac{2\sqrt{3}+1}{2}$  C)  $\frac{3+2\sqrt{3}}{3}$   
D)  $\frac{3-\sqrt{3}}{3}$  E)  $\frac{\sqrt{3}+4}{2}$

5.

ABO<sub>2</sub>D dikdörtgen,  $O_1$  ve  $O_2$  merkezli çemberler P noktasında teğettir.



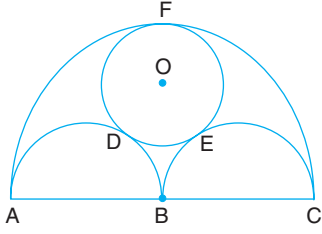
$AB = 14$  cm

$AD = 10$  cm

**$O_2$  merkezli çemberin yarıçapı 6 cm olduğuna göre, KB kaç cm dir?**

- A)  $\frac{1}{2}$  B) 1 C)  $\frac{3}{2}$  D) 2 E)  $\frac{5}{2}$

6.



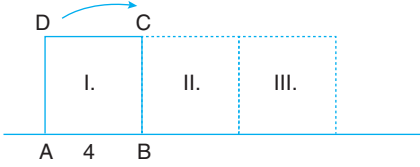
[AB], [BC] ve B merkezli [AC] çaplı yarım çemberler çizilmiştir.  $|AC| = 24$  cm

D, E, B ve F teğet değme noktalarıdır.

**Yukarıdaki verilere göre, O merkezli çemberin yarıçap uzunluğu kaç cm dir?**

- A)  $\frac{13}{2}$  B) 4 C)  $\frac{9}{2}$  D)  $\frac{9}{4}$  E)  $\frac{7}{2}$

7.

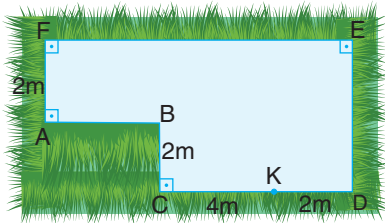


ABCD karesi şekildeki yönde kaymadan döndürülerek III. konumda durduruluyor.

**Buna göre A noktasının aldığı yol kaç  $\pi$  cm dir?**

- A) 2 B)  $4\sqrt{2}$  C)  $2+2\sqrt{2}$   
D)  $6\sqrt{2}$  E) 8

8.



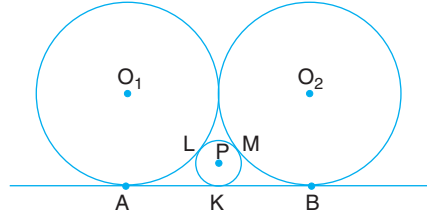
Şekildeki çokgen ile sınırlı havuzun dışındaki bölgenin tamamı çimdir.

**K noktasına 6 metrelik bir ipile bağlanan koyunun otlayabileceği en geniş alan kaç  $\pi$  m<sup>2</sup> dir?**

- A) 18 B) 19 C) 21 D) 23 E) 28

9.

$O_1$  ve  $O_2$  merkezli iki eş çember ile ikisine L ve M noktalarında, AB doğrusuna K noktasında teğet olan P merkezli çember çizilmiştir.

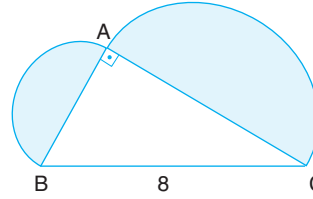


$|AB| = 16$  cm

**Yukarıdaki verilere göre, P merkezli dairenin alanı kaç cm<sup>2</sup> dir?**

- A)  $\pi$  B)  $2\pi$  C)  $3\pi$  D)  $4\pi$  E)  $6\pi$

10.

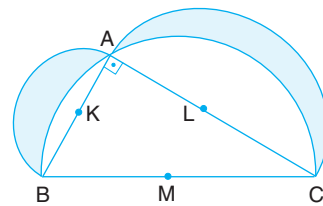


ABC dik üçgen  
[AB] ve [AC] yarım çemberlerin çapları  
 $|BC| = 8$  cm

**Yukarıdaki verilere göre, taralı alanlar toplamı kaç cm<sup>2</sup> dir?**

- A)  $4\pi$  B)  $6\pi$  C)  $8\pi$  D)  $12\pi$  E)  $16\pi$

11. ABC dik üçgeni ile K, L merkezli yarım çemberler çizilmiştir.



$A(\widehat{ABC}) = 16$  cm<sup>2</sup>

**Yukarıdaki verilere göre, taralı bölgelerin alanları toplamı kaç cm<sup>2</sup> dir?**

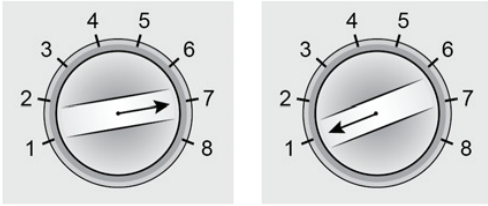
- A) 8 B) 16 C)  $4\pi + 8$   
D)  $8 - \pi$  E)  $2\pi + 4$

CΔP



## ÇIKMIŞ SORULAR

1. 8 programlı bir çamaşır makinesinin dairesel bir butonu etrafına sabitlenmiş 8 çizgi şeklindeki gibi 1'den 8'e kadar numaralandırılmıştır. Numaraları ardışık sayılar olan her iki çizgi arasındaki mesafe eşit olup buton döndürüldüğünde üzerindeki ok hangi çizgiyi gösteriyorsa o çizgiye ait program seçilmiş oluyor.



7 numaralı program seçiliyken buton saat yönünde  $150^\circ$  döndürüldüğünde 1 numaralı program seçilmiş oluyor.

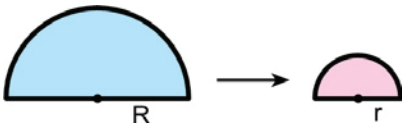
**Buna göre, 1 numaralı program seçiliyken buton saat yönünde  $140^\circ$  döndürüldüğünde kaç numaralı program seçilmiş olur?**

- A) 3    B) 4    C) 5    D) 6    E) 7

2019 / TYT

2. Yarıçapı  $r$  olan bir çemberin çevresi  $\Ç = 2\pi r$ , yarıçapı  $r$  olan bir dairenin alanı ise  $A = \pi r^2$  formülü ile hesaplanır.

Şekilde;  $R$  yarıçaplı bir yarım daireyi tam olarak bir kez çevreleyen ip açılarak üç eş parçaya bölünüyor. Bu eş parçalardan biri, yarıçapı  $r$  olan yarım daireyi tam olarak bir kez çevreliyor.



**Buna göre,  $R$  yarıçaplı yarım dairenin alanının  $r$  yarıçaplı yarım dairenin alanına oranı kaçtır?**

- A) 3    B) 4    C) 6    D) 8    E) 9

2019 / TYT

3. Düzlemde bir ABC dik üçgeninin köşe noktalarını merkez kabul eden ve birbirini kesmeyen  $r$  yarıçaplı üç daire oluşturuluyor. Üçgenin kenarları üzerinde olup bu dairelerin içinde kalmayan parçaların uzunlukları 2 birim, 3 birim ve 5 birim olarak veriliyor.

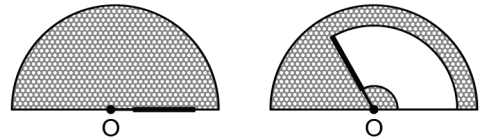
**Buna göre, dairelerin içinde olup üçgenin dışında kalan bölgelerin alanları toplamı kaç birimkaredir?**

- A)  $6\pi$     B)  $8\pi$     C)  $9\pi$   
D)  $\frac{9\pi}{2}$     E)  $\frac{15\pi}{2}$

2019 / AYT

4. Yarıçapı  $r$  olan bir dairenin alanı  $A = \pi r^2$  formülü ile hesaplanır.

Bir arabanın yarım daire biçimindeki arka camında  $O$  noktası etrafında dönebilen bir silecek bulunmaktadır. Bu silecek, cam üzerinde  $O$  noktasına uzaklığı en az 1 birim, en fazla 5 birim olan noktaları temizlemektedir. Çalıştırılan bu silecek şekildeki gibi  $120^\circ$  döndüğünde sileceğin temizlediği alan camın alanının yarısı olmaktadır.

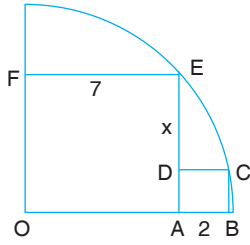


**Buna göre, camın yarıçapı kaç birimdir?**

- A)  $4\sqrt{2}$     B)  $5\sqrt{2}$     C)  $6\sqrt{2}$   
D)  $4\sqrt{3}$     E)  $5\sqrt{3}$

2018 / TYT

5.



OAEF dikdörtgen

ABCD kare

$$|FE| = 7 \text{ birim}$$

$$|AB| = 2 \text{ birim}$$

$$|DE| = x$$

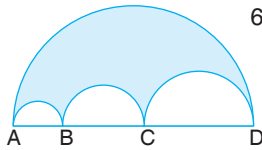
Şekilde, E ve C noktaları O merkezli çeyrek çemberin üzerindedir.

Buna göre, x kaç birimdir?

- A)  $\frac{7}{2}$  B)  $\frac{9}{2}$  C)  $\frac{13}{4}$  D) 3 E) 4

2017 / YGS

6.



$$6|AB| = 3|BC| = 2|CD|$$

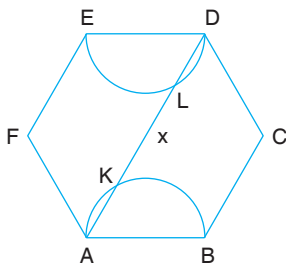
Yukarıda [AD] çaplı yarı çemberin içine merkezleri doğrusal olan [AB], [BC] ve [CD] çaplı üç yarı çember çizilmiş ve aralarında kalan bölge şekildeki gibi boyanmıştır.

Boyalı bölgenin çevresi  $24\pi$  birim olduğuna göre, alanı kaç birimkaredir?

- A)  $44\pi$  B)  $48\pi$  C)  $52\pi$  D)  $56\pi$  E)  $60\pi$

2017 / YGS

7.



ABCDEF düzgün

altıgen

$$K, L \in [AD]$$

$$|AB| = 6 \text{ birim}$$

$$|KL| = x$$

Şekilde, K ve L noktaları sırasıyla AB ve

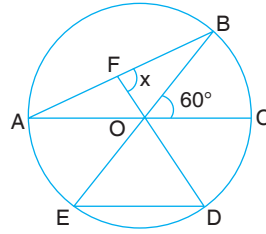
DE çaplı yarı çemberler üzerindedir

Buna göre, x kaç birimdir?

- A) 5 B) 6 C) 9  
D)  $3\sqrt{3}$  E)  $6\sqrt{3}$

2017 / YGS

8.



O merkezli çember

$$AC \parallel ED$$

$$AC \cap FD = \{O\}$$

$$m(\widehat{BOC}) = 60^\circ$$

$$m(\widehat{DFB}) = x$$

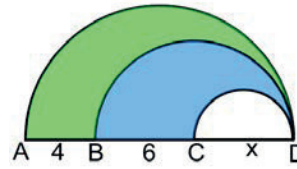
Yukarıdaki şekilde [AC] ve [BE], O merkezli çemberin çaplarıdır.

Buna göre, x kaç derecedir?

- A) 75 B) 80 C) 90 D) 105 E) 120

2017 / LYS

9.



$$|AB| = 4 \text{ birim}$$

$$|BC| = 6 \text{ birim}$$

$$|CD| = x$$

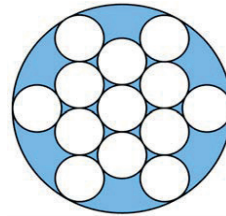
Yukarıdaki şekilde verilen [AD], [BD] ve [CD] çaplı yarı çemberler D noktasında birbirine teğettir.

Yeşil ve mavi ile boyalı bölgelerin alanları birbirine eşit olduğuna göre, x kaç birimdir?

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

2017 / LYS

10.

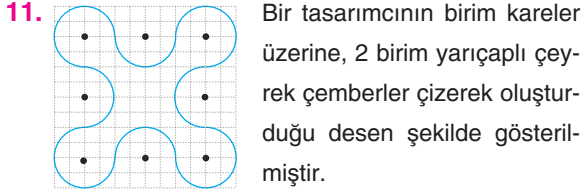


Yarıçapları 1 birim olan 13 çember ile bunları çevreleyen büyük çember, değme noktalarında birbirlerine şekildeki gibi teğettir.

Buna göre, boyalı bölgenin alanı kaç birimkaredir?

- A)  $3\sqrt{2}\pi$  B)  $4\sqrt{2}\pi$  C)  $2\sqrt{3}\pi$   
D)  $6\sqrt{3}\pi$  E)  $4\sqrt{3}\pi$

2017 / LYS



**Bu desenin çevre uzunluğu kaç birimdir?**

- A)  $18\pi$  B)  $20\pi$  C)  $24\pi$  D)  $25\pi$  E)  $27\pi$

2016 / YGS

12. Düzlemde çizilen ABC üçgeninin AB, BC ve AC kenarlarının uzunlukları sırasıyla 7, 16 ve 13 birimdir.

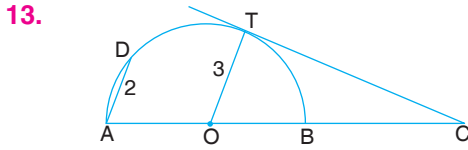
A merkezli ve B noktasından geçen çember çizildiğinde AC kenarını D noktasında kesiyor.

C merkezli ve D noktasından geçen çember çizildiğinde BC kenarını E noktasında kesiyor.

**Buna göre, |BE| uzunluğu kaç birimdir?**

- A) 10 B) 11 C) 12 D) 13 E) 14

2016 / LYS



[AB] çaplı yarı çember, AD // OT,

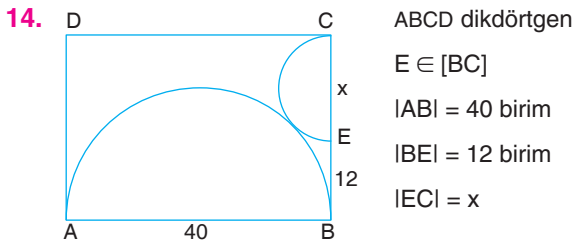
|OT| = 3 birim, |AD| = 2 birim

Şekildeki O merkezli yarı çembere T noktasından çizilen teğet doğrusu, AB doğrusunu C noktasında kesiyor.

**Buna göre, |AC| uzunluğu kaç birimdir?**

- A) 9 B) 10 C) 12 D) 14 E) 15

2016 / LYS

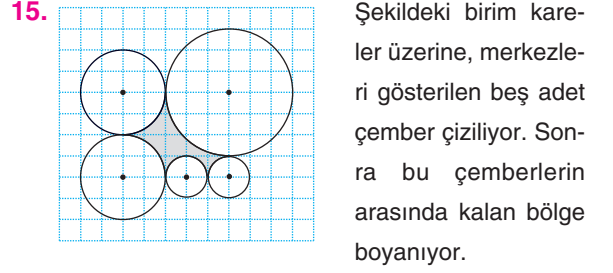


Şekilde verilen [AB] ve [EC] çaplı yarı çemberler birbirine teğettir.

**Buna göre, x kaç birimdir?**

- A) 12 B) 14 C) 16 D) 18 E) 20

2016 / LYS



**Buna göre, boyalı bölgenin çevresi kaç birimdir?**

- A)  $4\pi$  B)  $5\pi$  C)  $6\pi$  D)  $7\pi$  E)  $8\pi$

2016 / LYS

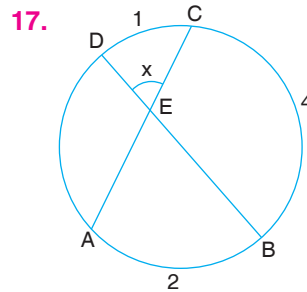
16. Mehmet Öğretmen derste "Herhangi bir karenin çevrel çemberi ile iç teğet çemberi arasında kalan bölgenin alanının karenin alanına oranı sabittir." demiştir.

Bu sabit oranın kaç olduğunu merak eden Evren bu oranı doğru olarak hesaplamış ve x olarak bulmuştur.

**Buna göre x kaçtır?**

- A)  $\frac{\pi}{2}$  B)  $\frac{\pi}{3}$  C)  $\frac{\pi}{4}$  D)  $\frac{\pi}{6}$  E)  $\frac{\pi}{9}$

2016 / LYS



[BD] çaplı çember

$[AC] \cap [BD] = \{E\}$

$m(\widehat{DEC}) = x$

Şekildeki çemberin AB, BC ve CD yaylarının uzunlukları sırasıyla 2, 4 ve 1 birimdir.

**Buna göre, x kaç derecedir?**

- A) 42 B) 45 C) 48 D) 51 E) 54

2016 / LYS